

*Introduction à la minéralogie*

Introduction à la minéralogie.

Définition du minéral.

Division de la minéralogie { morphologie.  
Chimie.  
Physique.

Chimie: qualitative - quantitative. (chaleur, Spectroscopie) (voir chimie).  
Physique: transparence, éclat, couleur, Dilatabilité, Conductibilité, Dureté, Consistance, Friabilité, Flexibilité, Densité, Magnétisme, Électricité, Phosphorescence, - Toucher, happement à la langue, saveur, odeur.

Morphologie { amorphes  
cristallins: Définition du cristal - gisement { nature  
Laboratoire  
Plantes, animaux

amorphes: { Structure -  
Casure - change.

cristallins: Définition du cristal { faces.  
arêtes.  
angles.

Centre d'un cristal

axes. "

Coups - coupes principaux

zone.

Système cristallin, basé sur symétrie - incompatibilité de divers systèmes entre eux.

Constantes des angles.

Dimensions des cristaux { valeur constante des angles de faces  
des cristaux en rapport avec la symétrie des axes.

Loi de Symétrie de Haüy.

Dérivation et notation des formes simples.

# Etude des Roches généralités.

Pisani, traité de minéralogie  
Paris 1878

Substances minérales d'aspect et de composition  
très variables, qui constituent l'écorce solide du  
globe.

les caractères servant à leur description sont de  
2 genres: } forme, clivage, structure, cassure, transparence,  
Caractères physiques: } réfraction, polarisation, éclat, couleur,  
Caractères chimiques: } aptes thermiques, élasticité, dureté, densité,  
magnétisme, électricité, phosphorescence, toucher,  
An. qualitative, quantitative, saveur, odeur.

1. morphologie } Minéral amorphe.  
} " cristallins.

Définition du cristal: Polyèdres limités par des faces planes  
disposés d'après certaines lois, relativement aux axes de symétrie.  
les faces, arêtes, angles, sont les éléments qui limitent  
le cristal; ils sont entre eux dans de rapports numériques  
constants:  $F + An = A_2 + 2$ .

on distingue les Faces } équilatérales - triquet.  
} hexagones.

Tétragones } carré  
} oblongs  
} Rhombes  
} Rhomboides.  
} Sellaïdes.  $\diamond$

Pentagones } réguliers  
} irréguliers  
} symétriques  
Hexagones } réguliers  
} irréguliers  
} symétriques.

arêtes: angles égaux, droits, obtus, etc.  
de même longueur.  
égaux, réguliers, symétriques.

angles:

Centre du cristal: les éléments correspondants en sont  
également distants.

Axes on appelle axes de symétrie les lignes passant par  
ce centre et 2 de ces éléments correspondants.

Couper: elles passent par le centre; les coupes principales  
passent par le centre et par 2 axes.

Zône: Les faces en zone sont parallèles à une  
ligne passant par le centre.

axes: on appelle axes de symétrie les lignes passant  
par le centre et 2 de ces éléments correspondants.

Ces lignes sont telles que si l'on imagine  
un polyèdre, une rotation déterminée, tous les  
sommets de ce polyèdre se trouvent implément  
substitués les uns aux autres.

Rotation } 90° — binaire  
} 60° — ternaire  
} 180° — binaire

Plan de symétrie partage le polyèdre de telle façon que les  
sommets sont réunis 2 à 2 sur des perpendiculaires à  
ce plan et à égale distance de part et d'autre de ce plan.

2. Les systèmes cristallins groupent les rapports géométriques  
des faces relativement aux axes. Toute forme cristalline  
qui n'est pas dans un système est incompatible avec elle  
des autres systèmes.

Pour une même espèce les angles sont constants.  
les angles de clivage sont également constants pour une  
même espèce minérale.

Excepté dans le cas d'Hémiédrie, toute face d'un  
cristal a une autre face opposée qui lui est parallèle.  
loi de symétrie d'Haug: les parties de même  
espèce, dans un cristal, sont modifiées en même temps,  
d'une même manière, tandis que les parties d'espèces  
différentes sont modifiées d'une manière différente, par  
les températures, les solvants, les réactions.  
Ces formes cristallines des minéraux, ou des  
produits cristallisés de laboratoire, peuvent être ramennés  
à 6 systèmes cristallins.

Systèmes cristallins (voir ailleurs).

Mesures des angles:  
goniométriques d'application: (ou de Carangeot). on mesure  
l'angle d'incidence au moyen des deux alidades ou  
axes, que l'on reporte ensuite sur un  
rapporteur où on lit le nombre de degrés.

Goniométriques à réflexion:

Imperfections des cristaux: les cristaux dans la nature  
n'ont pas la perfection qu'on leur donne dans les  
descriptions théoriques. Ils sont déformés par le  
développement inégal de certaines faces aux dépens  
d'autres. Ex: quartz, hyalite. les faces présentent parfois  
des irrégularités, des rugosités, des courbes, les stries;  
les faces sont parfois creusées (Cristaux).

Clivages: les cassures ne sont pas inégales, mais en  
certaines places, parallèles les unes aux autres, et à  
une face naturelle du cristal.  
le nombre et la direction des clivages est  
intimement lié avec le système cristallin.

Certes les fois qu'un minéral possède  
moins de trois clivages, il ne peut appartenir  
au système cubique.

Un seul clivage s'ait ailleurs que suivant  
la base exclut le 1<sup>er</sup> et le 3<sup>er</sup> système.  
Etc. (Voyez Pisani p. 56.)

Structure et formes irrégulières des minéraux:  
Structure granuleuse: grès, parties cristallines arrondies  
" lamellaire: réunion de lamelles { Saccharine  
" fibreuse: asbeste.  
" bacillaire: Colcaïn, Courmarin; cristaux cylindroïdes  
" compacte: particules cohérentes.  
" terreuse: craie, argile.

modules: concrétions arrondies; souvent creux à  
l'intérieur et formés de couches concentriques.

formes globulaires: globules à couches concentriques, orbites, strolites.

Mamelons: segments de sphère.

Stalactites: constrictions coniques.

scindites: ramifications de cristaux groupés.

Pseudomorphoses: Un minéral se présente sous une forme empruntée à une autre espèce, et il n'a pas la composition de cette espèce.

ex: stibite ayant la forme du quartz.

linéite " " de la pyrite.

c'est à proprement parler l'Épigrise.

Il y a aussi pseudomorphose par remplacement de matière organiques: bois silicifiés.

Cassure: Elle varie suivant les espèces minérales:

marb: conchoïdale.

agate: scailleuse.

marb: saccharoïde unie, irrégulière, terreuse.

Transparence:

un minéral est transparent quand il laisse passer la lumière: cristal de roche.

un minéral est translucide quand il laisse passer une lueur: agate.

translucide sur les bords. — opaque.

Éclat et couleur:

Éclat métallique: métaux, sulfures.

" métalloïde: Hypersulfure, Biogène, anthracite.

" adamantin: Diamant

" vitreux: quartz

" résineux: opale, asphalt.

" gras: Sclérolithe.

" nacré: apophyllite, mica.

" soyeux: gypse, amianthe

Couleurs

C. métalliques:

Rouge: Cuivre natif

Brun: Stambogite

Jaune: Pyrite, or

Blanc: Argent, Stain

gris: Galène, Platine

C. non métalliques:

Blanc

gris, etc. etc.

Certains minéraux ont des couleurs propres, d'autres ont des couleurs accidentelles dues à des mélanges mécaniques ou à des combinaisons chimiques.

Certains minéraux ont des couleurs changeantes, suivant le sens où on les regarde: cela est dû soit à des fibres qui se trouvent à l'intérieur, soit à des fissures, soit à un commencement d'altération. m. chatoyant: Labradorite, pierre de lune; m. irisé: opale, aventurine.

Couleur de la poussière: Elle diffère souvent de celle de la masse.

Certains minéraux présentent des teintes différentes par réflexion ou par transmission: fluorine.

Certains minéraux ont des couleurs différentes par transmission suivant le sens où on les observe: Cordierite (Dichroïsme, Trichroïsme).

# Propriétés thermiques des minéraux :

Dilatabilité : les cristaux chauffés se dilatent, et par suite les angles varient : l'angle du Rhomboïdre de spath d'aut de  $105^{\circ} 4'$  à  $10^{\circ}$  sur plus ou moins de  $100^{\circ}$  de  $8'$  à  $100^{\circ}$  cette dilatation des cristaux est en rapport avec le plus ou moins de symétrie, qui existe dans les différents systèmes cristallins. la dilatation n'est égale dans tous les sens, que dans le système cubique.

Conductibilité : elle est égale dans tous les sens pour le système cubique, dans les autres systèmes elle éprouve des maxima et des minima, dans des positions diverses en rapport avec les axes optiques.

Expériences de Jamettaz : cercles, ellipses, le la cire fondue.

Dans les cristaux élastiques, le grand axe de l'ellipse est toujours parallèle au plan de clivage le plus facile.

## Dureté :

échelle des duretés de Mohs :

- 1 Calc
- 2 gypse
- 3 Calcaire
- 4 Fluorine
- 5 apatite
- 6 orthose
- 7 quartz
- 8 Topaze
- 9 Corindon
- 10 Diamant

1 et 2 sont rayés par l'ongle, 1 à 5 par acier. On cherche quel degré de l'échelle est rayé le plus difficilement, puis on examine si le degré de dureté supérieur à ce dernier rayé à son tour la substance. on dira donc qu'un minéral a une dureté 5, ou 5,5, etc.

## Consistance, friabilité, flexibilité :

Densité : caractère important. Pour une même espèce la densité est à peu près constante dans les diverses variétés.

- 1<sup>o</sup> méthode de la balance hydrostatique.
- 2<sup>o</sup> ——— du flacon.
- 3<sup>o</sup> ——— de la balance de Nicholson.
- 4<sup>o</sup> ——— Balance à spirale de Jolly.

## Magnétisme : quels minéraux agissent sur

l'aiguille aimantée : fer oxydulé, pyrite magnétique, grenat, minéraux riches en fer. la plupart de ces minéraux sont simplement magnétiques, c.à.d. attirent chaque pôle d'un aimant ; d'autres comme le fer oxydulé, la pyrite magnétique, ont en outre magnétisme polaires et agissent par attraction sur un des pôles et par répulsion sur l'autre.

Beaucoup de minéraux contenant du fer deviennent magnétiques après avoir été chauffés.

Électricité : les minéraux peuvent devenir électrostatiques lorsqu'on les frotte, les chauffe, ou les soumet à une pression. on juge de l'électricité par l'action sur l'aiguille de Haüy

E. par frottement : Diamant, gemmes, succin.

E. par pression : Spath d'Islande.

E. par chauffage : Tourmaline, Boracite.

## Phosphorescence : par frottement : Diamant.

ou la provient { " par chauffage : fluorine, apatite ternaire.  
 " Électricité (ou le soumet à des décharges)  
 " frottement, 2 quartz, Dolomite, Bleud.

Propriétés organoleptiques des minéraux:

Action sur le toucher:

le talc, graphite, sont continus et gras.  
Stamianthe et soufre au toucher  
Pierre ponce et âpre au toucher  
les minéraux produisent des impressions de poids  
différentes, suivant qu'ils sont bons conducteurs  
(quartz) ou mauvais (sulf.).

Happement à la langue:

Il dépend de l'absorption exercée par ces minéraux  
sur l'humidité: comme le sel, argiles.

Savon: applicable aux sels solubles

- Savon acide
- " piquante (sel ammoniac)
- " salée (sel marin)
- " fraîche (nitre)
- " astringente (alum)
- " amère (sulfate de magnésie)
- " douce (Borax).

odeur: quelques minéraux ont une odeur propre  
(Bitume, soufre, stibite).

Certains calcines ont une odeur fétide.  
certains terres ont une odeur argileuse.

Propriétés chimiques des minéraux:

L'analyse qualitative suffit ordinairement; l'analyse  
quantitative n'est utile que pour les substances nouvelles.

Analyse qualitative:

Essai par voie sèche: ~~On détermine~~ on détermine ainsi  
la nature des éléments d'un foule de minéraux; pour  
certaines classes (sulfates) la connaissance de la nature  
des éléments ne suffit pas pour déterminer l'espèce  
minérale.

- 1<sup>o</sup> Chalumeau: ces essais consistent dans l'action qu'une  
température élevée, produite par le vent d'une flamme  
caydante, fait subir aux minéraux traités seuls ou  
en présence de certains réactifs:

- Echelle de fusibilité de Kobell
- 1. stibine.
- 2. mesotype.
- 3. grenat almandin.
- 4. amphibole actinote.
- 5. orthose.
- 6. Bronzite.

on fait fondre au Chalumeau des états miniers de  
minéral dont on veut connaître le degré de  
fusibilité comparativement à des états de minéraux  
de l'échelle.

on fait au chalumeau différents essais, tels sont  
les suivants: Essai dans un tube fermé à un bout,  
dans un tube ouvert aux 2 bouts, essai sur le  
charbon, essai à la soude, essai par la coloration  
de la flamme, essai au borax, au sel de phosphore,  
au nitrate de cobalt.

- 2<sup>o</sup> Spectroscope: surtout les métaux alcalins et  
alcalino-terreux, donnent des raies caractéristiques,  
ainsi: potassium, sodium, césium, etc. Calcium.  
Sodium: raie jaune unique.  
chaux: une raie verte et une rouge.  
Potasse: une raie rouge sombre  
Baryte: plusieurs lignes vertes, suivies les une entre les autres.

Essai par voie humide: Action des acides sur  
le minéral en poudre. - les minéraux qui  
résistent à l'action des acides peuvent être attaqués  
par fusion ou le carbonate de soude, au creuset  
de platine, ou avec la potasse, au creuset d'argent.

On emploie ensuite certaines réactions  
caractéristiques pour quelques acides et plusieurs

Analyse <sup>minérale</sup> quantitative:

De la structure cristalline

---

Par suite de ce groupement régulier, les grandes faces de ces <sup>Minéralogique</sup> cristaux présentent les mêmes formes, les mêmes axes, la même symétrie, la même structure que la particule; la structure particulière se confondent avec la structure moléculaire, et nous pouvons juger de celle-ci par elle-même.

Lymerie p. 8

Formes fondamentales: les espèces minérales ont des formes propres caractéristiques. La forme de chaque espèce, résumé en elle seule toute la symétrie dont le minéral cristallisé est susceptible, et constitue le caractère le plus saillant de type minéralogique. De cette forme primitive il y a des formes dérivées secondaires.

Dans chaque minéral, la forme primitive est constante et déterminée en genre et en espèce, c'est à dire non seulement dans sa figure générale, mais encore dans la valeur des angles dièdres que ses faces forment entre elles et même dans leurs dimensions.

Ex: le Rhomboédre est une forme primitive commune à plusieurs espèces minérales: le calcaire, le quartz, l'oligiste; mais ce polyèdre est particularisé dans chacune de ces minéraux par l'angle des faces culminantes. En effet, cet angle est de 105° pour le Calcaire, 94° pour le quartz, 86° pour l'oligiste. Comme exemples de minéraux prismatiques relativement auxquels le principe semblerait se trouver en défaut, nous citerons l'Émeraude et la pyromorphite, qui l'une et l'autre ont pour forme primitive un prisme hexaédre régulier. Ces prismes ont nécessairement les mêmes angles, mais ils doivent être considérés comme ayant pour une même base, des hauteurs différentes. Ainsi dans le prisme de l'émeraude, la hauteur égale le côté de la base, tandis que, pour l'autre espèce, ces dimensions sont entre elles comme 7 et 10.

Constante des angles: Romé de l'Isle établit ce principe que dans tous les cristaux d'un même minéral les faces homologues doivent former rigoureusement les mêmes angles dièdres.

Eschscholtz.

Loi de la Rationalité des axes, ou loi des paramètres:

- Il n'y a que 3 types de faces: pyramide:  $ma, nb, oc$ .
- Prisme:  $ma, nb, oc$ .
- Prismatoïde:  $ma, nb, oc$ .

on peut toutes les faire dériver des faces de la pyramide, qu'on pourra donc considérer seule ici. Or les faces réalisées ou réalisables d'un cristal, n'ont pour paramètres que des valeurs où les coefficients  $m, n, o$ , sont des nombres entiers. De d'autres termes le rapport des coefficients  $m, n, o$  est rationnel.

Ainsi si une face a pour paramètres  $a, b, c$ , les autres peuvent avoir:  $a, b, 2c$ ;  $a, 2b, c$ ;  $3a, 4b, 2c$ ;  $a, b, oc$ ;  $2a, 3b, oc$ ;  $a, ob, 2c$

mais  $m, n, o$  ne sauraient avoir des valeurs irrationnelles  $\sqrt{2}$ , ou  $\sqrt{3}$ .



Pour un même angle cristallin, toutes les formes ont de longues d'axes qui sont multiples l'une de l'autre par des nombres très simples.

Exemples: l'Ebouan et le Zircon, quadratiques, ont 4 pour valeur principale, et les valeurs 3 et 1/3 pour l'Ebouan, 1, 1/2, 1/3 pour le Zircon.  
Copaie (rhombique) a pour coefficients 1. 2. 3.  
Apatite 1. 1/2  
Emaude 1. 2.  
Aurite 1. 2. 3. 6. 8.

La longueur de paramètre se mesure et s'exprime en millimètres; ce n'est que le rapport de ces valeurs qui est un nombre rationnel, constant.

Explication: Haüy a expliqué la cristallisation des angles et celle des paramètres par sa théorie des décroissements. Il considérait tout prisme naturel (par ex.), comme composé d'un grand nombre de petits prismes semblables et régulièrement juxtaposés (constitue les briques d'un mur), constituant des rangées de particules intégrantes, susceptibles d'ailleurs d'être isolées par le clivage.

Il expliquait ainsi les faces planes des cristaux, la constance des angles, la loi des paramètres, la constance des clivages.

Exemple: la galène cristallise en cubes, octaédres, rhombododécédres, et clivage sur les faces cubiques. Des décroissements sur les angles du prisme donnent l'octaédre; sur les arêtes le rhombododécédre.

Reputation de la théorie de Haüy: On abandonne la théorie de Haüy d'après laquelle les particules intégrantes se toucheraient; elle n'est pas compatible avec les phénomènes optiques, et catoptriques des miroirs. Des gaz traversent les cristaux; les cristaux sont élastiques: il y a donc des vides entre les molécules cristallines.

On considère les particules de Haüy, comme étant des molécules cristallines, sans formes propres (formes) et caractérisées seulement par leur position. Dans chaque direction déterminée d'un cristal, les molécules sont équidistantes.

Lorsqu'on permet aux molécules de se grouper librement elles se disposent régulièrement dans les positions les plus favorables au contact, la force d'attraction qui les maintient d'équilibre qui leur conserve le milieu, et de telle sorte que leurs axes de même nature sont parallèles. Elles donnent ainsi naissance à des réseaux à mailles régulières dont les nœuds sont occupés par les molécules solides; la particule qui présente cette structure moléculaire est dite cristalline.

Et la structure cristalline, on doit opposer la structure amorphe. L'amorphie est un état analogue à l'état liquide, mais où les molécules ont perdu leur mobilité. Elle se produit lorsqu'un corps passe rapidement de l'état liquide à l'état solide: les molécules n'ont pas le temps alors de prendre leur position d'équilibre stable: elle ne forment plus un réseau régulier.

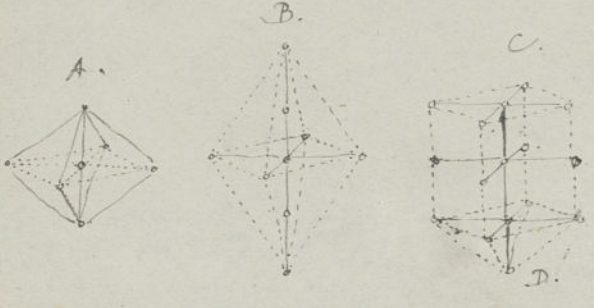
On doit donc considérer un cristal comme un polyèdre formé de tranches régulièrement superposées de molécules (particules) toutes semblables les unes aux autres, et régulièrement disposées.

Un cristal formé de ces molécules distinctes, perçues à l'œil le même effet qu'une forêt vue de loin, ou les arbres distincts, forment un ensemble net homogène.

*[Text written upside down at the bottom of the page, likely bleed-through from the reverse side.]*

Les molécules ne sont caractérisées que par leur position: les faces d'un cristal, sont des plans tangents à un système de molécules, les faces de clivage peuvent par un nombre plus grand de molécules (plans moléculaires). Les axes du cristal, les axes, sont des lignes moléculaires, passant par les molécules équidistantes. Chaque face d'un cristal contient donc un réseau moléculaire.

Cette disposition régulière des molécules cristallines explique:  
 1° le mode de croissance des cristaux  
 2° l'existence de la loi des paramètres.  
 3° Le clivage  
 4° tout les autres propriétés de cristaux.



1. La croissance des cristaux est la superposition en lignes parallèles régulières de molécules, quand le corps passe à l'état solide.

Comparez le corps liquide à une plaque remplie de billes en mouvement; à un signal ils s'arrêtent, et se rangent les uns à côté des autres en carrés. Ils sont alors parallèles et équidistants, dans 2 directions; dans le cristal l'arrangement de molécules se fait de même façon, mais dans 3 directions.

On se figure facilement cette disposition en développant ces trois simples. La Fig. A. est le cas le plus simple où une molécule centrale exerce un même attraction en haut qu'en bas, à droite qu'à gauche, en avant qu'en arrière. — Si le développement se poursuit suivant la même loi, on aura finalement une pyramide comme celle indiquée par le réseau, limitée. C'est la même forme <sup>initiale</sup> formée par agglomération de molécules isolées.

La croissance peut avoir lieu inégalement comme dans le cas de B. Il s'ajoute 2 molécules dans le sens vertical, tandis qu'il ne s'en ajoute qu'une dans les sens horizontaux.

Il peut s'ajouter 4 molécules suivant quatre directions par les précédentes, et par une manière générale dans toutes les directions qui sont des lignes moléculaires. Fig. C. Il se forme ici des agglomérations de molécules dans les 6 directions précédentes, et dans 4 sens.

2° Explication de paramètres: Cette loi est une conséquence de la disposition régulière des molécules.

Si l'on appelle  $\alpha$  les distances qui séparent les molécules sur l'axe brachydiagonal,  $\beta$  sur l'axe macrodiaagonal,  $\gamma$  sur l'axe vertical; ces distances, seront infiniment petites; il est plus facile d'exprimer par a, b, c. le rapport de ces grandeurs.

$$\alpha : \beta : \gamma = a : b : c$$

Si l'on connaît la position de ces 3 lignes moléculaires, on peut facilement exprimer la position des faces des cristaux dérivés par ces amas de molécules isolées:

|  |                           |
|--|---------------------------|
| fig. A. avec une pyramide de six faces | $a : b : c$               |
| B                                      | $a : b : 2c$              |
| C                                      | $a : b : \infty c$        |
|  | $\infty a : \infty b : c$ |
| D                                      | $a : b : \infty c$        |
|  | $\infty a : b : c$        |

Comme les molécules pendant la croissance du cristal ne peuvent s'ajouter dans les directions où il y a des molécules, les faces cristallines ne peuvent avoir que des paramètres entiers, ou des valeurs où les coefficients sont des nombres entiers.

Ce peut être dans ce cas très simple, sur des cas dérivés le nombre des molécules est très grand.

~~Les molécules ne sont caractérisées que par leur position: les faces d'un cristal, sont des plans tangents à un système de molécules, les faces de clivage peuvent par un nombre plus grand de molécules (plans moléculaires). Les axes du cristal, les axes, sont des lignes moléculaires, passant par les molécules équidistantes. Chaque face d'un cristal contient donc un réseau moléculaire.~~

~~Cette disposition régulière des molécules cristallines explique:  
 1° le mode de croissance des cristaux  
 2° l'existence de la loi des paramètres.  
 3° Le clivage  
 4° tout les autres propriétés de cristaux.~~

~~1. La croissance des cristaux est la superposition en lignes parallèles régulières de molécules, quand le corps passe à l'état solide.~~

~~Comparez le corps liquide à une plaque remplie de billes en mouvement; à un signal ils s'arrêtent, et se rangent les uns à côté des autres en carrés. Ils sont alors parallèles et équidistants, dans 2 directions; dans le cristal l'arrangement de molécules se fait de même façon, mais dans 3 directions.~~

~~On se figure facilement cette disposition en développant ces trois simples. La Fig. A. est le cas le plus simple où une molécule centrale exerce un même attraction en haut qu'en bas, à droite qu'à gauche, en avant qu'en arrière. — Si le développement se poursuit suivant la même loi, on aura finalement une pyramide comme celle indiquée par le réseau, limitée. C'est la même forme formée par agglomération de molécules isolées.~~

~~La croissance peut avoir lieu inégalement comme dans le cas de B. Il s'ajoute 2 molécules dans le sens vertical, tandis qu'il ne s'en ajoute qu'une dans les sens horizontaux.~~

~~Il peut s'ajouter 4 molécules suivant quatre directions par les précédentes, et par une manière générale dans toutes les directions qui sont des lignes moléculaires. Fig. C. Il se forme ici des agglomérations de molécules dans les 6 directions précédentes, et dans 4 sens.~~

~~2° Explication de paramètres: Cette loi est une conséquence de la disposition régulière des molécules.~~

~~Si l'on appelle  $\alpha$  les distances qui séparent les molécules sur l'axe brachydiagonal,  $\beta$  sur l'axe macrodiaagonal,  $\gamma$  sur l'axe vertical; ces distances, seront infiniment petites; il est plus facile d'exprimer par a, b, c. le rapport de ces grandeurs.~~

~~$\alpha : \beta : \gamma = a : b : c$~~

~~Si l'on connaît la position de ces 3 lignes moléculaires, on peut facilement exprimer la position des faces des cristaux dérivés par ces amas de molécules isolées:~~

~~fig. A. avec une pyramide de six faces  $a : b : c$~~

~~B  $a : b : 2c$~~

~~C  $a : b : \infty c$~~

~~$\infty a : \infty b : c$~~

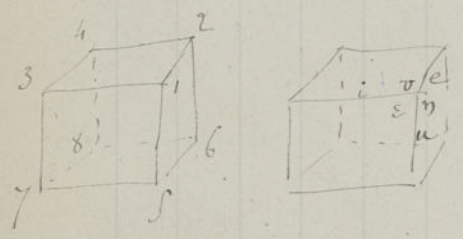
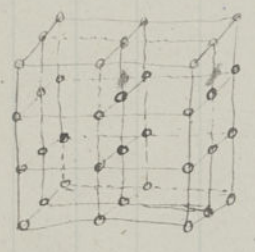
~~D  $a : b : \infty c$~~

~~$\infty a : b : c$~~

~~Comme les molécules pendant la croissance du cristal ne peuvent s'ajouter dans les directions où il y a des molécules, les faces cristallines ne peuvent avoir que des paramètres entiers, ou des valeurs où les coefficients sont des nombres entiers.~~

~~Ce peut être dans ce cas très simple, sur des cas dérivés le nombre des molécules est très grand.~~

3. Application du clivage : un cristal est donc un amas de molécules de nombreuses molécules, disposées régulièrement. Les nœuds sont les molécules; les fils sont les axes cristallins, suivant lesquels sont les maxima d'attraction des molécules.  
 Un plan passant par le réseau, traverse au moins 3 molécules : c'est une face réalisable du cristal. Les faces de clivage sont celles où les molécules sont les plus nombreuses, serrées; elles occupent par conséquent le plus souvent une face prismatique ou pinacoidale.



Le système élémentaire est une maille du réseau; elle répète toute la symétrie du système. La maille la plus simple comprend 8 nœuds (molécules).

Les systèmes élémentaires qui remplissent les conditions d'un arrangement régulier des molécules, ne sont qu'un nombre de 14. Il n'y a donc que 14 arrangements possibles de molécules dans la maille.

- appelons  $e$  la distance, de molécules 1 — 2
- $i$  ————— 1 — 3
- $u$  ————— 1 — 5
- $\epsilon$  l'angle entre  $u$  et  $i$  —  $\epsilon$
- $\eta$  —————  $e$  et  $u$
- $v$  —————  $i$  et  $e$

on pourra exprimer comme suit les 14 arrangements

Système triclinique :

1.  $e, i, u$ , inégaux ;  $\epsilon, \eta, v$ , inégaux et obliques. le système élémentaire est un parallélépipède oblique.

Système monoclinique :

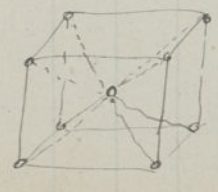
$e, i, u$ , inégaux ;  $\epsilon = v = 90^\circ$  ;  $\eta$  oblique. le système élémentaire est un prisme rhomboïdal droit

3.  $e = i$  ;  $u$  différent ;  $\epsilon = \eta$  ;  $v$  différent, tous obliques. prismes rhombiques obliques.

Système Rhombique

4.  $e, i, u$ , inégaux ;  $\epsilon = \eta = v = 90^\circ$  parallélépipède rectangulaire.

5. le même arrangement atomique. les molécules de 8 molécules s'entourent une voisine équidistante.  
 Parallélépipède rectangle centré



6.  $c = i$  ;  $a$  différent.  $\epsilon = \eta = 90^\circ$   
 $\nu$  différent, oblique. Prisme rhombique droit

7. le même arrangement cristallin  
Prisme rhombique droit, central.

Système quadratique

8.  $c = i$  ;  $a$  différent ;  $\epsilon = \eta = \nu = 90^\circ$   
Prisme quadratique

9. le même arrangement cristallin  
Prisme quadratique central

Système hexagonal :

10.  $c = i$  ;  $a$  différent ,  $\epsilon = \eta = 90^\circ$   
 $\nu = 120^\circ$

Comme la distance  $0$  <sup>entre</sup> les molécules 1 et 4 est égale aux distances  $c$  et  $i$ , on a  $c = i = a$  et le système cristallin élémentaire est un prisme triangulaire régulier

11.  $c = i = a$  ;  $\epsilon = \eta = \nu$  oblique  
le système élémentaire est un rhomboèdre

Système régulier

12.  $c = i = a$  ;  $\epsilon = \eta = \nu = 90^\circ$   
Cube

13. le même arrangement cristallin  
Cube central

14. le même arrangement que 12, mais les molécules sont au milieu des faces.  
Cube à faces centrales.

Dans les cristaux réguliers, cet arrangement est régulier, si une sphère comprenant une molécule en un centre une autre, il y en a un grand nombre. D'autres semblablement ordonnés, à sa surface.

Dans le Hexagone cristallin cet arrangement n'est régulier que dans les sections parallèles à la section principale un cercle comprenant une molécule et passant par une autre, en montrant un grand nombre d'autres semblables.

Dans le cube cristallin par cet arrangement n'est régulier. Les raisons pour lesquelles les molécules se groupent sous telle ou telle symétrie, sont inhérentes à la molécule elle-même; elle doivent avoir une structure interne par suite de laquelle elle s'attire ou se repousse davantage dans les diverses directions.

Les formes hémiédriques ont même réseau moléculaire que les holoédriques, mais ils ont un mode de croissance spécial, ou une propriété de la molécule même.

## Structure cristalline

Lois de la Symétrie : Constante des angles. Les faces homologues des cristaux d'un même minéral prennent également les mêmes angles dièdres.

Formes fondamentales, formes secondaires ou dérivées.

Constante du type primitif de chaque espèce { constante de figure  
Valeur des angles dièdres  
Ratios des faces  
Exemples: Rhomboïde (calcaire 105°; quartz 94°; oligiste 86°)  
Prisme hexagonal, émeraude; côté de base = hauteur, pyromorphite — a — comme 10 à 7

Loi de la Rationalité des axes, ou loi de M. Bravais.

Des types de faces, utilisables à l'un de la symétrie.

Les paramètres des faces de la pyramide sont toujours des valeurs où les coefficients  $m, n, o$  sont des nombres entiers (le rapport de coefficients  $m, n, o$  est rationnel). Exemples.

Explication de ces lois: Elle est basée sur la structure cristalline.

Théorie de la dérivée de Haüy: à quelle explique

Théorie du réseau moléculaire de De La Fontaine, Bravais { structure cristalline  
amorphe

à cristal et un polyèdre formé de tranches superposées de molécules semblables, disposées régulièrement.

La théorie du réseau moléculaire de Bravais, explique :

1° la croissance des cristaux: proportionnelle en lignes parallèles régulières de molécules.

Exemples simples. — Superposition en diverses directions.

2° la loi des paramètres :

Principes d'optique minéralogique.

(Réfraction - Polarisation rectiligne).

Exemples de quelques substances biréfringentes à un axe et leurs  
indices de réfraction

Cristaux positifs

|                       |                |                |                 |
|-----------------------|----------------|----------------|-----------------|
| Apophyllite . . . . . | $n_o = 1,5317$ | $n_e = 1,5331$ | (lumière rouge) |
| Zircon . . . . .      | $n_o = 1,92$   | $n_e = 1,97$   | "               |
| Quartz . . . . .      | $n_o = 1,5409$ | $n_e = 1,5499$ | "               |
| Diopase . . . . .     | $n_o = 1,667$  | $n_e = 1,723$  | "               |

Cristaux négatifs.

|                      |                |                |                 |
|----------------------|----------------|----------------|-----------------|
| Calcéaire . . . . .  | $n_o = 1,6543$ | $n_e = 1,4833$ | (lumière rouge) |
| Tourmaline . . . . . | $n_o = 1,6435$ | $n_e = 1,6222$ | "               |
| Émeraude . . . . .   | $n_o = 1,5771$ | $n_e = 1,5720$ | (lumière verte) |
| Idocrase . . . . .   | $n_o = 1,719$  | $n_e = 1,718$  | (lumière jaune) |
| Méionite . . . . .   | $n_o = 1,59$   | $n_e = 1,55$   | "               |
| Paranthine . . . . . | $n_o = 1,566$  | $n_e = 1,545$  | (lumière rouge) |

# Propriétés optiques des minéraux

## Refraction simple :

(Introduction) : quand la lumière traverse des minéraux ayant la même densité et la même composition chimique, elle éprouve des modifications dans la connaissance et mise à profil pour distinguer vite. Les : on ne voit la lumière qu'à travers les uns des autres, les différents esprits. On prend un tube droit ; un cône lumineux pénétrant de son optique, les cristaux se partagent en 3 genres, dans une chambre noire à des vitesses rectilignes.

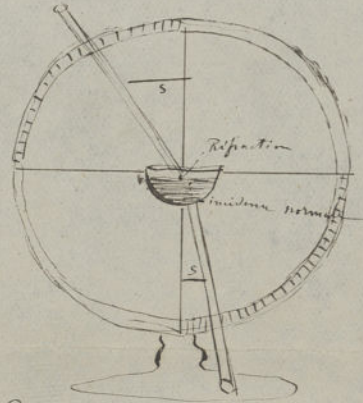
- 1° Monoréfringents { système cubique, ou subst. amorphes,
- 2° Biréfringents à 1 axe { — quadratique  
— hexagonal
- 3° Biréfringents à 2 axes { — rhomboédrique  
— clinorhombique  
— triclinique

avant de passer en revue les propriétés optiques des minéraux, il importe de chercher à nous rendre réparation des milieux compte du mode de propagation de la lumière :

Lorsque la lumière traverse un milieu transparent parfaitement homogène, c'est-à-dire dans toutes ses parties, elle se propage en ligne droite. Ex : on ne voit la lumière qu'à travers les uns des autres, les différents esprits. On prend un tube droit ; un cône lumineux pénétrant de son optique, les cristaux se partagent en 3 genres, dans une chambre noire à des vitesses rectilignes.

Les rayons lumineux sont divisés en passant d'un milieu dans un autre, par exemple de l'air dans l'eau ; cas : bâton brisé dans l'eau, élévation apparente du fond des vases qu'on rempli graduellement d'eau.

Voilà de la refraction simple, ou de Descartes :  
1° quand un rayon lumineux passe d'un milieu dans un autre il se brise, et le rayon incident et le rayon réfracté restent dans un même plan perpendiculaire à la surface d'incidence.



2° Pour deux milieux déterminés, le rapport des sinus des angles d'incidence et de refraction est un nombre constant quelle que soit l'incidence. — L'indice de refraction est constant. L'angle limite est celui au delà duquel commence la réflexion totale, cet angle est de 48°30' à l'eau à l'air, 41° du verre à l'air.

Erasmus Bartholin découvrit en 1670 que si on regarde un objet à travers un cristal de spath, on le voit double. ~~à phénomènes qui se trouvent dans les cristaux optiques, par exemple, qui sont appelés par suite d'observation qu'un second cristal placé sur le premier donne tantôt 2 images, tantôt 4, d'intensité égale ou variable.~~

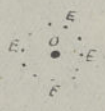
Le phénomène de la double image est propre aux substances cristallisées bien qu'on ne le rencontre pas dans toutes ; il n'existe pas chez les substances amorphes, mais on peut le produire artificiellement par exemple en comprimant un prisme de verre dans une seule direction de manière à produire un rapprochement plus considérable dans ses molécules dans un sens que dans l'autre.

Très visible avec le spath et le soufre

## Double refraction



la double image est beaucoup moins nette, au lieu cristaux de quartz, de topaze, etc.; les deux images sont alors si voisines qu'elles se confondent, on peut toutefois les distinguer à la loupe, ou bien regarder l'objet non plus à travers deux faces parallèles, mais à travers deux faces inclinées; l'expérience a fait très bien dans ces dernières conditions en visant une lumière éloignée.



de la double réfraction des cristaux à 2 axes:

Topaze, tourmaline, Feldspath: deux directions dans lesquelles le rayon incident passe sans se dévier. Les 2 rayons sont tous deux extraordinaires; on peut le vérifier facilement en coupant une topaze en morceaux <sup>de différentes épaisseurs</sup> que l'on recolle ensuite, puis on donne à ce bloc la forme d'un parallélépipède. En regardant alors une ligne droite au travers, on voit 2 images de la ligne, et chacune de ces 2 images est une ligne brisée dont les diverses parties correspondent aux différentes fragments de la topaze; or si l'un des systèmes de rayons réfractés suivait les lois de Descartes, l'image qui en résulterait serait une ligne droite, car la direction du rayon dans le prisme serait indépendante de la direction des axes optiques dans chaque morceau qui le compose.

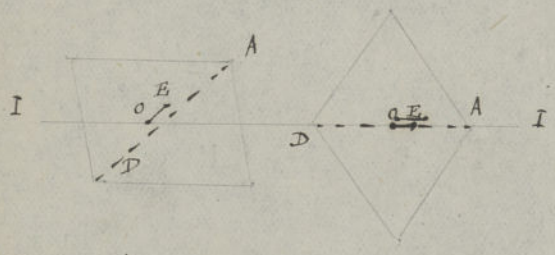
Examinons un point sur un papier à travers un cristal de spath: il paraît double. Faisons tourner le cristal sur lui-même parallèlement aux faces d'incidence et d'émergence, l'une des images tourne autour de l'autre, et décrit ainsi un cercle autour de l'image immobile. On appelle image ordinaire, l'immobile; et image extraordinaire, la mobile; la raison en est que le rayon réfracté qui produit l'image immobile suit dans son trajet les lois de la réfraction simple, tandis que l'autre n'obéit pas aux mêmes lois.

On peut se persuader de ce fait, en recevant un rayon lumineux sur une face de ce cristal, normalement ou obliquement, et en mesurant les angles.

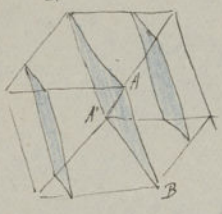
Section principale:

Le cristal de spath étant posé sur une feuille de papier sur laquelle on a marqué un point, supposons l'œil placé dans le plan d'incidence. Le rayon réfracté ordinaire sera aussi dans ce plan, comme l'indique la loi de la réfraction simple, et l'image ordinaire O du point sera sur la trace II du plan d'incidence avec le papier. Mais il n'en sera pas de même de l'image extraordinaire E, et la ligne qui joint les deux images O.E. fera un angle avec la trace dont nous parlons. Or on observe que cette ligne O.E. reste toujours parallèle, pendant le mouvement de rotation du cristal à la bissectrice AD de l'angle obtus de la face parallèle au plan du papier. Ainsi quand grâce à ce mouvement, cette bissectrice est venue se placer parallèlement à II, l'image extraordinaire est ~~venue se~~ elle place ~~parallèlement~~ même sur cette trace, et les 2 rayons réfractés se trouvent tous deux dans le plan d'incidence.

Dans ce cas, le rayon extraordinaire obéit à la première loi de la réfraction simple, comme l'autre rayon. On nomme



Les sections principales d'un spath calcareux sont un plan parallèle à la direction de l'axe optique et à la direction du rayon incident et à la direction du rayon réfracté.



les sections perpendiculaires à la face, et parallèles à AD, sections principales. Toute section principale est parallèle à l'axe optique, et à la direction du rayon incident.

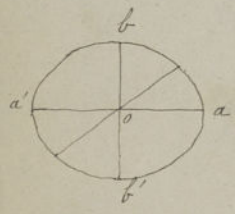
Si on taille une face artificielle perpendiculaire à l'axe optique, tout rayon tombant sur cette face sera nécessairement dans une section principale, et les deux rayons réfractés seront toujours dans le plan d'incidence. Si le rayon incident est normal à la face artificielle, il n'y a plus qu'un rayon réfracté.

Si le rayon incident est oblique à la face artificielle, le rayon extraordinaire est dans le plan d'incidence, mais s'obéit pas à la 2<sup>e</sup> loi de Descartes. L'indice de réfraction varie selon l'angle que le rayon incident fait avec l'axe optique du cristal; plus l'angle croît, plus l'inégalité de ces indices va croissant, et elle est maximum si le faisceau incident est perpendiculaire à l'axe optique. Dans ce cas, le rayon O. R. réfracte au 2<sup>e</sup> loi de la réfraction simple. L'indice de réfraction du rayon ordinaire peut être plus grand ou plus petit que celui du rayon extraordinaire; si il est plus grand le cristal est négatif (calcaire, tourmaline, émeraude) si il est plus petit le cristal est positif (quartz, glace).

Huyghens a indiqué des constructions géométriques fort simples qui permettent de trouver aisément, dans tous les cas, la direction des rayons réfractés.

cristaux positifs et négatifs.

Raison de cette différence: la réfraction est causée par la différence de vitesse qu'éprouvent les ondes d'éther en passant d'un milieu dans un milieu plus réfringent; le rayon ordinaire se comporte comme s'il se mouvait dans un milieu homogène non cristallisé, tandis que le rayon extraordinaire se propage avec plus ou moins de facilité, selon qu'il se meut dans telle ou telle direction relativement à l'orientation des molécules cristallines. Dans le spath d'Islande, c'est la vitesse du rayon extraordinaire qui est la plus grande; le contraire a lieu dans le quartz.



admettons qu'une onde lumineuse extraordinaire vienne à prendre naissance, à l'intérieur du cristal au point O; au bout d'un certain temps, sa surface parviendra à la fois aux points a et b. La droite ob est parallèle à l'axe optique. Sur les axes oa et ob construisons une ellipse: la surface de l'onde atteindra en même temps tous les points situés sur la courbe; mais puisque tout se passe de la même manière autour de l'axe ob', il est évident que cette surface n'est autre chose que celle d'un ellipsoïde de révolution, engendré par la rotation de l'ellipse aba'b' autour de l'axe ob'.

Quant à l'onde ordinaire elle se propage avec une vitesse constante, et sa surface est celle d'une sphère, dont le centre est le point O. Dans le cas du Calcaire, au bout du temps considéré, sa surface passe par les points b, b', d'où l'on voit que l'onde extraordinaire enveloppe l'onde ordinaire, et que ces 2 surfaces sont tangentes à une à l'autre aux deux extrémités de l'axe de révolution de l'ellipsoïde.

Conclusion: différence de vitesse de l'ellipsoïde de révolution des cristaux négatifs et positifs.

Qu'est ce que la lumière ?

Théorie de l'émission de Newton: la lumière serait formée de molécules matérielles incessamment tenues, que les sources lumineuses émettent à tout instant, et qui elles projettent dans l'espace avec une vitesse uniforme: c'est la chute de ces projectiles sur la rétine, qui ébranlent les nerfs optiques, déterminerait la sensation de la ~~chaleur~~ lumière.

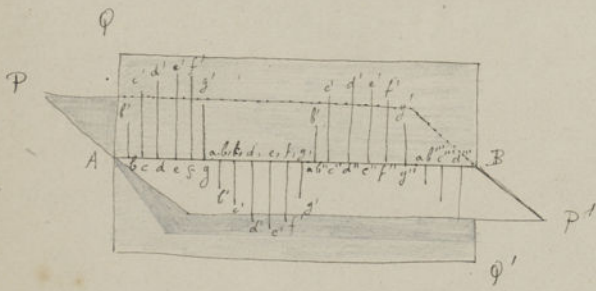
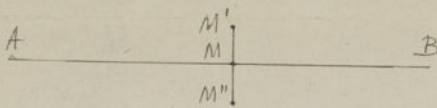
Théorie des ondulations: Huyghens, Fresnel, la lumière est due aux vibrations d'un fluide extrêmement subtil et élastique, qu'on nomme éther. ce milieu pénètre en outre tous les corps, et se trouve répandu dans tous les intervalles qui compriment leurs molécules. la vitesse de vibration de l'éther, ou vitesse de propagation des ondes lumineuses est uniforme et constante dans un milieu homogène, mais elle varie en passant d'un milieu dans un autre.

Calcul que l'onde sonore se propage dans l'air en parcourant 331<sup>m</sup> par seconde, l'onde lumineuse franchit en ce temps 298 000 000<sup>m</sup>. Mais la différence capitale entre ces 2 modes de mouvements vibratoires, est que les vibrations sonores s'effectuent dans le sens même de leur propagation, tandis que les vibrations lumineuses ont lieu dans un sens perpendiculaire à la direction du mouvement, c'est à dire parallèle à la surface des ondes.

le mouvement est le même qui se produit à la surface de l'eau, en partant de A et en se propageant dans la direction AB, et où chaque molécule ébranlée monte et descend tour à tour suivant M'M'' qui est perpendiculaire à la ligne suivant laquelle la propagation a lieu.

un rayon de lumière naturelle est une file de molécules éthérées en mouvement. Chaque molécule vibre dans un plan perpendiculaire à la direction du rayon lumineux, et dans toutes les directions autour de l'axe du rayon, avec des vitesses et de l'intensité différentes (direction sans sensibilité).

le rayon de lumière polarisée est caractérisé par la régularité de ses mouvements vibratoires. Voici comment Fresnel conçoit un rayon AB polarisé dans le plan PP'. Il admet que les vibrations des molécules d'éther, qui à l'état de repos se trouvent sur AB incessamment des vibrations perpendiculairement à cette droite dans un plan PP' normal au plan de polarisation PP'. les molécules b, c, ..., g, etc. par exemple qui se seraient trouvés sur AB au repos si aucun phénomène lumineux n'avait eu lieu, occupent à un moment donné les positions b' c' d' g' etc. comme le montre la figure. A un moment suivant, chaque molécule prend le déplacement qu'elle subissait la précédente instantanément et ainsi la corde de déplacements chemine tout d'une pièce de A vers B, avec la vitesse de la lumière.



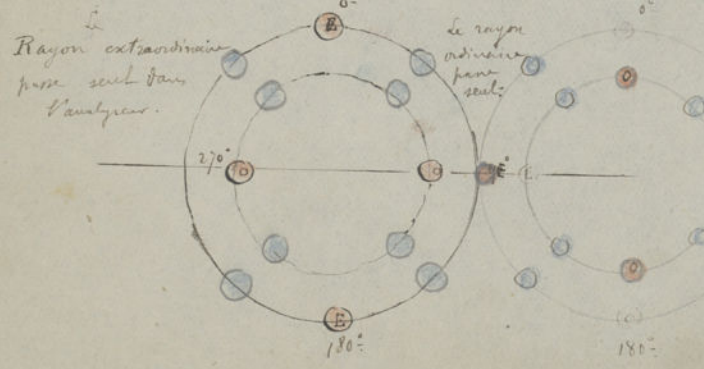
Polarisation:

Un soir de l'année 1808 malade officier de génie, dirigeant en chef les fortifications de Strasbourg, étant rentré dans une petite chambre de la rue de l'Ouest qu'il habitait pendant ses séjours à Paris, s'amusa à regarder le lever de la lune par réflexion sur les vitres du Luxembourg.

Puis il interposa entre son oeil et l'image un spath et il s'aperçut avec étonnement que selon la position qu'il donnait au spath, tantôt il voyait 2 images, tantôt il n'en voyait qu'une seule. Malus fit d'autres expériences dans le but d'expliquer le fait qu'il venait de découvrir accidentellement et il en déduisit la théorie de la polarisation déjà soupçonnée par Newton.

Il y a 2 images dans 4 positions d'une révolution totale, quand les sections principales des deux spaths sont parallèles ou à angle droit, il y a 4 images dans les 4 positions intermédiaires.

Cette observation fut complétée par Huygens qui observa qu'en regardant une pointe sur un papier, à travers 2 spaths superposés que l'on fait tourner, on voyait tantôt 2 images, tantôt 4, d'intensité égale ou variable.



La lumière qui a été réfléchie dans certaines conditions, et celle qui a été réfractée dans le spath, ne diffère donc plus des mêmes propriétés qu'auparavant: il y a des directions où les rayons ne se réfractent plus une 2<sup>e</sup> fois, de plus les 2 faisceaux n'ont plus la même intensité, on dit alors que cette lumière est polarisée.

Le 1<sup>er</sup> prisme est le polariseur, le 2<sup>e</sup> l'analyseur.

Le rayon ordinaire en passant dans l'analyseur se divise en 2 rayons et donne 2 images; si on tourne l'analyseur l'image ordinaire existe seule à 0° et 180°; l'image extraordinaire existe seule à 90° et 270°.

de même, le rayon extra ordinaire en passant dans l'analyseur se divise en 2 rayons et donne 2 images; si on tourne l'analyseur l'image ordinaire existe seule à 90° et 270°, l'image extraordinaire existe seule à 0° et 180°.

On peut dire alors que le rayon ordinaire est polarisé dans le plan de la section principale, et c'est à ce plan qu'on donne le nom de plan de polarisation. Le rayon extraordinaire est polarisé dans un plan perpendiculaire au premier plan de polarisation.

En un mot, les 2 rayons O. et E. provenant d'un rayon de lumière naturelle qui a subi une double réfraction, sont polarisés à angle droit.

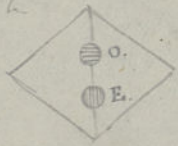
Nous pouvons maintenant définir la lumière polarisée.

C'est qu'un rayon de lumière naturelle est celui dans lequel les mouvements vibratoires s'effectuent successivement dans tous les sens à la surface de l'onde, ~~ou perpendiculairement~~ un rayon de lum. pol. est celui où les vibrations sont devenues parallèles tout en s'effectuant dans des plans perpendiculaires au rayon.

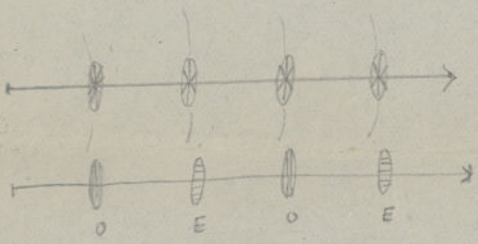
Quand un rayon passe à travers un analyseur, toute vibration parallèle à la section principale passe sans altération dans le cristal; toute vibration perpendiculaire est arrêtée; enfin toute vibration oblique aux deux premiers se trouve décomposée en deux autres, l'une parallèle à la section principale du polariseur et qui passe, l'autre perpendiculaire qui est arrêtée.

le plan de polarisation est le plan sur lequel la direction des vibrations est perpendiculaire.

O. vibre normalement à la section principale, le rayon E. parallèlement.



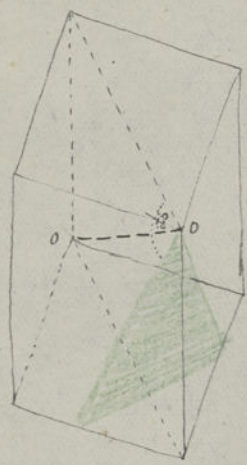
Lumière polarisée.



En deux mots, lorsqu'un rayon de lumière naturelle traverse un cristal (il éprouve des obstacles variables dans les différentes directions). les obstacles ont pour effet de le partager en 2 rayons polarisés à angle droit; c.à.d. dont les plans de polarisation sont perpendiculaires entre eux.

Double réfraction : Elle est générale à tous les cristaux biréfringents, mais difficile à observer à cause de la faible séparation des 2 rayons. On a imaginé des appareils pour séparer les 2 rayons polarisés.

Nicols : Le prisme de Nicol est un long prisme de Spathe, scie en deux, suivant des diagonales parallèles de deux des plus longues faces (c. à d. selon un plan perpendiculaire à la section principale) et recollé dans la position primitive par du baume de Canada.



L'indice de réfraction du baume étant intermédiaire entre les 2 indices de réfraction de Spathe, il s'ensuit (on le démontre) que si un rayon de lumière pénètre dans le sens de la longueur du cristal et s'y partage en deux par la double réfraction, le rayon O. éprouve la réflexion totale à la surface du baume de Canada, tandis que le rayon E. passe seul dans la 2e moitié du cristal et émerge par la face opposée.

Si on recit ce rayon E. au sortir du Polariseur en un second prisme de Nicol appelé analyseur, il est clair qu'on n'obtiendra jamais que 2 images. Si les sections principales des 2 prismes sont parallèles, l'une des deux images, l'ordinaire, est nulle; l'autre, l'extraordinaire, a son maximum d'éclat; si les sections principales sont à angle droit, toutes les deux disparaissent, puisque l'image O. qui devrait avoir une intensité maximum subit la réflexion totale, et que l'image extraordinaire a une intensité nulle.

\* ce rayon étant extraordinaire vibre dans le plan de section principale du premier prisme.

Finie à tourmalines:

la Tourmaline jouit de la même propriété que le Nicol, elle ne laisse passer que le rayon extraordinaire.

Si on regarde une bougie à travers une lame de Tourmaline taillée perpendiculairement à l'axe, on voit la flamme dans toutes les positions de la lame. Si on regarde la flamme à travers 2 lames de tourmaline qu'on fait tourner, on voit la flamme quand les axes des 2 lames sont parallèles, on ne la voit plus quand ces axes sont à angle droit.

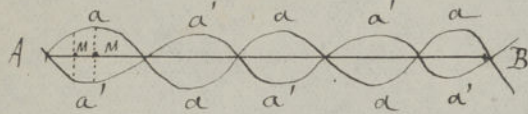
Ainsi, sous les Nicols comme sous les Tourmalines parallèles on a de la lumière, sous les Nicols croisés de l'obscurité.

Si entre les 2 nicols croisés on glisse une lamelle appartenant à un système régulier cristallin, le champ est de nouveau éclairé et de plus coloré: c'est un phénomène d'interférence.

Phénomènes de coloration produits par les lames minces:

En effet ces substances isotropes n'altèrent pas le sens des vibrations de la lumière transmise: l'élasticité de l'éther est la même dans tous les sens. Les lamelles des 2 et 3e système, taillées perpendiculairement à l'axe, se comportent comme celles du 3. Régulier.

Exposé du principe des interférences de Young: Supposons que 2 rayons de lumière suivent la même direction AB, qu'il aient même intensité, et que les longueurs d'onde de

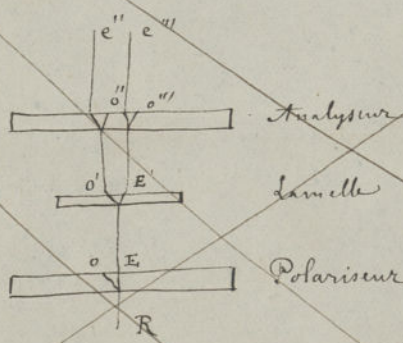


chacun d'eux soient égales, auquel cas les mouvements de vibration de l'éther auront même amplitude aux mêmes phases. Si les ondes du premier rayon coïncident avec elle du second, il est clair que leurs intensités s'ajoutent: la quantité de lumière sera augmentée par leur concours. mais si l'un d'eux est en retard sur l'autre, et cela précisément d'une demi-longueur d'onde, les molécules d'éther situées le long de la ligne AB seront sollicitées d'un côté par des forces dont l'intensité et la direction seront représentées par la courbe a a a... , et d'autre côté par des forces égales et contraires représentées par la courbe a' a' a'... Toute molécule telle que M, restera donc en repos sans l'action de ces forces opposées; le mouvement vibratoire cessera, et l'obscurité succédera à la lumière. on dit alors que les ondes ou les rayons lumineux interfèrent. même résultat, si la différence était de  $\frac{3}{2}$ ,  $\frac{5}{2}$ ... et en général d'un nombre impair de demi-ondulations. s'il est d'un nombre pair de demi-ondulations, le résultat est le même que s'il y avait coïncidence. Enfin entre ces deux cas extrêmes, l'intensité lumineuse est tantôt augmentée, tantôt diminuée; mais il n'y a en aucun point destruction absolue de lumière.

Fresnel a vérifié expérimentalement cette théorie, par son expérience des 2 miroirs.

Les rayons polarisés interfèrent comme les rayons de lumière naturelle, à condition qu'ils vibrent dans le même plan; ~~un~~ un rayon ordinaire et un R. extraordinaire ne peuvent interférer par conséquent, au sortir d'un polariseur. Si au sortir du polariseur on reçoit les rayons en un ~~tril~~ analyseur, les 2 rayons ordinaires seront absorbés, il sortira 2 rayons extraordinaires vibrant dans le même plan et par conséquent susceptibles d'interférer.

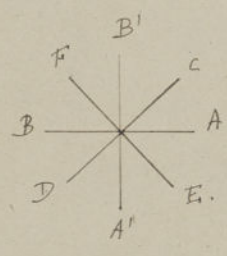
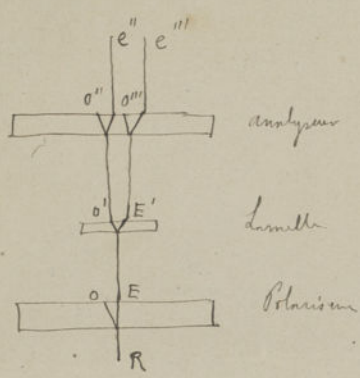
~~voir trichroïsme de Foucault p. 45)~~



Examinons ce qui se passe quand on a glissé une lamelle biréfringente entre les 2 miroirs <sup>(voir ci-dessus)</sup> et qu'on a eu lumière et coloration: le Rayon R se bifurque dans le polariseur, le Rayon E sort seul; ce rayon se bifurque à son tour en passant dans la lamelle cristalline, il entre donc 2 rayons qui se bifurquent à leur tour dans l'analyseur; et sur ces 4 rayons, 2 sont ordinaires et par suite disparaissent, 2 sont extraordinaires et interfèrent entre eux, ils s'ajoutent ou se détruisent suivant que la différence de marche est égale à un nombre pair ou à un nombre impair, de demi-longueur d'ondulation\*.

\* C'est est le cas général; mais si la lamelle est placée de façon à ce que l'un de ses axes d'élasticité soit parallèle à la section principale du polariseur, il ne sort plus qu'un seul rayon de la lamelle et celui-ci traverse intégralement l'analyseur ou est au contraire éteint suivant que la section principale de l'analyseur est parallèle ou perpendiculaire à celle du polariseur.

Dans ce cas le rayon lumineux présente des couleurs irisées, elles sont dues à ce que



Examinons ce qui s'est passé quand on a glissé une lamelle biréfringente entre 2 nicols croisés et qu'on a eu lumière et coloration? Le rayon  $R$  se bifurque dans le polariseur, le rayon  $E$  sort seul; un rayon se bifurque à son tour en passant dans la lamelle cristalline, et il en sort donc 2 rayons  $O'E'$  polarisés à angle droit, et dont les vibrations ont lieu dans des directions obliques à la section principale de l'analyseur. Les deux rayons qui pénètrent dans l'analyseur s'y bifurquent, les deux rayons ordinaires  $o''o'''$  sont réfléchis, les 2 rayons  $E''E'$  passent, et interfèrent entre eux, ils s'ajoutent ou se détruisent suivant que la différence de marche est égale à un nombre pair ou à un nombre impair de demi-longueurs d'ondulation?

$AB$  représente la trace de la section principale du polariseur sur la face inférieure de la lamelle,  $A'B'$  la trace sur la face supérieure, de la section principale de l'analyseur, les droites  $CD, EF$  sont les traces des plans de vibrations des deux faisceaux transmis à travers la lamelle biréfringente. Si le plan de vibration de l'un des deux faisceaux  $CD$  par exemple, se confond avec  $AB$ , un faisceau seul transmis à travers la lamelle, mais l'analyseur s'opposera à son passage, et il y aura extinction totale. Il en sera de même si le plan de vibration du second faisceau  $EF$  se confond avec  $A'B'$ ; mais en dehors de ces 2 cas exceptionnels, les deux faisceaux traversent l'analyseur.

Ces cas exceptionnels sont ceux où un des axes d'élasticité de la lamelle est parallèle à la section principale du polariseur: il ne sort plus alors qu'un seul rayon de la lamelle, et il traverse intégralement l'analyseur ou est au contraire éteint suivant que la section principale de l'analyseur est parallèle ou perpendiculaire à celle du polariseur.

Dans les cas ordinaires, les lamelles biréfringentes présentent de belles couleurs de polarisation; elles sont dues à ce que le rayon sort du polariseur, en traversant cette lamelle, se bifurque en 2 rayons, l'un ordinaire, l'autre  $E$ , qui franchissent la lame en des temps inégaux et qui possèdent des vitesses de vibration différentes. Les mouvements vibratoires des 2 rayons, qui étaient à l'émission à l'entrée de la lame, ne le sont plus à la sortie; il s'est établi entre eux une certaine différence de phase, et si ces vibrations s'effectuaient dans la même direction, il se produirait immédiatement des interférences. C'est pour rendre ces interférences possibles que l'analyseur est nécessaire et fait vibrer dans un même plan les 2 rayons  $E$ .



9 /  
La différence de phase ainsi produite n'est pas la même pour les rayons de diverses couleurs ; les rayons de diverses couleurs n'interferent plus dans la lumière émergente avec les mêmes proportions que dans la lumière blanche : le faisceau lumineux qui sort de l'analyseur est donc coloré ; la lamelle cristalline observée se montre avec une teinte dont la couleur dépend de son épaisseur, de son orientation par rapport aux axes cristallographiques et de la nature de la substance à laquelle elle appartient. (Indice de réfraction) : la couleur résulte en chaque point de la lamelle dépend de la différence de chemin parcouru par les rayons qui interfèrent).



Refractiq: modifications de la lumière dans les divers systèmes cristallins (Introduction)

Propagation rectiligne de la lumière naturelle, dans un milieu homogène.

Réfraction simple. - Lois de Descartes - Indice de réfraction.

Double Réfraction: (exemples) - axe optique

Image ordinaire, 2. extraordinaire

Section principale: Exemple en faisant tourner le rhomboïde de Spath.  
Variations de l'indice de réfraction, qui ont l'importance des rayons suivant la section principale.  
Indice O. > Indice E. - (calcite, tourmal. émeraude) Ind. O. < Ind. E. + (quartz, glace). - Raison de la différence.  
Ellipticité de l'axe optique par cristaux négatifs et positifs: exemples. -  

nature de la lumière: Polarisation de l'émission.

" des undulations { nature vibration direction

Polarisation:

Lumière polarisée. histoire.

Propriétés de la lumière polarisée: expériences de Huyghens Des 2 Spathes.

Plan de polarisation

Définition de la lumière polarisée: marche des rayons dans un cristal.

Appareils polarisants: Nicols.

Prismes à tourmalines.

Phénomène de coloration déterminé par l'interposition d'une lame biréfringente entre les Nicols.

Esquisse du principe des interférences de Young - vérification expérimentale de Fresnel.

Interférences de rayons de lumière polarisée, par les lamelles, glissés entre les Nicols.

Caractères optiques des cristaux  
Interférence, Dispersion, Polychroïsme.

Dispersion

un rayon de lumière naturelle blanche, traversant un prisme est non seulement dévié, mais décomposé en ses couleurs élémentaires. Rien sur un écran blanc, il montre que le rayon rouge est le moins réfracté, le violet le plus réfracté. Si on étudie avec un 2<sup>e</sup> prisme, ces divers rayons, on constate que le rouge a le plus faible indice de réfraction, le violet a le plus élevé.

On peut reconstituer de la lumière blanche, en réunissant ces divers rayons au moyen d'une lentille convergente. On obtient une lumière colorée si on laisse de côté quelque-uns de ces rayons (couleurs complémentaires): rouge - vert; violet et bleu-jaune.

Dispersion des minéraux biréfringents: on obtient 2 faisceaux décomposés, au passage d'un prisme de calcite.

Le spectre solaire présente quelques raies noires (de Fraunhofer) et y manque donc certaines espèces de lumières. Le spectre du Platine en ignition se présente par de lignes analogues, il présente donc toute les couleurs.

La flamme d'alcool avec sel de baryum donne une couleur jaune, lithium rouge, Strontium vert; ce sont donc des lumières monochromatiques.

La température agit sur les couleurs des rayons réfractés, puis qu'elle agit sur l'indice de réfraction qui agit sur les couleurs. Dans les cristaux où on a constaté cette variation (quartz, spathe), elle a pour effet de rapprocher les deux indices de réfraction, le rayon E diminueant beaucoup plus rapidement que le rayon O.

Résumé { Propagation des rayons lumineux; milieu homogène, cristallisé : Réfractif.  
Polarisation : appareils.

Dispersion : Décomposition qui accompagne la déviation { rouge - ; à la plus faible n.  
violet + ; à la plus élevée n.  
Recomposition de la lumière blanche par lentille convergente = couleurs complémentaires.  
minéraux biréfringents: Prismes de calcite.  
Spectres monochromatiques. - Action de la chaleur sur les couleurs épurées (spectrum no de R.)

Absorption : Passage inégal de différents rayons. - Vase de cobalt, Vase de cuivre.  
Plaques de quartz, zinc.

Interférence : Coloration dans la lumière polarisée rectiligne (Exposé du principe de Young)  
Lames minces : les plus colorées sont les plus biréfringentes.  
Lames épaisses.

Coloration dans la lumière polarisée convergente : Brewster, cristaux à 2 axes.  
appareils à lumière convergente : Goummier, Wernberg.  $\frac{H}{\theta}$   
Observation à la pince à courbures - Interprétation { cause des anneaux colorés.  
de la Croix noire.  
même explication pour les cristaux à 2 axes.

Dispersion des axes : analogie avec la dispersion des Prismes.

caractères : disposition inverse des couleurs dans les ellipses, et les hyperboles, de cristaux à 2 axes.  
 $\rho < \nu$  et  $\rho > \nu$

Disposition symétrique ou dissymétrique des couleurs, dans les images, des axes.  
Relation avec la caractéristique des faces auxquelles la lamelle est parallèle :

- S. Rhomboédrique (gypse)  $\left( \begin{array}{c} \odot \\ \ominus \end{array} \right)$  hyperbolique suivant O.P.
- S. monoclinique : Disp. inclinée (gypse); parallèle à  $\infty R_{00}$ ; image monogonistique  $\frac{\infty}{\infty}$
- Disp. horizontale (arbitraire); - id - - id -  $\left( \begin{array}{c} \infty \\ \infty \end{array} \right)$
- Disp. tournante (Borax); suivant  $\infty R_{00}$ ; image angustique  $\frac{\infty}{\infty}$
- S. triclinique : obliquen, normale à axe d'élasticité, dissymétrique.

Essai : Dispersion de la glaucobrite  $\frac{r}{\nu}$ .

Ecartement des axes opt. :  $V \rightarrow 2V$ .  $\left( \begin{array}{c} \times \\ \times \end{array} \right)$   $2E$ .  $\left( \begin{array}{c} \times \\ \times \end{array} \right)$  Distinction de V et de E.

Mesure pratique -  $H_a H_0$

Calcul de  $2V$  connaissant  $2E$  ou  $2H$ . on obtient  $\sin V = \frac{1}{\beta} \sin E$   
ou  $\text{tg. } V_a = \frac{\sin H_a}{\sin H_0}$

Variation de  $V_a$  (mélanges isomorphes, couleurs).

Détermination de cristaux + et - par la lame-quent D'onde de Gore.

cristaux à 1 axe :  $\left( \begin{array}{c} \times \\ \times \end{array} \right)$  -  $\left( \begin{array}{c} \times \\ \times \end{array} \right)$  +

cristaux à 2 axes : Elargi -, Retenu +.

Détermination par la lame de quartz de Biot. - glissée à  $45^\circ$  { axe de rot. || -  
axe de rot. + +

Détermination dans la lumière parallèle, avec quartz sensibles

Polarisation circulaire : quartz clair sous micr. inversé -  
quartz in lum. monochrom. - id - divis.

Le centre de la figure d'interférence est coloré.  $d - \nu d$  2. f. b.  $\left( \begin{array}{c} \infty \\ \infty \end{array} \right)$   
 $d - \nu y$  b. f. 2  $\left( \begin{array}{c} \infty \\ \infty \end{array} \right)$

Spirales D'airy.

Expériences de Reusch.

Polychromisme :

Absorption.

La lumière blanche <sup>naturelle</sup> passant par divers corps est modifiée de façon qu'une partie de ses rayons sont absorbés, tandis que le reste passe et donne à la sortie une lumière colorée.

Les différents milieux ont une action différente sur les diverses couleurs, les absorbant ou les laissant passer à divers degrés.

La lumière naturelle passant à travers un verre bleu de cobalt, montre quand on regarde son ~~prisme~~ spectre au sortir d'un prisme, que toutes les couleurs sont affaiblies excepté le rouge et le bleu. Si le verre bleu est épais, ces couleurs sont absorbées.

un verre coloré en rouge par l'oxyde de cuivre ne laisse passer que les rayons rouges.

des plaques de zircon, quartz, donnent un spectre entrecoupé de nombreuses lignes noires; témoignent ainsi de l'absorption de nombreux rayons colorés.

La plupart des minéraux colorés donnent ainsi des spectres, dans lesquels les divers rayons colorés sont plus ou moins modifiés; la lumière à la sortie est ainsi une lumière colorée.

Des phénomènes d'interférence

Exposé du principe de Young (p. 7.)

les rayons polarisés interfèrent comme les rayons de lumière naturelle, à condition qu'ils vibrent dans un même plan.

Quels sont les cristaux les plus colorés à la lumière polarisée? et sous quelle épaisseur est leur maximum?

Lamelles minces: les substances les plus colorées sont celles qui sont les plus biréfringentes (mica blanc, Calcite): la différence entre les indices des R.O. et R.L. étant très grande. — La Néphéline, l'apatite, restent blanches, la différence entre les 2 indices étant très petite.

Lamelles épaisses: les substances les plus colorées sont celles qui étaient les moins colorées dans le cas des lamelles minces.

lumière polarisée convergente: Brewster découvrit en 1813 les anneaux colorés produits par la lumière polarisée quand elle vient à traverser un convergent, des lames minces de cristaux biréfringents: il les vit d'abord dans le Rubis, l'éméraude, le Topaze, glace, nitre, et plus tard Wollaston dans le Spath d'Islande.

En étudiant ces phénomènes dans les différentes substances cristallisées, Brewster arriva à distinguer les cristaux biréfringents en deux classes, celle des cristaux à 1 axe, et celle des cristaux à 2 axes. Voici comment: tandis que dans le rubis, l'éméraude, le spath, il n'apparut qu'un simple système d'anneaux colorés, dans le nitre, le topaze, etc. taillés suivant une certaine direction et observés à travers la pince à tourmalines, il observa un double système d'anneaux alternant noirs et brillants, si la lumière polarisée qui les traverse est homogène; et irisés si cette lumière est blanche. C'est ce phénomène qui fit découvrir à Brewster les cristaux biréfringents à 2 axes.

Instruments: Pince à tourmalines, les rayons convergent quand on la place sur un miroir de l'œil (l'œil recouvert alors des rayons obliques).  
Appareil de Norrenberg.

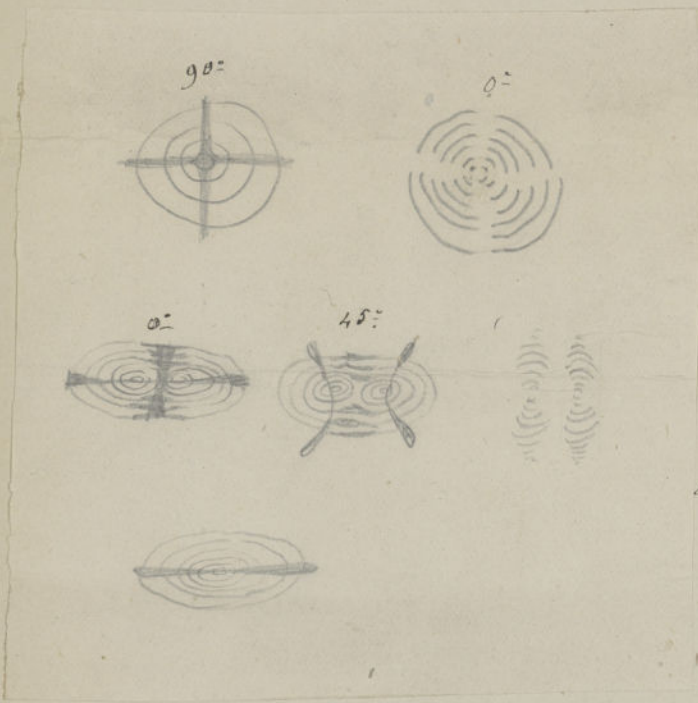
Observation des crist. à 1 axe: si on regarde une lamelle de spath taillée perpendiculairement à l'axe optique, entre les tourmalines; on voit des anneaux colorés et 1 croix blanche quand les tourmalines sont à 0° et 180°; si on tourne l'analyseur à 90° et 270° la croix blanche est remplacée par une croix noire, et les anneaux irisés présentent les couleurs complémentaires.

2 axes: si on regarde une lame de nitre taillée perpendiculairement à la ligne moyenne des 2 axes optiques, placée dans la pince à tourmalines, on voit deux ellipses irisées traversées par une croix noire à 0°, 90°, 180°, 270°, qui se transforme en 2 branches d'hyperbole dans les positions intermédiaires. - sous les Nicols parallèles on a une figure complémentaire.

Si on regarde une de ces lames taillée perpendiculairement à un des axes, on a une ellipse, traversée par une courbe à une seule branche (au lieu de la croix) noire à 90°, et blanche à 0°.

Interprétation: Dans les cristaux à 1 axe, les anneaux colorés sont dus à ce que l'inclinaison des divers rayons d'un faisceau convergent n'est pas la même par rapport à l'axe optique; au lieu d'un tinte uniforme, on a une série de courbes présentant toutes les nuances: les chemins parcourus sont les mêmes dans des cercles, autour du centre.

(Cause de la croix noire) considérons une seule des nappes lumineuses du faisceau convergent. Si elle était de la lumière naturelle, tous ses rayons seraient réfractés à leur entrée dans le lamelle, et ils formeraient naissance à 2 nappes lumineuses concentriques, qui seraient



représentés sur la lamelle par des cercles. Dans un minéral négatif comme la calcite le cercle externe serait formé par les rayons ordinaires dont les plans de vibration seraient suivant les tangentes, tandis que le cercle interne serait formé par les rayons extraordinaires vibrant suivant les rayons.

Mais ici c'est de la lumière polarisée qui arrive dans la lamelle, de sorte qu'en A un rayon O. et en B un rayon E. passent sans modification puisqu'ils vibrent dans le plan de polarisation. Dans les points intermédiaires entre A et B les rayons sont au contraire réfractés, polarisés, et donnent à la sortie 2 rayons vibrant à angle droit; ils pénètrent ainsi dans l'analyseur où ils interfèrent. Tandis que les rayons normaux A. B. sont arrêtés dans l'analyseur et donnent 4 points noirs (constitutifs de la croix noire).

On peut faire un raisonnement analogue pour expliquer les ellipses colorées et les hyperboles noires de cristaux à 2 axes.

La pince à tourmalines, l'appareil de Norrmberg, permettent donc de reconnaître dans les lamelles taillées perpendiculairement au plan des axes, ces deux systèmes d'ellipses, et par suite le plan du cristal dans les divers systèmes cristallins (s'ils sont à 1 ou à 2 axes).

Dispersion des axes: les images qu'on voit dans l'appareil de Norrmberg présentent des couleurs qui rappellent les phénomènes de dispersion des prismes; c'est ce qu'on appelle pour cette raison la dispersion des axes. On la distingue avec une netteté spéciale aux bords de l'hyperbole noire de cristaux à 2 axes, et dans les anneaux colorés intérieurs.

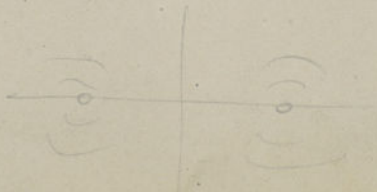
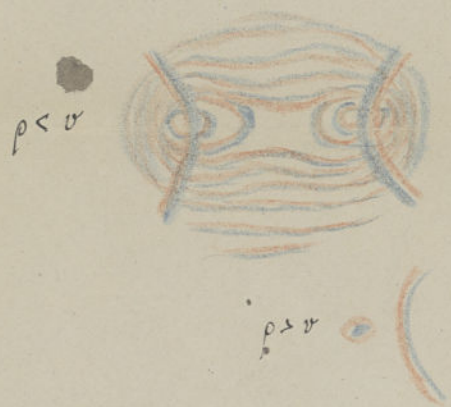
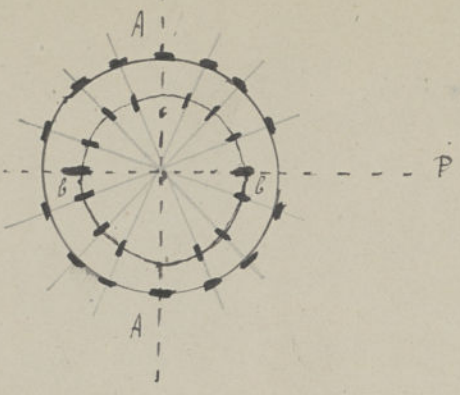
Il est à remarquer que les couleurs qui bordent les branches d'hyperbole sont toujours disposées à l'inverse de celle qui bordent les sommets opposés de l'anneau polaire.

Si les côtés intérieurs (concaves) de branches d'hyperbole sont bordés de rouge et les côtés extérieurs (convexes) de bleu, il en résulte que les axes rouges surprennent entre eux un angle plus grand que les axes bleus. Le sens de cette dispersion sera exprimé par le signe  $p > v$ . A l'hypothèse inverse correspond le symbole  $p < v$ .

La disposition des couleurs dans ces images des axes peut être symétrique ou dissymétrique; elle est soumise à cette loi, qu'elle est en relation avec le caractère des faces auxquelles cette lamelle est parallèle.

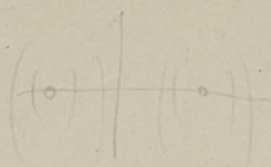
S. Rhombique: la plaque d'aragonite perpend. à la bissectrice (pl. I. fig. E. F.) est parallèle au pinaculo de base, et par suite bisymétrique. Si l'on fait passer une droite par les points axiaux, et une autre droite médiane entre eux - à, ces droites sont des lignes de symétrie. De chaque côté, il y a double symétrie.

S. Monoclinique:  
Dispersion inclinée: une plaque de gypse taillée perpendiculairement au plan de symétrie  $\sigma R \sigma$ , dans une image monosymétrique quel qu'on traverse les axes optiques, donne une image monosymétrique. La ligne de symétrie passe par les 2 points axiaux.





Deschryzonne l'appelle incliné, parce que le plan des axes <sup>optiques</sup> est coupé suivant la diagonale inclinée.



pl. 2. A. B.

Dispersion horizontale : une plaque d'adulaire taillée perpendiculairement au plan de symétrie, normalement auquel <sup>est le plan</sup> des axes optiques, donne une image monosymétrique. La ligne de symétrie est perpendiculaire à la ligne qui joint les points axiaux. Deschryzonne l'appelle horizontale parce que le plan des axes <sup>optiques</sup> est coupé suivant la diagonale horizontale.

pl. 2. E. F.

Dispersion tournante : une plaque de Borax est taillée suivant  $2R\infty$ , plan de symétrie auquel la bissectrice optique est normale, et donne une image asymétrique.

pl. 2. G. H.

5. triclinique :

L'oligoclase taillé perpendiculairement à un axe cristallin donne une image asymétrique.

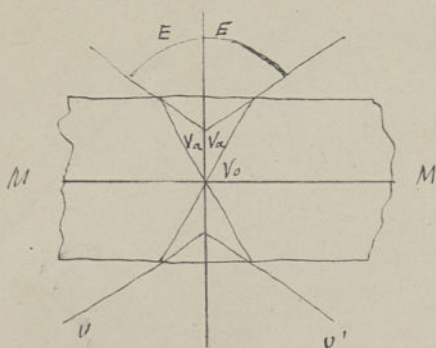
pl. 1. fig. C. D.

Dispersion de la glauberite : le plan des axes optiques n'est pas le même pour toutes les couleurs : les axes rouges sont dans un plan, les bleus dans un autre.

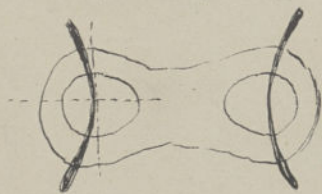
Détermination des axes optiques On peut donc reconnaître dans ces préparations

taillées perpendiculairement au plan des axes, si les cristaux sont à 1 ou à 2 axes ; ~~et aussi de plus, on peut déterminer leur dispersion, et enfin on peut mesurer l'écartement des axes optiques et déterminer ainsi la nature de leur dispersion.~~ Car les courbes isochromatiques ne se superposent pas entièrement, mais se juxtaposent dans un ordre déterminé pour chaque sorte de dispersion.

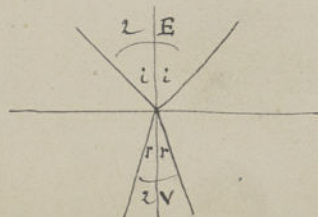
On mesure l'écartement des axes optiques on taille une lamelle perpendiculairement à la bissectrice aiguë ;  $V$  étant l'angle que fait chaque axe optique avec cette bissectrice,  $2V$  sera l'angle réel de 2 axes entre eux. Mais il faut noter que les rayons qui traversent la lamelle suivant les axes optiques, sont déviés à leur sortie de la lamelle, formant ainsi en réalité l'angle apparent  $2E$ . L'angle apparent de axes optiques dans l'air est plus grand que l'angle réel. Nous appellerons avec Deschryzonne, ces angles  $V_a, V_o$ .



Et  $E_a, E_o$ .  
mesure pratique de  $E_a$  : on glisse la lamelle taillée dans un instrument analogue à celui de Nornberg, on y trouve un réticule dans l'oculaire, on met successivement le centre des 2 axes au point, et on mesure sur un limbe le nombre de degrés dont on a tourné.



Quand l'angle  $V_a$  est assez grand, pour atteindre la limite de la réflexion totale, on ne voit plus les axes dans l'air, mais on peut alors les observer encore dans l'huile.  $H_a, H_o$ .



Calcul de  $2V$  connaissant  $2E$  :

$$n = \frac{\sin i}{\sin z}$$

$$\sin i = n \sin R$$

$$\sin E = \beta \sin V \quad (\beta \text{ étant l'indice de réfraction})$$

$$\sin V = \frac{1}{\beta} \sin E$$

Quand on ne connaît pas l'indice de réfraction

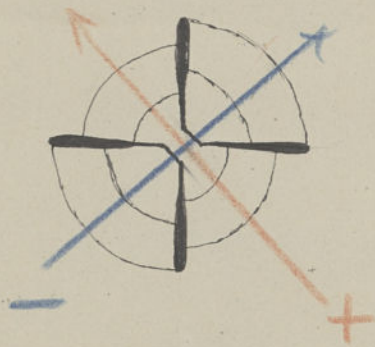
de la substance, on peut mesurer l'angle vrai des axes optiques, par l'examen de deux préparations, où on observe Ha, Ho.

$$\text{tg. } \alpha = \frac{\sin H_a}{\sin H_o}$$

Variations de  $\alpha$ : l'angle des axes optiques est généralement constant pour une même espèce, il présente donc un caractère. Cet angle varie dans les mélanges isomorphes; il n'est pas le même pour les différentes couleurs, il y a tout lieu de le trouver dans la lumière monochromatique de flammes colorées.

Détermination des cristaux + et - par la lame quart-d'onde de Dore:

[Pl. 1. f. A.]



Cristaux à 1 axe: Une lamelle de ces cristaux, perpendiculaire à l'axe, donne sous les nicols, la figure connue; si on glisse alors sous l'analyseur la lame de mica quart-d'onde, ou on commet d'avancer la direction du plan des axes optiques, cette lamelle de mica glissée à 45° du plan des nicols, déforme la figure d'interférence, la transformant en croix en hyperboles. Les anneaux sont agrandis dans les hyperboles, ils sont rétrécis en dehors.

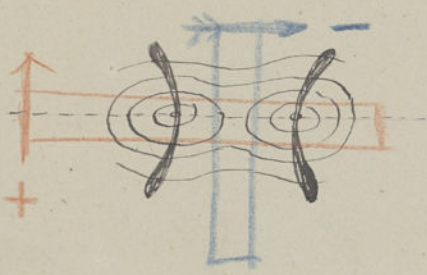
La ligne qui joint le sommet de ces 2 hyperboles est perpendiculaire au plan des mica, la plaque est positive; elle est négative, si cette ligne est parallèle au plan du mica.



Cristaux à 2 axes: Supposons que nous ayons sous les nicols la figure connue Pl. 1. fig. E.; si l'on vient à glisser la lame de mica comme dans le cas précédent à 45°, on constate que la figure d'interférence est aussi déformée; les anneaux sont aussi largis et rétrécis dans les quadrants alternés.

Si le plan des axes optiques de la lame de mica traverse les anneaux élargis, la plaque est connue dans le cas précédent négative; si il traverse les anneaux rétrécis, elle est positive.

Détermination par la lame de quartz de Prost:



La lame de quartz est taillée perpendiculairement à l'axe optique. On place la figure d'interférence à 45° comme Pl. 1. fig. F; et on glisse la lame de quartz sous l'analyseur. La figure d'interférence est déformée. On fait ensuite tourner le quartz dans 2 directions successives, dont les axes de rotation horizontaux sont respectivement parallèle et perpendiculaire, à la ligne des axes optiques de la substance.

Dans un de ces essais, on constate l'élargissement des anneaux, qui se réunissent au centre de la figure. Si cet élargissement se produit quand l'axe de rotation du quartz est parallèle au plan des axes optiques de la substance, cette substance est négative, si l'on est perpendiculaire elle est positive.

Détermination dans la lumière parallèle: on glisse la lame sous les nicols, de façon que ses axes d'extinction fassent 45° avec le plan principal des nicols. On y glisse un quartz sensible (minéral +), suivant les plans principaux de la lamelle: si les couleurs s'agrandissent

le minéral est positif;  
si les couleurs se rétrécissent  
le minéral est négatif.



7  
Polarisation circulaire: le quartz, le cinabre, l'eau sucrée, l'albumine, etc. jouissent d'une propriété particulière, de pouvoir rotatoire: une plaque de quartz taillée normalement à l'axe, dévie d'un certain angle le plan de polarisation des rayons qui la traversent; et cette déviation est différente pour les rayons de couleurs simples.

En lum. parallèle: Un quartz ainsi taillé, n'est donc pas sombre sous les Nicols croisés, mais clair. Si on emploie une lumière monochromatique, le quartz paraît encore clair sous les Nicols croisés; mais si on tourne alors le Nicol analyseur, on constate que le quartz s'éteint sous un angle variable pour les couleurs, et aussi pour l'épaisseur de la plaque. Par conséquent, le plan méridien longitudinal vibreant les rayons parallèles à l'axe principal, est dévié. certains virent plus à droite, les autres à gauche.

La molécule d'éther qui vibre ici décrit un cercle.

En lum. convergente: Si on regarde le quartz taillé normalement à son axe, sous les Nicols croisés, on constate que le centre de la figure d'interférence est coloré. pl. 1. fig. H. Quand on vient à tourner l'analyseur à droite, si le quartz est droit, la teinte varie z. j. b. et les arcs s'élargissent; mais si le quartz est gauche, la teinte varie b. j. z. et les anneaux se rétrécissent.

Si on pose l'un sur l'autre un quartz droit et un quartz gauche de même épaisseur, on obtient les spirales d'airy.

Obser. Brewster a produit artificiellement des pol. circulaires, en empilant en spirale, des feuilles de mica.

Les lois de la polarisation rotatoire ont fourni la méthode de la sectarimétrie, qui permet de reconnaître la quantité de sucre pure que contient une dissolution sucrée.

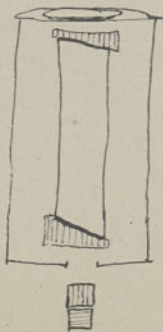
Les angles de déviation diffèrent tellement pour les diverses couleurs, qu'il est impossible de établir l'extinction sous les Nicols croisés, en lumière blanche.

8  
Polychromisme: les cristaux colorés, biréfringents, traversés par la lumière blanche, offrent des teintes qui diffèrent avec les directions suivant lesquelles on les observe. C'est ce qu'on désigne sous le nom de polychromisme; ce phénomène est la conséquence d'une inégale absorption de la lumière polarisée dans des directions inégalement inclinées sur les axes caractéristiques.

Dans les cristaux à un axe, le rayon le plus absorbé est le plus lent et celui dont le marche est le plus lent, c'est sera donc le rayon extraordinaire dans les cristaux positifs, et le rayon ordinaire dans les cristaux négatifs.

Dans les cristaux réguliers, il n'y a pas de pleochroïsme; dans les cristaux à 1 axe il y a dichroïsme; dans les cristaux à 2 axes trichroïsme.

Les directions suivant lesquelles les différentes couleurs sont visibles, sont dans les cristaux dichroïques, parallèles et rectangulaires à l'axe principal; dans les cristaux trichroïques, les différentes absorptions correspondent aux 3 axes d'élasticité; on voit qu'ils coïncident avec les axes cristallographiques dans le système rhomboédrique, ainsi les couleurs varient-elles ici à angle droit aux 3 coupes principales.



Haidinger a inventé sa loupe dichroscopique pour étudier le polychromisme. cette loupe donne 2 images produites par des rayons polarisés rectangulairement; il appelle dans les cristaux à 1 axe, le couleur de la base celle qui est observée à travers les faces perpendiculaires à l'axe principal, et couleur de l'axe ou de l'image extraordinaire celle qui est produite par les rayons qui vibrent parallèlement à l'axe.

Pour observer le polychromisme au microscope, on considère la lamelle sous le polariseur que l'on fait tourner; les différentes couleurs apparaissent alors les unes après les autres, parce qu'on fait varier l'orientation du plan de polarisation de la lumière incidente, par rapport aux axes de la substance examinée. — On peut par conséquent de même faire tourner la lamelle au lieu du polariseur, ce qui vaut mieux; on ne change que l'analyseur.

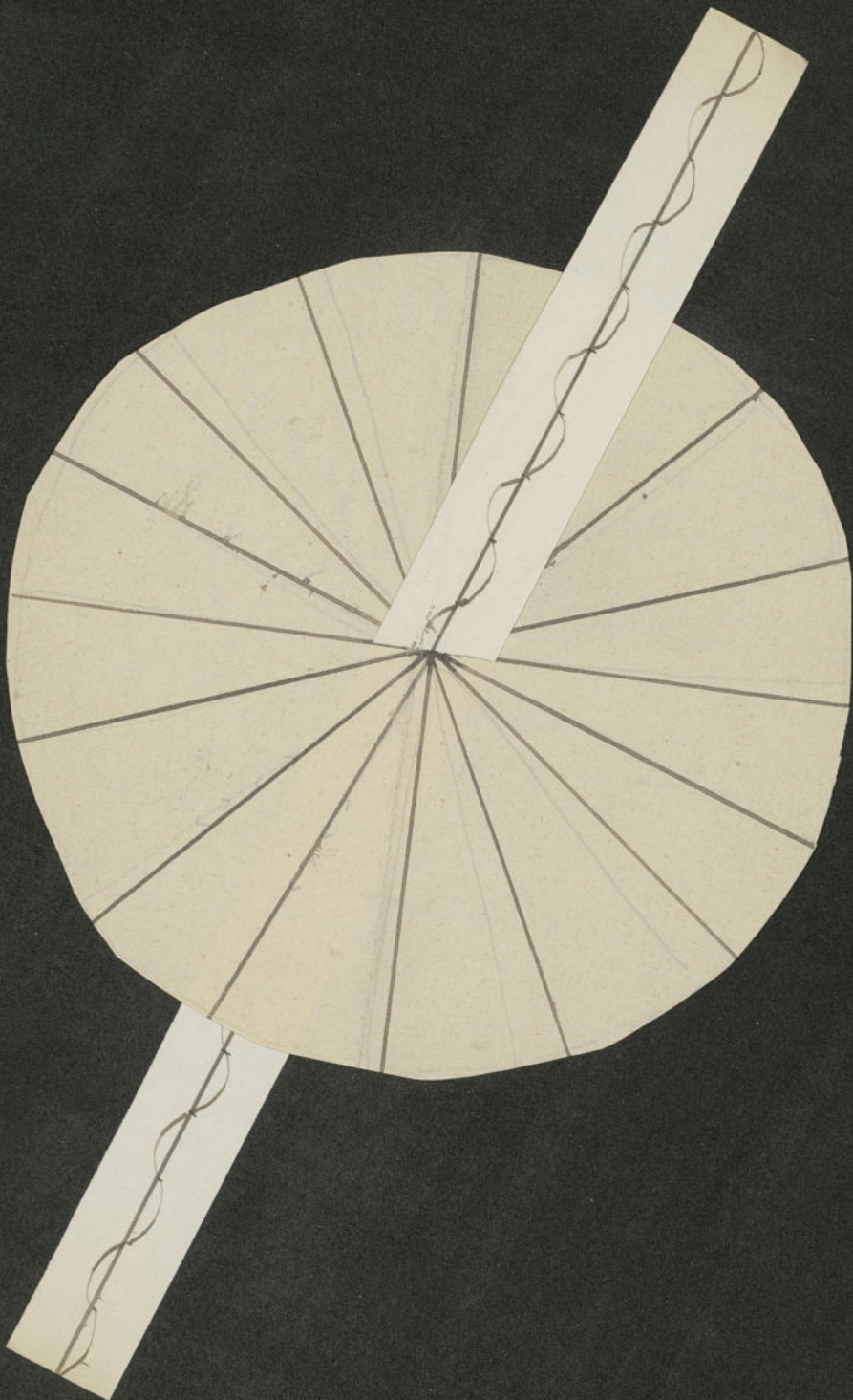
Variations de l'absorption & du polychromisme: ces variations sont caractéristiques pour certains minéraux; ainsi le mica magnésien taillé parallèlement à l'axe principal, offre une teinte jaune quand la petite diagonale du polariseur est parallèle à cet axe; elle est bien foncée quand cette diagonale est perpendiculaire à cet axe.

Les minéraux polychromiques sont presque tous de couleur foncée; certaines substances très polychromiques en plaques épaisses, perdent cette propriété en lames minces (spidrite, cordiérite, andalouïte).

3

Caractères optiques des cristaux

Relation de position des divers axes.



Systemes cristallins.

derivation & notation - O - P.

Hémisidrie.

masses. hémisopie

---

modifications de la lumière { monoréfringente  
birefringente { 1 axe - { Rayon O. Rayon E.  
nature de la lumière - Polarisation : ordonnance { section principale.  
{ marche  
{ tourmaline.

Plan de vibration - axes d'élasticité.

Recherche de la position des plans de vibration. lumière, observation

Relation de position entre les axes d'élasticité, et les axes de symétrie.



Modifications de la lumière dans les milieux diaphanes cristallins.

Classification optique des cristaux  $\left\{ \begin{array}{l} uniaxiaux \\ biaxiaux \end{array} \right. \left\{ \begin{array}{l} 1 \text{ axe} \\ 2 \text{ axes} \end{array} \right. \left\{ \begin{array}{l} \text{rayon O. rayon E.} \\ \text{section principale} \end{array} \right.$

le rayon qui traverse un cristal est réfracté }  
- id ----- } polarisé } nature de la lumière

appareils pour séparer les 2 rayons polarisés: Nicol, tourmalines.  
Usage de ces appareils, pour distinguer les minéraux isotropes, anisotropes.  
Principe des interférences.

Polychromisme.

Axes d'élasticité

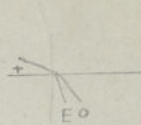
Relation de position entre les axes optiques, d'élasticité, cristallographiques, dans  
les divers systèmes.

Détermination du système des lamelles, par la position de leur plans de  
vibration.

Reflection: lois

Refraction simple: lois  $n = \frac{\sin i}{\sin R}$

Double Refraction:  $n_o, n_e: \begin{cases} \text{negatifs} & n_o > n_e \\ \text{positifs} & n_o < n_e \end{cases}$

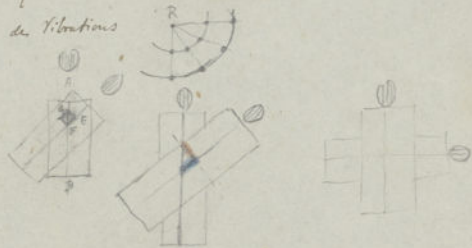


1 axe optique - 2 axes optiques.

Dispersion: séparation simple des diverses couleurs d'un rayon réfracté.

absorption: un verre de Cobalt absorbe toutes les couleurs excepté rouge et bleu.

Théorie des vibrations



Axes cristallins:

Quand on étudie dans les cristaux une propriété quelconque, qui varie en intensité ~~avec~~ <sup>avec</sup> la direction dans laquelle on l'observe, on donne le nom d'axes aux directions particulières dans lesquelles cette propriété atteint son maximum ou son minimum.

Il y a donc différentes espèces d'axes: A. de symétrie, A. de conductibilité thermique, t. optique, A. d'élasticité.

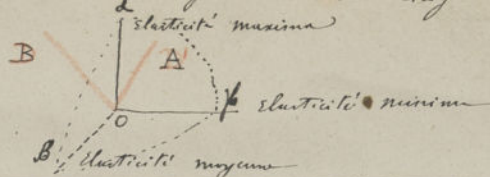
Axes optiques: on appelle axe optique, une direction dans laquelle le rayon incident reste naturel; dans les cristaux biréfringents il y a 1 ou 2 directions suivant lesquelles le rayon n'est pas réfracté.

Axes d'élasticité: on appelle axes d'élasticité, les directions suivant lesquelles la lumière se propage avec la vitesse maxima, minima, et moyenne: elles sont perpendiculaires entre elles.

~~Les axes d'élasticité sont des supports rectilignes et étroits dans les axes cristalllographiques.~~

Dans les corps homogènes ou du système cubique, corps monoréfringents, l'éther est également distribué partout, et l'élasticité est la même dans tous les sens.

Il n'y a donc pas d'axes. La propriété des cristaux biréfringents, de donner de la lumière polarisée tient à ce que ces cristaux ne sont pas homogènes, l'éther n'y est pas distribué d'une façon uniforme, son élasticité n'est pas la même dans tous les sens. — Ses vitesses dans différents sens sont inégales; si à partir d'un point quelconque dans un cristal on mène dans tous les sens des lignes proportionnelles aux vitesses de propagation, on aura en général un ellipsoïde, non de révolution mais ayant 3 axes inégaux:



$$\begin{aligned} \rho &= n^k \\ \rho &= n^m \\ \rho &= n^p \end{aligned}$$

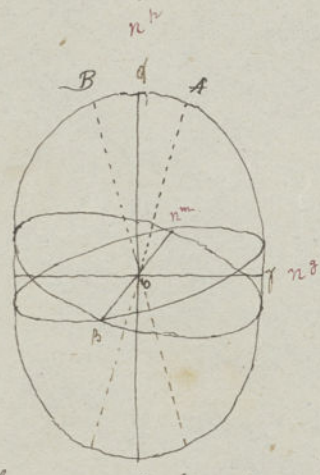
Si deux axes deviennent égaux on a un ellipsoïde de révolution; si les 3 axes deviennent égaux, une sphère, ce qui est le cas pour toutes les substances isotropes.

Fresnel en s'appuyant sur des considérations théoriques, vérifiées par l'expérience, a déduit tous les phénomènes optiques présentés par les milieux cristallins, de la considération d'un ellipsoïde (E) à trois axes généralement inégaux, qu'il a nommés axes d'élasticité optique. Nous appellerons  $A^m$  (d) l'axe de plus grande élasticité,  $B^m$  l'axe de moyenne élasticité,  $C^m$  l'axe de plus petite élasticité.

Une section de cet ellipsoïde (E) par un plan quelconque donne une ellipse. Si l'on imagine un rayon quelconque, polarisé ou non, arrivant dans la direction de la normale au plan de cette ellipse, il se décompose en deux rayons polarisés dont les vibrations se font dans deux directions perpendiculaires entre elles, suivant les 2 axes de l'ellipse. Si le rayon incident est formé par de la lumière naturelle, les deux rayons qui en proviennent sont d'égal intensité; s'il est polarisé, il se divise dans les deux directions en question, suivant la loi du parallélogramme des forces. Les vitesses de propagation de chacun de ces deux rayons sont

respectivement représentés par l'inverse de la longueur des deux axes de l'ellipse dont le plan passe par le centre de l'ellipsoïde, normalement au rayon incident.

Dans un ellipsoïde on peut toujours inscrire deux cercles passant par son centre et par l'axe moyen. Ils sont disposés symétriquement par rapport aux plans qui contiennent le plus grand ou le plus petit axe et l'axe moyen.



Les deux normales OA, OB, à l'un et à l'autre de ces cercles, dans l'ellipsoïde E, sont les axes optiques du cristal; ils sont compris dans le plan des deux axes de plus grande et de plus petite élasticité; par suite, on voit que le plan des axes optiques est perpendiculaire à l'axe de moyenne élasticité et que les 2 autres axes d'élasticité sont bissecteurs des angles formés par les axes optiques.

Si l'on suppose que les 2 sections circulaires de l'ellipsoïde se rapprochent l'une de l'autre jusqu'à se confondre, les normales se rapprochent également et à la limite ne constituent plus qu'une seule droite, qui est l'axe optique unique du cristal.

Les cristaux du système quadratique et du système rhomboédrique présentent cette particularité et pour cette raison sont appelés cristaux à 1 axe, par opposition aux cristaux de 3 derniers systèmes que l'on nomme cristaux à 2 axes.

L'axe d'élasticité compris dans l'angle aigu formé par les deux axes optiques est appelé bissectrice (b); l'axe compris dans l'angle obtus est la normale optique (n).

L'angle des axes optiques ( $2V$ ) n'est pas le même pour tous les cristaux, et la bissectrice est tantôt l'axe de plus grande, tantôt l'axe de plus petite élasticité. Quand la bissectrice coïncide avec l'axe de la plus grande élasticité le cristal est négatif (arragonite, bitaélite, Borax), quand elle coïncide avec la plus petite le cristal est positif (gypse, Topaze).

et angle ( $2V$ ) varie avec la couleur des rayons; l'ordre des couleurs, en partant du rouge par exemple (Dispersion), va tantôt de dedans en dehors de l'angle, et tantôt de dehors en dedans; pour un même corps, l'angle ( $2V$ ) varie suivant la composition; enfin dans une même espèce, et sans que rien soit modifié d'ailleurs, il change plus ou moins avec la température. Cette variation des axes optiques est simplement une conséquence de ce fait, que la grandeur relative des 3 axes d'élasticité et souvent leurs positions sont susceptibles de varier, dans une même espèce cristalline, avec la nature des éléments isomorphes qui entrent dans la composition de la substance, avec la température de celle-ci et aussi avec la couleur de la lumière incidente.

Quand le rayon lumineux tombe suivant l'un des axes optiques, la section de l'ellipsoïde est un cercle, et le rayon incident se divise en une infinité de rayons dirigés suivant les rayons du cercle, il ne se divise donc sensiblement pas.

Relation de position entre les axes cristallographiques, les axes d'élasticité, et les axes optiques, dans les divers systèmes cristallins. Entre les axes optiques et les axes ~~cristallographiques~~ cristallographiques il y a des relations constantes : connaissant l'un, on peut arriver à la connaissance des autres.

1<sup>o</sup> Système cubique: Dans ce système, l'ellipsoïde d'élasticité est une sphère; par suite toutes les directions peuvent être considérées comme des axes cristallographiques, d'élasticité, et optiques. — on n'a l'un ou l'autre, pas d'axes.

2<sup>o</sup> Cristaux à 1 axe optique (Hexagonal & Quadratique).

L'axe principal <sup>de symétrie</sup> de ces cristaux est à la fois un axe optique, et un axe d'élasticité; par suite de cette symétrie, l'ellipsoïde d'élasticité est de révolution autour de cet axe. En outre de cet axe principal d'élasticité, il y en a 2 autres, situés dans un plan perpendiculaire, qui coïncide ici avec une section circulaire de l'ellipsoïde d'élasticité; ils sont donc égaux entre eux et peuvent d'ailleurs être pris arbitrairement dans une direction quelconque de ce plan. Dans les systèmes quadratique et hexagonal, il ne peut y avoir dispersion ni des axes d'élasticité ni de l'axe optique.

Par conséquent, si un rayon passe dans ces cristaux suivant l'axe principal cristallographique, il passe comme dans un milieu isotrope, il n'est ni doublement réfracté, ni polarisé. Si le rayon passe dans ces cristaux par un point quelconque, non parallèle à l'axe, l'élasticité diffère dans deux directions perpendiculaires entre elles. Le rayon est divisé en 2 d'après le parallélogramme de forces, une partie avec les rayons perpendiculaires, l'autre avec le rayon parallèle à l'axe.

A. Cristaux à 1 axe optique:

B. Cristaux à 2 axes optiques: les 2 rayons sont extraordinaires, il y a 2 directions (axes optiques) dans ces cristaux suivant lesquelles il n'y a pas de double réfraction. — Il y a 3 axes d'élasticité perpendiculaires entre eux; le surface d'élasticité de ces cristaux à 2 axes optiques est un ellipsoïde à 3 axes, et dont les coupes longitudinales comme les transversales, sont par suite des ellipses. Il y a 3 indices de réfraction correspondant aux 3 axes d'élasticité de ces cristaux.

Si un rayon passe dans ces cristaux ailleurs que dans la direction d'un axe optique, il est divisé en 2 rayons polarisés à angle droit, dont les vibrations sont dirigées dans la direction de la plus petite et de la plus grande élasticité de la coupe même perpendiculairement au rayon à travers le cristal.

3<sup>o</sup> Système orthorhombique: Possède 3 plans de symétrie  $xy, yz, xz$ , et est donc d'un ellipsoïde d'élasticité à trois axes inégaux, qui se confondent en direction avec les axes cristallographiques.

Il en résulte que les axes optiques sont contenus dans le plan de deux des axes cristallographiques coïncidant avec les axes de plus grande et de plus petite élasticité. Il ne peut y avoir dispersion pour les axes d'élasticité, qui sont invariablement liés à trois directions constantes; mais les grandeurs relatives des axes d'élasticité étant susceptible de varier, les axes optiques peuvent subir une dispersion dans le plan également invariable qui les contient nécessairement.

4<sup>o</sup> Système monoclinique: ~~Orthorhombique~~ Il n'existe plus qu'un plan de symétrie  $yz$ , perpendiculaire à un des axes cristallographiques, l'orthodiagonale. L'orthodiagonale coïncide avec un des axes d'élasticité, il n'y a pas de rapports réguliers entre les autres, il en résulte que le plan  $yz$  contient les 2 autres axes cristallographiques et les 2 autres axes d'élasticité; mais ces axes ne coïncident plus respectivement entre eux et sont disposés d'une façon quelconque dans ce plan.

4  
Suivant que le plan des axes optiques est parallèle ou perpendiculaire au la coupe principale rhomboédrique ( $g_1$ ) plan de symétrie), il s'en suit que :

1° Plan parallèle : le plan contenant les axes optiques contient aussi les axes de  $\gamma$  et de  $\epsilon$  élasticité, et alors la position de ces axes ~~est~~ relativement aux axes cristallographiques ne peut être réduite à une loi générale ; il faut la déterminer expérimentalement dans chaque cas particulier (gypse, Diopside, Epidote).

2° Plan perpendiculaire : l'axe de  $\gamma$  ou de  $\epsilon$  élasticité coïncide alors avec l'orthodiagonale ; la position des axes optiques est par suite déterminée.

La dispersion des axes optiques de ces axes d'élasticité est susceptible de modes variables, suivant ces différents cas, puisqu'un seul axe d'élasticité coïncide avec une direction invariable, qui est celle de l'orthodiagonale.

5° Système trichromique : 3 axes d'élasticité perpendiculaires. Il n'y a pas en général de relation fixe entre la position du plan des axes et des éléments des axes cristallographiques. Dans chaque cas particulier, il faut chercher expérimentalement le plan des axes optiques et leurs lignes médianes.

Conclusion : si on connaît dans un cristal les axes d'élasticité et les axes optiques, on peut en déduire les considérations sur le système cristallin de la substance.

Le microscope polarisant à lumière parallèle permet de trouver la position des axes principaux de l'ellipsoïde, suivant laquelle le plan de la lame mince d'un cristal quelconque coupe l'ellipsoïde ( $E_1$ ) de la substance considérée. Il permet donc de reconnaître le système cristallin de la substance.

Etude des lames cristallines minces à la lumière polarisée:

Toute section en lame mince d'un cristal, présente 2 directions à angle droit suivant lesquelles la vitesse de la lumière qui passe sera max. et min. : ce sont les axes d'élasticité de la plaque. Ils n'ont pas de rapports



Si on glisse cette lamelle <sup>nécessaires avec une ou cristal.</sup> entre les nicols, de façon à ce qu'un de ces axes AB, A'B', soit parallèle à la section principale du Polariseur, il ne sort plus qu'un seul rayon de la lamelle et celui-ci traverse <sup>intégralement</sup> l'analyseur ou est au contraire éteint suivant que la section principale de l'analyseur est parallèle ou perpendiculaire à celle du polariseur.

Ainsi, toute lamelle mince d'un minéral à double réfraction, coupée obliquement à ses axes optiques, présente les variations suivantes si on la fait tourner horizontalement entre les 2 Nicols :

si on a un axe d'élasticité coincide avec le <sup>section</sup> coupe optique principale du Polariseur, ces lamelles à double réfraction ne montrent plus de couleurs d'interférence, mais semblent transparentes sous les Nicols parallèles, et obscures sous les Nicols croisés.

Ils sont colorés sous les Nicols croisés, quand leurs axes d'élasticité (ou plans de vibration) font un angle avec la section principale des Nicols.

Pendant une rotation complète de la lamelle, il y aura 4 extinctions à angle droit (sous les Nicols +) : ces 4 positions correspondent aux positions AB, A'B', axes d'élasticité de la lamelle. — On peut donc trouver expérimentalement les axes d'élasticité d'une lamelle donnée (il en reste plus qu'à en déduire son sens).

les nicols, et que l'on connaît la direction de leurs sections principales, il est facile d'estimer la direction des deux axes de l'ellipse de section d'une lamelle cristalline appartenant à l'une des 5 dernières systèmes. Les directions de ces 2 axes sont alors dans les quelles se trouvent placés les sections principales des deux nicols, lorsque la lame mince paraît éteinte.

Propagation des Rayons lumineux, milieu homogène, ni tallé.  
Réfraction.  
Planisphère. — apparent.  
Déflection = Angles dans le lum. pol. elliptique  
— et — corrigés



4 / Détermination des systèmes cristallins par la considération des axes d'élasticité des lamelles: (D'après M. Fouqué).

1. Système Cubique: De quelque façon qu'on obtienne une lamelle d'un cristal régulier, elle n'aura aucun modification sous les Nicols croisés.

~~La polarisation lamellaire produit dans certains cristaux cubiques (Diamant, Boracite, leucite) des phénomènes d'interférence.~~

Cristaux anisotropes: des axes d'élasticité d'une section varient suivant la façon dont la section est faite dans le cristal. Il y a de ces coupes où la position des axes d'élasticité et dans des relations constantes avec certains lignes.

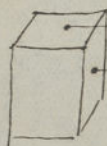
Les cristaux coupés, donnent 2 espèces de sections; les unes symétriques (Rectangle, losange, Tri. isocèle, Hexagone), les autres dissymétriques (sections irrégulières).

Il faut négliger les sections dissymétriques!

Cherchons quels sont les cristaux qui donnent des coupes symétriques, comment elles sont disposées, et où il faut les trouver?

2. Système Quadratique: 2 espèces de sections symétriques, les unes parallèles, les autres perpendiculaires à la base: dans le 2<sup>e</sup> et 3<sup>e</sup> système, les anneaux colorés et le crois dans les 2 cas ce seront des rectangles.

Les coupes perpendiculaires à l'axe principal, sont symétriques. Dans le 2<sup>e</sup> et 3<sup>e</sup> système, les anneaux colorés et le crois noirs.



Toujours éteinte sous les Nicols croisés.

éteinte parallèlement au côté — id —

L'extinction serait suivant la diagonale si la section était un losange.

3. Système Hexagonal: Sections symétriques parallèles ou perpendiculaires à la base: les unes seront hexagonales et seront toujours obscures, les autres rectangulaires qui s'éteindront parallèlement au côté.



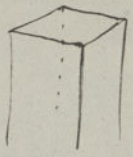
Toujours éteinte

éteinte parallèlement au côté

On distingue les lamelles de ce système, de près, par la forme Hexagonale, ou carrée, des sections toujours éteintes.

5  
 Les systèmes 4, 5, 6, taillés suivant les rhomboïdes perpendiculaires au plan des axes optiques, montrent les allures caractéristiques.

4. Système Rhombique: 3 axes perpendiculaires entre eux; grand nombre de sections symétriques. Toutes ces sections s'obtiennent parallèlement au côté.



5. Système monoclinique: 1 axe cristallographique, perpendiculaire au plan des 2 autres qui sont obliques entre eux.



Il y aura certaines faces symétriques: la face  $OP$ ,  $\infty P \infty$  (base, orthopinaciale) seront symétriques; ce seront des rectangles [elles sont en effet perpendiculaires au plan de symétrie de ce système]. La face  $\infty P \infty$  sera un parallélogramme non symétrique.

Pour les faces  $OP$ ,  $\infty P \infty$ , les extinctions seront parallèles aux côtés; il n'en sera plus de même pour  $\infty P \infty$ .  
 Si symétrie n'existe plus que suivant une zone ( $ph'$ ); et (on appelle zone la série de plans consécutifs, qui tous se coupent mutuellement dans des arêtes parallèles): une zone toutes les sections parallèles à l'orthodiagonale s'obtiennent parallèlement à un côté de symétrie de la figure.

x (Héckopp): les faces d'un cristal parallèles à un axe de ce cristal, forment une zone.

x Une zone comprend toutes les faces d'un cristal qui ferment autour de lui comme une structure prismatique en se coupant successivement les uns les autres dans des intersections parallèles. On appelle axe de la zone une droite passant par le centre du cristal et dirigée parallèlement aux intersections. Tout il s'agit; c'est à proprement parler, l'axe du prisme dont ces intersections sont les arêtes longitudinales.

6. Système triclinique: Plus de sections symétriques, plus d'extinctions parallèles aux côtés.

Si on ne considérait que la forme des cristaux, on se tromperait souvent; car certains cristaux dissymétriques paraissent souvent avec des formes pseudo-symétriques.

Influence de la température sur les phénomènes optiques: M. Desdorgeaux a étudié l'effet de la température sur les propriétés optiques des cristaux à double réfraction; il a vu que la position des axes optiques variait avec la température, le changement de position des axes optiques est une suite nécessaire de la variation que subissent les axes d'élasticité dans leur position et leur grandeur relative; puis que l'axe d'élasticité moyenne est perpendiculaire au plan des axes optiques.

Caractères optiques du cristallin

| Forme de l'Ellipsoïde (E)          | Relations de position des axes d'élasticité et cristallographiques   | sections perpendiculaires aux axes optiques  |  | sections en zones, parallèles à  |  |  | sections quelconques  | Systèmes cristallins |
|------------------------------------|--|--|--|--|--|--|---|----------------------|
|                                    |  | $ph'$  | $hg'$  | $h'g'$   |  |  |   |                      |
| Sphérique                          | Toutes les directions peuvent être assimilées à des axes optiques.   | Toutes les sections ont à contours polygonaux réguliers et restent constamment équilatérales   |  |  |  |  |   | Cubique              |
| De révolution (1 axe optique)      | L'axe de révolution coïncide avec l'axe principal de symétrie et avec l'axe optique unique.  | Extinctions constantes pour les sections carrées.  | Rectangles s'éclairant suivant leurs côtés.  |  | 1° les sections symétriques, en dehors de celles des zones précédentes, s'éclairant toutes suivant leurs axes de symétrie. |  | 2° les sections dissymétriques, appartenant à des zones dont l'axe est perpendiculaire à l'axe principal s'éclairant suivant cette arête, l'autre s'éclairant suivant un de leurs côtés.  | Cubique              |
|                                    |  | Extinctions constantes pour les sections hexagonales   | Rectangles ou hexagones allongés, symétriques par rapport à 2 axes perpendiculaires, s'éclairant suivant leurs côtés ou leurs axes de symétrie. Exceptionnellement sections triangulaires ou pentagones, symétriques par rapport à 1 axe et s'éclairant suivant cet axe. |  | 3° les sections dissymétriques, s'éclairant suivant leurs côtés.   |  |   |                      |
| à 3 axes inégaux (2 axes optiques) | L'axe de révolution coïncide avec un axe cristallographique (orthodiagonale); les deux autres axes d'élasticité sont dans un plan de symétrie $g'$ . | les 3 axes d'élasticité coïncident avec les 3 axes cristallographiques   | sections rectangulaires constamment équilatérales  |  | Rectangles s'éclairant suivant leurs côtés.  |  | 2° les sections dissymétriques, ou l'on peut observer en dehors des zones précédentes, s'éclairant par le plan grand cercle des cas, suivant leurs axes de figures.   | Orthorhombique       |
|                                    |  | un axe d'élasticité coïncide avec un axe cristallographique (orthodiagonale); les deux autres axes d'élasticité sont dans un plan de symétrie $g'$ . | 1° sections constamment équilatérales, symétriques par rapport à deux axes perpendiculaires  | sections symétriques par rapport à deux axes rectangulaires, s'éclairant suivant ces deux axes.  | sections dissymétriques, sauf $ph'$ , se reproduisant symétriquement de part et d'autre de $g'$                            | sections dissymétriques, sauf $h'$ , se reproduisant symétriquement de part et d'autre de $g'$ | 2° la direction de l'extinction donne au moyen pratique de trouver les traces, sur la section, des plans bissecteurs de l'angle dièdre formé par les 2 plans passant respectivement par la normale à la section et chacune des axes optiques. |                      |
|                                    |  | aucune relation n'existe entre les axes d'élasticité et cristallographiques  | sections constamment équilatérales, généralement dissymétriques.   | sections généralement dissymétriques, avec angles d'extinction seulement connus dans quelques cas importantes telles que $g'$ et $ph'$ . |  |  |   |                      |

Carbone des amonites optiques et minéraux au microscope

De révolution (1 axe optique)

à 3 axes inégaux (2 axes optiques)

Hexagonal

Orthorhombique

Monoclinique

Triclinique

~~Préparation de Rayons lumineux, milieux homogènes, cristallins~~  
~~Réfraction, Déviation, apparence.~~  
~~Interférence dans le milieu polarisé convergent: Brewster.~~  
 Dispersion  
 absorption  
 interférence } Col. par la lum. polarisée

3

~~Cristaux biréfringents à 2 axes.~~  
 leurs caractères; on en déduit la mesure de l'inclinaison des axes optiques, et la détermination de la nature de leur dispersion.  
 on détermine par la B. l'existence et l'axe

Cristaux - axes {  
 symétrique  
 optiques  
 statiques.

Distribution inégale de l'éther dans les différents systèmes cristallins, inégalité due à leur homogénéité  
 Ellipsoïde de Fresnel

axes d'élasticité.  
 cercle inscrit par l'axe moyen: axes optiques.

Rayons tombant suivant la rayon normale au cercle (axe optique).  
 Variations de  $2V$ : { certains négatifs: aragonite, bisulphite, Borax.  
 certains positifs: gypse, topaze.  
 de fonction de axes différents } Ces variations de  $2V$  dépendent  
 de changements de axes d'élasticité,  
 de grandeur et de position.  
 Variations de  $2V$  avec la courbure des rayons (dispersion).  
 composition chimique.  
 température

Relation de position entre les axes cristallographiques, d'élasticité, optiques, dans les différents systèmes

- 1° Régulier: coïncident sur tous les axes.
- 2° Cristaux à 1 axe (rhombique & quadratique).  
 coïncidence de axes.  
 sens d'un axe.
- 3° cristaux à 2 axes optiques.

A. Orthorhombique: 3 plans de symétrie  
 Coïncidence de axes d'élasticité et cristallographique. Sac de dispersion pour les axes d'élasticité.  
 Position des axes optiques, variable, dispersible.

B. Monsclonique: 1 plan de symétrie  $g'$   
 coïncidence de l'orthorhombique avec 1 axe d'élasticité, le plan  $g'$  contient tous les autres axes.  
 Variations de position des axes optiques { suivant  $g'$  - (calcul) gypse, bisulphite, quarts.  
 normal à  $g'$  - leur position est alors déterminée.  
 Dispersion susceptible de modes variables.

C. Triclinique: Recherche expérimentale du plan des axes optiques, et de leurs lignes médianes.

Détermination de lamelles basées sur l'observation microscopique des axes d'élasticité de l'ellipsoïde observés d'une lamelle glissée sur les nicols, sur axes d'élasticité.  
 Rotation de cette lamelle, on trouve la position de ces axes d'élasticité.

Symétrie des Systèmes cristallins

- 1° Symétrie par rapport à un point
- 2° — — — — — une ligne
- 3° — — — — — à 3 plans
- 4° — — — — — à 1 plan
- 5° — — — — — nulle.

I. Symétrie par rapport à un point

Système cubique

Symétrie triquaternaire

3 axes quaternaires

4 axes ternaires

6 axes binaires

II. Symétrie par rapport à une ligne

Système quadratique

Symétrie quaternaire

1 axe principal vertical  $c$  à symétrie quaternaire

2 axes secondaires perpend. à symétrie binaire

2 axes secondaires bisectrices  $i, s$ .

Système hexagonal

Symétrie hexaire

1 axe principal  $c$

3 axes secondaires perpend. à angle de  $60^\circ$

3 axes secondaires bisectrices

Symétrie ternaire

Système rhomboédrique

1 axe principal  $c$

3 axes secondaires  $a$  égaux.

III Symétrie par rapport à 3 plans

Système orthorhombique

Symétrie binaire Sans 3 positions différentes (zwei und zweifachdrige)

1 axe vertical  $c$  au choix

" macrodiagonal  $b = 1$

" brachydiagonal  $a$

IV Symétrie par rapport à un plan

Système monoclinique

Symétrie unibinaire

3 axes inégaux

1 axe perpendiculaire au plan de symétrie  $b = 1$

1 axe vertical  $c$

1 axe clinodiagonal  $a$

V Symétrie nulle.

Système triclinique

3 axes. Vertical, moyen-, brachydiagonal. Sautes indéterminées

## Notation

Dans un cristal il y a des faces, des angles, des arêtes. ~~Il y a~~

Prenez le prisme doublement oblique.

Comme les faces sont semblables 2 à 2 on n'en a que 3 à noter

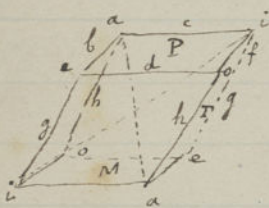
— angles — — — 4 —

— arêtes — — — 6 —

La face supérieure se note P, la face antérieure M, la face latérale T

les angles se notent a. e. i. o. (voyelles)

les arêtes — b. c. d. ... (consonnes)



Pour le cube, nous n'aurons que P a b

si on a un prisme droit à base carrée, angles semblables a, 2 faces différentes P M, arête supérieure b, latérale g. Donc P M a b g

Quand une face remplace l'angle ou l'arête d'un cristal, on a des longueurs moindres considérables que les arêtes elles-mêmes; on a  $\frac{1}{n} \cdot \frac{1}{y} \cdot \frac{1}{z}$  fractions de longueurs en mettant l'angle remplacé à côté de  $\frac{1}{n} \cdot \frac{1}{y} \cdot \frac{1}{z}$ .

on commence par les arêtes supérieures, la plus longue, y ensuite, et la verticale z. si les 3 arêtes sont également inclinées on écrit  $\frac{1}{n} \cdot \frac{1}{n} \cdot \frac{1}{n}$  ou  $\frac{1}{n^3}$ . si 2 arêtes sont également inclinées on écrit  $\frac{1}{n} \cdot \frac{1}{n} \cdot \frac{1}{z}$  ou  $\frac{2}{n^2}$ .

ainsi le cube ayant les arêtes coupées également devient



l'octaèdre  $a^{\frac{1}{6}}$ . Le prisme droit à base carrée a 2 arêtes opposées  
également et donne l'octaèdre  $a^{\frac{2}{3}}$

Minéraux cristallisant en Octaédres - pyramides (Triakis octaèdre)

|                  | $m=2$ | $m=3$ | $m=4$ | $m=\frac{3}{2}$ | $m=\frac{7}{4}$ | $m=\frac{5}{4}$ |
|------------------|-------|-------|-------|-----------------|-----------------|-----------------|
| Diamant          | +     |       |       |                 |                 |                 |
| amalgame         | +     |       |       |                 |                 |                 |
| argentite        | +     |       |       |                 |                 |                 |
| Blende           | +     |       |       |                 |                 |                 |
| Cuprite          | +     | +     |       |                 |                 |                 |
| galène           | +     | +     | +     |                 | +               | +               |
| Tétraédrite      |       |       |       | +               |                 |                 |
| Pyrite           | +     |       |       |                 |                 |                 |
| Franklinite      | +     |       |       |                 |                 |                 |
| Magnetite        | +     |       |       |                 |                 |                 |
| Spinelle         | +     |       |       |                 |                 |                 |
| Perovskite       | +     |       |       |                 |                 |                 |
| Pharmacosiderite | +     |       |       |                 |                 |                 |
| Skutterudite     | +     |       |       |                 |                 |                 |
| Fluorite         | +     | +     |       |                 |                 |                 |
| Kérargyre        |       |       |       | +               |                 |                 |
| Grenat           |       |       |       |                 | +               |                 |

D'après note de M. Gosset

Application de la Théorie des Hérissements

sur les courbes dérivées — Distances d'  
sur les angles — Astuces d'

Formes régulières Hérissement

Des Mâcles

---

Irregularités des cristaux.

Particularités des cristaux; Naumann p. 71.

La cause de ces anomalies se trouve dans les conditions où un cristal se forme: le resserrement de la matière, qui cristallise dans un espace étroit; le voisinage d'autres cristaux qui pourraient se former en même temps que les premiers, la pression mutuelle des individus qui se développent dans un petit espace, l'influence du support, l'action de la pesanteur, celle de la nature et de la pureté du dissolvant.

Croissance des cristaux cristallins incomplets.  
Les cristaux n'ont pas toujours la régularité géométrique théorique; ils tiennent à des irrégularités de la croissance, qui s'est faite graduellement, et par adjonction de nouvelles molécules cristallines. Les cristaux les plus parfaits sont des prismes grands et tabulaires entre les lamelles de mica. On trouve des cristaux, en aggrégats parallèles: cristaux cristallins se groupent, en ayant leurs axes parallèles: Spath calcaire. de Péloponèse, la Hornblende se montrent parfois formés au microscope d'une masse de petits cristaux, placés parallèlement, et dont l'ensemble représente grossièrement la forme générale du cristal.

Cristaux formés par couches. Les cristaux de Wolfram, d'astigite, de fluorine, quartz, se montrent formés d'un noyau, entourés de diverses enveloppes, qu'on peut parfois séparer à cause de inclusions stratifiées entre elles. La fluorine, l'apatite, Baryte, Calcite, Cornaline, présentent un noyau et des enveloppes distinctement colorés. Elles sont disposés parallèlement aux faces du cristal, ou aux faces d'autres formes du même système.

Dans les cas précédents, chaque enveloppe représente une période de formation du cristal; les intervalles d'attente des périodes de repos pendant lesquelles la composition de l'eau mère changeait.

au microscope, on voit des cristaux, d'enveloppes concentriques, de la même nature que les cristaux de petite taille d'agrite, Hornblende, Péltopath, grenat, leucite.

Faces incomplètes des cristaux: Elles présentent tantôt des irrégularités et tantôt des ombres.

Les irrégularités sont des stries (quartz, agrite, Cornaline) produites par des combinaisons moléculaires de 2 formes (quartz  $\alpha$  et  $\beta$ ), ou de 3 formes (quartz  $\alpha$ ,  $\beta$  et  $\gamma$ ) de cristaux (grand des faces, mais surtout d'angles, de cristaux, de plus petits cristaux de même espèce); des aspérités. Les ombres des faces sont produites parfois par suite de l'aggrégation de stries sub-nommées (Cornaline), parfois par une aggrégation spéciale de petits individus sur les faces d'un plus gros individu, en forme de voûte (Sesuvium, Baryte). Il y a enfin une vieille ombre des faces de Rhombédre du carb. de fer, de celles des lentilles de gypse, et de celles du diamant. Il y a enfin des irrégularités d'une dernière sorte, elles qui pourraient résulter d'une altération des cristaux, Apatite des Calcaires cristallins, agrite d'ardeal.

Il y a des faces qui sont irrégulières par recroisement; celui-ci se trouve alors sur toutes les mêmes faces.

Irregularités des cristaux: Elles paraissent même dans des cristaux à faces régulières.

- 1<sup>o</sup> Irrégularité de distances du centre de faces semblables: Elle est aux joints joints et change alors entièrement la forme des faces affectées. - Elle affecte surtout le système régulier qui prend alors les allures d'autres systèmes.
- 2<sup>o</sup> Irrégularité de nombre de faces semblables: elle s'observe dans plusieurs combinaisons. Ce n'est pas de l'hémimétrie, ni de l'hémimorphisme, mais une dépendance de l'irrégularité précédente.
- 3<sup>o</sup> Remplissage incomplet: certains cristaux ne se sont pas formés en entier, leur squelette existe, mais leurs faces vides indiquent le pauvre de l'eau mère.

Remplissage par des pores liquides, gazeux, vitreux; ou par des cristaux d'espèces différentes. X<sup>1</sup> Polimorphisme: cristaux d'une espèce réduits à leur pelure et remplis par un noyau d'une autre espèce: des grenats des Calcaires grenats, feldspath orthose des porphyrites fêlées, feldspath orthose avec Pectolite d'array.

4<sup>o</sup> Anomalie des angles: elle est parfois produite par les irrégularités des faces.

Grossesse des cristaux: indéterminée. Enorme, cristaux de gypse, quartz, isoraude; le système régulier est même limité.

Petit cristaux, réduits dans une ou plusieurs directions: tables, aiguilles, microlithes. Le système régulier (pyrite, quartz, aggrégats) est même limité; ils ont été réduits dans les autres systèmes à des recroisements (tables de Baryte, olivine).

- x1. remplissage par des minéraux arrangés régulièrement:  
Syringite & amphibole.  
Divers micas.  
Séthine, Staurotide par German.  
orthose de Baveno et albite, leop. de Buch.  
Orthose graphique.  
Remplissage par des minéraux disséminés sans ordre:  
Quartz -  
Feldspath,  
Cornaline, & autres minéraux transparents.

galène, fluorine), le système hexagonal (Calcaire, quartz) présente de grands aspérités; elles ont été réduits dans les autres systèmes à des recroisements (tables de Baryte, olivine).

# Morphologie des agrégats cristallins

Il y a deux modes d'agrégation des cristaux

- 1<sup>er</sup> agrégats cristallins ou de cristaux.
- 2<sup>es</sup> agrégats où on reconnaît des cristaux combinés, phanocristallins.
- 3<sup>es</sup> agrégats où on ne reconnaît plus les cristaux, kryptocristallins.

Les cristaux s'agrègent suivant des faces qui présentent alors des caractères spécifiques. Les agrégations forment

des composés divers :

- 1<sup>er</sup> du type grume
- 2<sup>es</sup> du type aciculaire ou bacillaire.
- 3<sup>es</sup> du type lamellaire

d'agrégation des minéraux présente divers degrés <sup>de complexité</sup> <sup>de structure</sup>.  
Les agrégats ont des textures différentes reposant sur la forme, la position, et le mode de juxtaposition des individus: texture grume, schisteuse, aciculaire, fibreuse, lamellaire.

Formes des agrégats cristallins: groupes, druses.

Les groupes se forment dans les espaces libres, ou se forment sans ce nom les agrégats d'individus cristallins à formes reconnaissables, et déposés suivant un certain ordre (sphérolites).

Les druses sont remplis d'un entassement de cristaux disposés sans ordre.

Formes des agrégats microcristallins: les agrégats ont une disposition parfois régulière (oolithes, ~~oolithes~~); ils forment des masses cristallines - Rogonnes, Malactites.

Formes des agrégats dans un espace restreint: ils forment des roches cristallines, ou des roches de remplissage de fractures.

## Mâcles

Les cristaux se groupent souvent entre eux. Quand ils se sont pas parallèles entre eux, ils peuvent avoir néanmoins des relations très régulières. On les appelle alors des mâcles. Ils ont parfois leurs axes cristallins parallèles, parfois non parallèles; dans les deux cas, on distingue des mâcles par juxtaposition, et par penetration.

Les mâcles à axes de symétrie parallèles se rencontrent seulement sur les formes hémisédriques; elles obéissent à cette loi, que l'ensemble de ces 2 formes hémisédriques reproduit la forme Holédrique, ou si l'on veut, que tout solide + se mâcle avec le solide - correspondent.

Les mâcles à axes de symétrie non parallèles, se trouvent sur les formes Holédriques et les hémisédriques. Les 2 cristaux sont toujours réunis par une face commune (réalisée ou au moins réalisable dans la forme cristalline considérée) autour de laquelle ils ont fait un tour de  $180^\circ$ ; ils ont aussi autour d'un axe perpendiculaire à cette face commune. Cette face commune s'appelle la face de mâcle, ou face de composition, et l'axe de rotation qui lui est perpendiculaire s'appelle l'axe de la mâcle. Ils obéissent d'après Weiss, à cette loi, que les 2 individus cristallins, sont entièrement gémés de chaque côté de la face de mâcle.

Les cristaux mâclés sont souvent très réduits en étendue. On appelle hémitrope tout cristal qui est produit par l'inversion en sens contraire de l'une des moitiés de ce même cristal. Le plan miroir lequel on le coupe, est parallèle à la face de mâcle des 2 cristaux qui sont ainsi réunis et réduits par penetration d'appuyage.

Angles caractéristiques caractéristiques de mâcles.

Stries de mâcles: les mâcles se forment souvent en plus de 2 cristaux; quand un 3<sup>e</sup> vient s'y ajouter avec 2 premiers, il se forme qu'une toute petite lamelle serrée entre eux. Il y a parfois 4 cristaux mâclés suivant les mêmes lois, ou 5, ou 6 cristaux, ou plus; on le dit alors polysynthétique.

Les mâcles polysynthétiques peuvent avoir leurs plans de mâcles parallèles ou obliques. Dans le premier cas, elles se répètent à l'infini, et les cristaux sont si réduits, que l'on voit à l'œil ou au microscope des stries hémitropes très caractéristiques. Dans le 2<sup>e</sup> cas, le nombre des mâcles est limité, et leur ensemble forme des bouquets ou des rosaces définies.

## 1. Exemples de mâcles du système régulier.

### A. axes parallèles :

Hémédroie tétraédrique, ou pentagone-dodécaédrique, qui donnent usuellement des mâcles cruciformes.

ex : Pyrite (Pentagone-dodécaèdre)  $\frac{\infty 0 0 \infty}{2}$   
 Diamant (Tétraèdre).

### B. axes inclinés.

In face de l'octaèdre et habituellement la face de mâcle.  $x$  et  $y$  ou  $z$  d'Holoédres et  $x$  Hémédroes, elle ont souvent trois réduites, et arrivent à des Hémitropies.

Ex : Spinelle, fer magnétique, automolite (octaèdre).

Fluorine, Pyrite, calamine? (cube).

Blende, (Rhomb-dodécaèdre)

Cuivre, argent, or (Tétraédrique).

## 2. Mâcles du système quadratique :

### A. axes parallèles.

rare. Sulfure de Cuivre (Sphénoïde)  
 Scheelite (Biméridie pyramidale).

### B. axes inclinés.

In face de mâcle et souvent une face de la deutéropyramide  $P_{00}$ , ou en tous cas, une des faces qui tranchent les dièdres de la forme fondamentale  $P$ .

Ex : Cassitérite, rutile, Klausmannite.

Beaucoup d'autres.

## 3. Mâcles du système hexagonal.

### A. faces parallèles.

Communes : Calcaire, Albite, quartz (Tétraédrique).

calcaire  $\infty R \cdot -\frac{1}{2} R$  (combinaison)

$R^3$  (combinaison)

quartz  $P, +R - R$  (combinaison en un cristal).

### B. faces inclinées.

Communes, et dans diverses conditions; c'est pourtant le plus souvent une face de rhomboïde qui est le plan de mâcle.

ex : Calcaire,  $R$  et  $R'$  mâcles suivant une face de  $-\frac{1}{2} R$ .

$R$  et  $R'$  mâcles suivant face de  $R$ .

trouvés poly synthétiques et montrant les stries multiples.



4. maêles du système rhombique

A. faces parallèles.  
rares.

B. faces inclinées.

Communes, suivant la loi où la face de maêle est une face du protoprisme  $\infty P$ .

Ex: arragonite, marcasite, etc.

arragonite  $\infty P, \infty P \infty, P \infty$  et se groupent de 2 faces en ligne, ou en rosace, suivant la face de maêle.

Stauréite,  $\infty P, \infty P \infty, 0 P$ . les maêles sont également de 2 sortes, l'une tantôt suivant la Brachydome  $m P \infty$  (les axes verticaux sont alors à angles droits entre eux), et tantôt suivant la Brachyprisme  $m P n$  (les axes verticaux forment alors des angles de  $60^\circ$  entre eux).

5. maêles du système monoclinique:

les maêles les plus communes de ce système sont celles desquelles les axes principaux, et les 2 corps principaux verticaux, des deux individus, sont parallèles. les 2 individus se maêlent habituellement par juxtaposition suivant l'orthopinaxoïde.

Exemples: Gypse:  $\infty P \infty, \infty P, - P$ .

Stygite:  $\infty P, \infty P \infty, \infty P \infty, P$ .

Hornblende

Orthose: 1. Maêle suivant la loi de l'albite.

l'axe de révolution est perpendiculaire à la face d'assemblage  $g_1 (\infty P \infty)$

2. Maêle de Carlsbad: à axe de révolution parallèle à l'arête  $h_1 g_1$  de la face de composition (haut et à droite)  $g_1$ .

3. Maêle de Baveno: se produit suivant la face  $m P \infty$  (Hémiclinodome) appartenant à la zone  $p g_1$ , avec axe de rotation perpendiculaire, de telle façon que  $g_1$  est perpendiculaire à  $g_1'$  et  $p$  à  $p'$ .

4. Maêle suivant la face  $p$  avec axe de rotation perpendiculaire à  $p$ . le plan  $g_1$  se confond avec  $g_1'$ .

- les faces communes sont  $\infty P \infty, \infty P, 0 P, 2 P \infty$ .

6. mâcles du système triclinique: nombreuses, nous citerons spécialement celle qui est caractéristique et permet de reconnaître de suite un système, du S. monoclinique. L'axe de macle est perpendiculaire à la coupe principale brachydiagonale. — Comme cette coupe brachydiagonale et la base ne sont pas à angle droit dans les feldspaths tricliniques, on voit qu'après la rotation, les bases des mâcles doivent faire entre elles un angle saillant, et de l'autre côté un angle rentrant. Dans les feldspaths monoclines au contraire, la même rotation, mettant les 2 bases dans un même plan horizontal; l'axe de rotation étant dans ~~un~~ plan parallèle à ces bases.

On reconnaît très facilement par ce caractère l'albite (triclin) qui a macle souvent suivant  $\infty R \infty$ ; ses bases présentent alors une particularité caractéristique.

Il y a souvent 3 et plus mâcles juxtaposés; ils sont alors très minces et forment des stries.

Il faut noter que 2 cristaux mâclés suivant une certaine loi, peuvent prendre part à une autre combinaison et se démaçler suivant une autre loi.

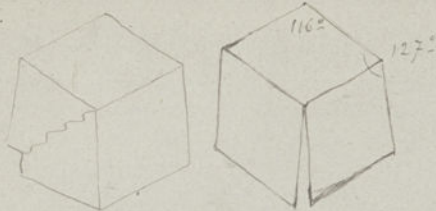
Remarque finale: Les formes produites par hémitropie présentent un plus haut degré de symétrie, que les cristaux isolés qui les ont formés. Ainsi par ex.: les mâcles tricliniques suivant  $\infty R \infty$  ont la symétrie du S. monoclinique; les mâcles Naugite, Hornblende, gypse, ont la symétrie du S. Rhombique; l'Harmotome et la Philéopside (Rhombique du monoclinique) affectent certaines formes de mâcles quadratiques et même régulières.

*Cristaux mimétiques, figures de corrosion*

---

Cristaux minéraux

Gschmardt.

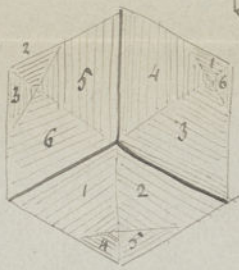


les maclés sans angles rectangulaires, présentent la symétrie de formes plus régulières, mais ~~soit~~ leurs angles dièdres. Ainsi 3 cristaux d'argente maclés ont un contour hexagonal, mais les angles ont 116° au lieu de 120°. Les cristaux d'argente ont des angles de 120°, leur maclé avait une forme difficile à distinguer des hexagonales, ce dont on ne se réalise dans la nature que quelques espèces.

Nous appellerons pseudosymétrique, la symétrie de certaines formes inférieures (Brookite, chlorure, glaucite, carnallite), qui présentent des valeurs angulaires de formes d'un système plus élevé, ou symétrique. Nous appellerons cristaux minéraux les maclés de cristaux pseudosymétriques, maclés toujours complexes, mais dont l'ensemble et les valeurs angulaires appartiennent à un système plus élevé.

Les maclés minéraux expliquent beaucoup des soi-disant anomalies: variations de angles de cristaux de divers minéraux, variations des angles homologues d'un même cristal (leucite, apophyllite, chabasite), surfaces striées, courbes de cristaux (Senarmontite, analcime), déviations en désaccord avec le système (orthose), apparences optiques incompatibles avec le système.

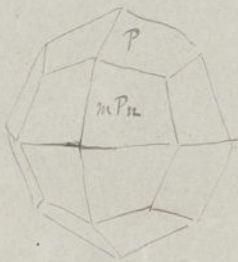
Exemples: Microcline, apparence monoclinique, formée de nombreux lamelles triclinaux très fines maclées suivant  $\alpha \& \omega$  (in de l'albite): les lamelles sont pseudosymétriques, l'angle de  $OP$  sur  $\alpha \& \omega$  étant de  $69^{\circ}44'$  (parque Paris). De plus les lamelles maclées, ont en outre maclées sans forme d'une zone maclée de cristallin.



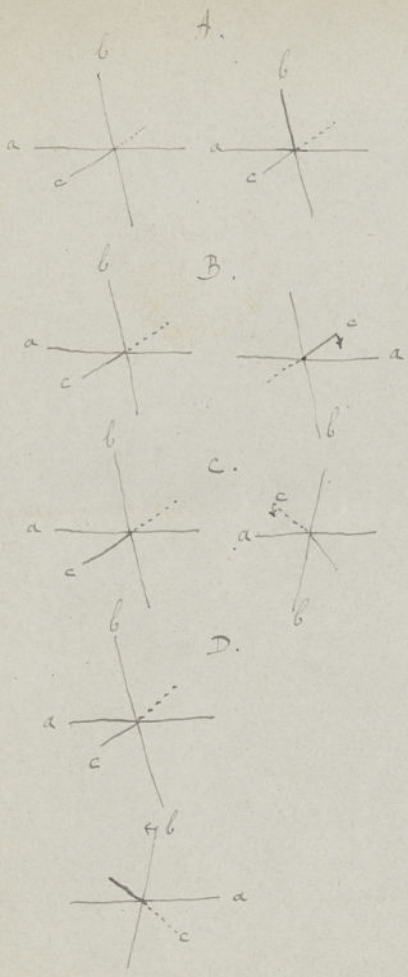
Chabasite: forme extérieure rhomboédrique, à faces striées, qu'on rapportait à des modifications scalénoédriques. Bœttger a reconnu que ces cristaux rhomboédriques sont formés par des individus triclinaux: ils ont un nombre de 6. De plus ce cristal minéral peut se macler suivant une autre loi.

Apophyllite: Quadratique extérieurement, elle est formée d'individus monocliniques. Elle paraît former une pyramide quadratique; mais est en réalité formée de nombreux lamelles monocliniques, maclées dans 2 directions, et maintenant les faces de prisme, et de macradôme.

Leucite: Régulière extérieurement ou tétraèdre; von Rath reconnut une maclé suivant le dodécaèdre rhombé, et le angle de système quadratique. Les cristaux ont formés de deux lamelles maclées suivant le rhombo-dodécaèdre (= Douteopyramide  $mP_{12}$ ); chaque paire de faces de cette pyramide devient un des 7 assemblages de lamelles. Dans l'ensemble est très complexe.



Perovskite: à apparence cubique, et rhombique.  
Analcime, Senarmontite, à apparence cubique, mais sont minéraux.



Explication des modes: les axes se forment quand les 2 premières molécules sont orientées dans un mécanisme de leur formation en se rapportant la formation moléculaire des cristaux.

on se rappelle en effet que dans la théorie moléculaire, un cristal se forme, quand des molécules en liberté se répartissent régulièrement dans la position d'équilibre qui leur convient la mieux, et de telle sorte que leurs axes de même nature soient parallèles. Quand un corps passe de l'état amorphe à l'état cristallin, il peut arriver que la molécule se fixe après qu'elle est complètement orientée, ou elle peut se fixer avant d'être complètement orientée. Respectivement par a. b. c. en grandeur et en direction, les résultantes des forces qui sollicitent chaque molécule à s'orienter: si la molécule est complètement orientée, et à l'état d'équilibre les 3 axes sont parallèles, comme en A.

Quand les molécules sont fixées avant de s'être orientées entièrement dans leur état cristallin (équilibre & axes parallèles), le parallélisme des axes peut être nul, ou peut avoir un angle; ainsi les axes a peuvent être parallèles sans que les autres le soient (ce sont des associations très irrégulières). Quand un axe est ainsi parallèle, et qu'il y a le plus une place (a b) d'orientations, parallèle (on a des modes) et on peut distinguer les 3 cas suivants:

- B. les 2 molécules ont a. b. parallèles, pas c. On revient alors à A par rotation de  $180^\circ$  avec axe de rotation perpendiculaire au tableau.
- C. les 2 molécules ont a. b. parallèles, et le plan a b, pas c ni b; l'axe a est dans le même sens. on revient à A par rotation de  $180^\circ$  autour de l'axe a.
- D. les 2 molécules ont a. b. parallèles et le plan a b, pas c ni b; l'axe a est en sens inverse. on revient à A par rotation autour d'un axe normal à a situé dans le plan a b.

Si donc 2 molécules considérées ici, il vient s'en joindre un nombre d'autres, il se formera un cristal simple si elles se fixent comme A, il se formera des modes si elles se fixent comme B. C. D.

Les modes se forment donc quand les 2 premières molécules d'un cristal étant orientées et fixées, elles ne s'accroissent pas de la même façon, mais bien comme un corps droit et un corps gauche.

Associating de cristaux d'apures divers: Ils, présentent une face parallèle au moins, et au moins une arête parallèle, au cristaux mit sont réellement orientés les par rapport à l'autre.

Associations de Diathème & Hauvorthite.

- Les formes de rectile.
- ortho, albite - volco et arête est.
- augite, amphibole d'après Härdinger.

Des molécules d'apures différentes peuvent être agies les uns sur les autres, pour s'orienter. On peut pour confirmation mettre un rhomboïde de calcite dans une dissolution concentrée d'azotate de soude, il se forme sur les arêtes de petits rhomboïdes parallèles d'azotate de soude; un cristal d'augite dans une dissolution d'azotate de chaux se couvre de petits prismes d'azotate de chaux, véritablement orientés.

Pseudomorphoses: cristaux nets extérieurement, mais ayant une structure interne incompatible avec la forme, ou même amorphe. Les pseudomorphoses sont donc de 2e, minéraux cristallins ou amorphes, qui sans être de cristaux, ont la forme cristalline d'autres minéraux, ou même une texture.

1. Pseudomorphoses de remplissage, après dissolution (Pseudomorphose).
2. Pseudomorphoses proprement dites, appartenant chimiquement à la substance. Changements moléculaires, tout l'eau est l'agouté, oxidisée, (transformation de feldspath en mica) ou même l'air (chlorite et limonite).  
Les, eau doit être présente lentement et longtemps les cristaux cristallins pour produire ce résultat.
3. Pseudomorphoses homocènes: quand une seulement la forme et les angles sont conservés, mais que de plus les paillettes de source minéral sont orientés, comme elles de l'ancien et que les clivages sont aussi conservés (conservés) forme externe de l'augite, et forme de fibres de Hauvorthite.  
Et au temps très difficile d'étudier les pseudomorphoses. On les observe aux très au microscope, on en voit leur marche: byrite en goethite, pléovine en serpentine, feldspath en mica. Ils se développent de la sphérodite au centre, ou suivant les clivages, ou à partir du centre.

- Fossilisation -

Figures de corrosion: La symétrie intérieure des cristaux, dont les faces ne sont pas suffisamment développées, peut être très heureusement mise en évidence par les phénomènes de corrosion. Quand une face cristalline est exposée à l'action de vapeurs ou de liquides capables de détruire ou de dissoudre la substance cristalline, cette face communique par sa courbe de cavités qui deviennent sur son plan des figures de corrosion (actyffigures). L'étude de ces figures donne de précieuses indications sur la structure intérieure des cristaux, si l'on admet que les parois des cavités représentent des surfaces d'égal résistance vis-à-vis des réactifs employés, et par conséquent appartenant à des plans cristallins de l'espèce.

Lorsque la corrosion se fait trop rapidement les figures affectent en général des contours courvilignes; quand on va lentement, les contours deviennent très nets et les cavités sont limitées par des facettes planes. Si tenant la face cristalline horizontale, on projette verticalement, de bas en haut, l'agent de corrosion sur un point déterminé, on obtient une incision unique et d'une grande dimension. Au contraire en étendant le liquide ou le vapeur sur toute la surface, on fait naître un nombre plus ou moins grand de cavités, qui donnent à l'ensemble un aspect lamelleux, et dont l'étude doit se faire au microscope.

Comme résultat général on peut dire, que les figures de corrosion sont de véritables cristaux symétriques ou en miroir, qui changent avec la nature de l'agent et avec l'orientation de la face cristalline, mais qui demeurent les mêmes pour tous les points d'une même face ainsi que pour toutes les faces d'une même forme simple. Dans tous les cas, leur symétrie exprime absolument celle du cristal.

Dans toute l'étendue d'une même face, les figures sont semblables et ont la même orientation, à moins qu'il n'y ait une marche, auquel cas le changement de direction de figures le fait immédiatement reconnaître.

Exemple: Cube de sel gemme, à cavités quadrangulaires, exposé à l'air.  
fer natif cubique — A. — par acides.  
Calcite sur face R, l'acide chlorhydrique développe figures triangulaires, si l'on voit à la face de Rhomboïde et de Scaliroïdes.  
l'acide sulfurique développe les losanges, à diagonales parallèles à celle de R.



Quartz par H.F.L. montre les figures différentes sur  $\mu$  et  $e/2$ ; les axes allongés horizontalement  $\mu$ , les autres  $e/2$  descendant de droite à gauche, ou inversement suivant le sens du quartz.

Miner. microscopie, H.F.L. figure rhomboïdique. La corrosion ne s'attache pas seulement aux faces, mais aux arêtes, une sphère de Calcite attachée par l'acide sur le plan d'un prisme hexagonal.

Les figures de corrosion s'expliquent pour les cristaux asymétriques.  
Corrosions naturelles; les mêmes tenues par la nature.

cristaux mimétiques.

De la pseudosymétrie : arragonite. — (Biotite, clinohlore, glaucite).

De la mimésis : mûles de cristaux pseudosymétriques; leur existence.  
elle explique les anomalies.

Exemples : microcline : forme monocline, à lamelles triclinaques.

chabasite : — rhomboédrique, à lamelles triclinaques.

apophyllite : — quadratique, à lamelles monoclinaques.

léucite : — régulière à lamelles quadratiques.

brunohite : — régulière, à lamelles rhomboédriques.

malachite, leucosmaragde, etc. — à lamelles monoclines, etc.

Interprétation théorique de mûles : Rappet de la théorie moléculaire.

molécule binaire (cristaux amorphes), commençant à s'orienter (mûles), orientée (cristaux).

les molécules de mûles ont un axe, et un plan d'orientation parallèles (divers cas possibles).

les molécules de mûles s'orientent comme un corps droit et un corps gauche.

Association minérale d'espèces diverses : 1 face et 1 arête parallèles, et deux arêtes l'un per-  
pendiculaire à l'autre

Ex : diaspase & stannite, fer titan & rutile, orthose & albite, angite & amphibole.

Exemples en carb. de chaux (calcite & arragonite).

Pseudomorphes : 1. Polymorphes.

2. Pseudomorphes proprement dits, hétéroaxes. — les agents extérieurs (eau, air).

3. ———— homoaxes; (ouralite).

leur marche étudiée au microscope. — Fossilisation.

Figures de corrosion : développement de la symétrie intérieure de cristaux.  
méthode épitaxiales.

Résultats : cristaux nés, variables avec l'agent et la face, constants pour une  
même face et les faces d'une même forme, symétrie identique à celle du cristal.

Elle dissout les mûles, les cristaux mimétiques.

Exemples : sel gemme, calcite, quartz, microcline.

Corrosions sur les arêtes. — Corrosions naturelles.



Systeme Régulier : formes Holédriques.

Systèmes cristallins :

H. Kopp. p. 40.

Toutes les formes cristallines se rapportent à 6 systèmes, d'après le nombre, la position, et les grandeurs relatives de leurs axes (même Symétrie); les différentes formes d'un même groupe peuvent prendre part aux mêmes combinaisons.

Chacun de ces systèmes cristallins a un système d'axes déterminé, et une forme fondamentale.

~~Les formes simples peuvent être répétées en plusieurs groupes cristallins, en particulier pour les formes cubiques, qui sont symétriques, et par conséquent les différentes formes d'un même groupe peuvent prendre part aux mêmes combinaisons.~~

1. Système régulier : 3 axes égaux à angles droits entre eux. on peut placer chaque forme de ce système de telle façon, qu'elle soit formée en haut et en bas, comme à droite et à gauche, comme devant et derrière, et que ces 3 directions soient perpendiculaires entre elles. S. triquettinaire

2. Système quadratique : 3 axes perpendiculaires entre eux, 2 égaux, 1 différent. on peut placer chaque forme de ce système de telle façon, qu'elle soit formée à gauche et à droite, comme en avant et en arrière, mais différemment de ce qu'elle est en haut et en bas; ces 3 directions sont perpendiculaires entre elles. S. quaternaire

3. Système rhombique : 3 axes inégaux perpendiculaires entre eux. on peut placer chaque forme de ce système de telle façon, qu'elle soit formée différemment de droite à gauche que de haut en bas, et différemment que de devant en arrière; ces 3 directions sont perpendiculaires entre elles. S. binaire

4. Système monoclinique : 3 axes inégaux, dont 2 sont perpendiculaires entre eux, et 1 oblique ~~entre eux~~ relativement au troisième. on peut placer les formes de ce système, de telle façon, qu'elle soit formée différemment de droite à gauche, que de haut en bas, et que la direction ~~de droite en arrière~~ <sup>de droite en avant</sup> soit perpendiculaire à celle ~~de gauche en arrière~~ <sup>de gauche en avant</sup>, ainsi qu'à celle de haut en bas; tandis que la direction de haut en bas soit oblique à celle de ~~droite à gauche~~ <sup>droite en arrière</sup>. S. unibinaire

5. Système triclinique : 3 axes inégaux, obliques entre eux. S. unitaire

6. Système hexagonal : 3 axes formés dans un même plan des angles de 60° entre eux, et un 4<sup>e</sup> axe perpendiculaire aux précédents.

ce système se rapproche du S. quadratique; il a comme celui-ci des axes perpendiculaires, un seul étant différent des autres. si on place verticalement cet axe spécial, on voit que les formes quadratiques comme les hexagonales, sont formées à gauche et à droite différemment de haut et en bas; tandis que ces formes sont formées de même sur les côtés, dans 2 directions dans le S. quadratique, et dans 3 directions dans le S. hexagonal.

S. Seinaire  
S. ternaire

Systeme reguliers

3 Plans de symetrie principale, perpendiculaires entre eux.  
6 Plans " ordinaires, bissecteurs des arêtes.

Caractères fondamentaux.

Différentes formes régulières: Il y en a 13 qui se rangent en 6 groupes d'après le nombre de leurs faces:

- 1: 1 forme à 4 faces: tétraèdre
- 2: 1 forme à 6 faces: Hexaèdre (Cube)
- 3: 1 forme à 8 faces: octaèdre
- 4: 4 formes à 12 faces: Dodecaèdres, 1. Rhombe - 2. Rhomboïdal  
 (forme de faces: } 2. Trigonal  
 } 3. Deltéide ~~hexagone~~  
 } 4. pentagonal
- 5: 5 formes à 24 faces: Icositétraèdres, 1. J. tétraèdre hexaèdre  
 d'après le } 2. J. triaèdre octaèdre  
 groupement des faces en système } 3. J. hexaèdre tétraèdre  
 } 4. J. dyaèdre dodecaèdre  
 } 5. J. Icositétraèdre
- 6: 1 forme à 48 faces: Hexaèdre octaèdre.

Formes Holoédriques, cf. Hémiédriques: Les formes précédentes mieux caractérisées par la position des faces que par leur nombre; le nombre dépend de la position. En tenant compte de la position, on reconnaît que beaucoup de formes précédentes ne sont que des Hémiédries des autres.

Formes Holoédriques:

- Hexaèdre —————> Cube
- octaèdre —————> octaèdre
- Dodecaèdre rhombe —> Dodecaèdre rhomboïdal (granatoïde)
- tétraèdre —> tétraèdre hexaèdre —> Hexaèdre tétraèdre, cube pyramide.
- octaèdre —> triaèdre octaèdre —> octaèdre, octaèdre pyramide.
- Icositétraèdre —> tétraèdre pyramide (leucitétraèdre).
- Hexaèdre octaèdre —> Hexaèdre octaèdre Hexaèdre

Formes Hémiédriques à faces parallèles:

- Dodecaèdre pentagonal pentagone décaèdre
- Dyaèdre dodecaèdre Dyaèdre, dodecaèdre

Formes Hémiédriques à faces obliques:

- tétraèdre
- Dodecaèdre trigonal —> tétraèdre
- I —> Deltéide —
- Hexaèdre tétraèdre —> Hexaèdre

Dans la nature, il y a une grande distinction entre les formes Holoédriques et les Hémiédriques, puisqu'une même espèce minérale est toujours Holoédrique ou toujours Hémiédrique.

Description des formes régulières Holédriques:

Cube: 6 faces carrées égales  
12 arêtes égales formant entre elle des angles  $90^\circ$   
8 angles solides trigones.  
Position des axes.

Exemples: sel gemme, Fluorine, Galène.

Octaèdre: 8 faces, triangles équilatéraux.  
12 arêtes égales, formant angles de  $109^\circ 28' 16''$   
6 angles solides à 4 pans.  
Position des axes.

Exemples: Alum, Aisnant, Azurite, Galène.

Dodécaèdre rhomboidal:

faces: 12 rhombes égaux et semblables  
arêtes: 24 égales, formant angles de  $120^\circ$   
angles: 6 à 4 pans (quadruples)  
8 à 3 pans (triples)  
Position des axes.

Ex.: grenat, Borax.

Tétrakis hexaèdre (Cube pyramide):

faces: 24 triangulaires, isocèles, égales { forme limitée entre  
l'octaèdre et le  
dodécaèdre rhomboidal }  
arêtes { 12 cubiques  
24 pyramidales }  
angles solides { 6 octaédriques - quadruples  
8 cubiques - sextuples }

Position des axes.

Ex.: Fluorine, Pyrite, Diamant.

Triaquis octaèdre, octaèdre pyramide:

faces: 24 triangulaires, isocèles { forme limitée entre  
l'octaèdre et le  
dodécaèdre rhomboidal }  
arêtes { 12 octaédriques  
24 pyramidales }  
angles solides { 8 triples - cubiques  
6 octogonaux, octaédriques }

Position des axes.

Ex.: Azurite, Galène, Diamant.

Trois tétraèdre, tétraèdre pyramide: { limite octaèdre et tétraèdre }

faces: 24 tétraédriques.  
arêtes { 24 plus grandes - 2 par 2 sur arêtes octaédriques  
24 plus petites - 3 par 3 sur faces octaédriques }  
angles solides { 6 quadruples, octaédriques.  
8 triples, cubiques.  
12 quadruples }

Position des axes

Ex.: leucite, analcime, grenat.

Hexakis octaèdre:

faces: 48 triangles scalènes, égaux.  
arêtes: 72 { 24 plus longues  
24 moyennes  
24 plus courtes }  
angles solides: 26 { 6 sextuples  
8 octuples  
12 quadruples }

Position des axes (joignent les angles octuples)

Ex.: Diamant, grenat

D'après von Rath la leucite est quadratique.

Derivation & Notation des formes simples Holédriques:

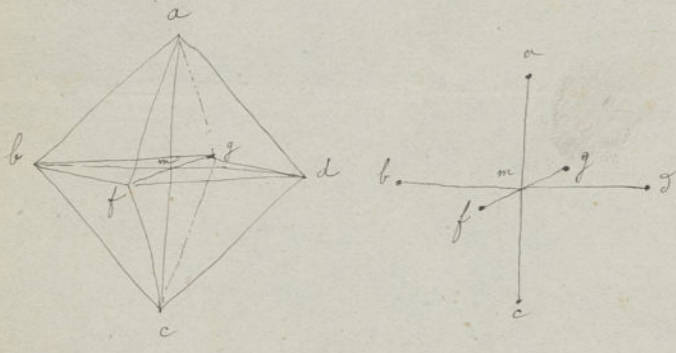
Les sept formes Holédriques régulières ont de grandes relations entre elles, on peut par conséquent les représenter par un système unique de notation, égale à la notation des formes cristallines sur un système d'axes déterminé et une forme fondamentale.

La notation est abrégée les descriptions, elle repose sur la relation des axes et la position des faces: - Ex: les formes du système régulier se rapportent à 3 axes égaux, à angles droit entre eux; chacun d'eux peut être choisi comme axe principal. on considère l'octaèdre de ce système comme forme fondamentale: il a 6 angles solides égaux entre eux, chacun de ces angles est également éloigné du centre du cristal (point où les axes se coupent); les demi-axes  $ma, nb, mc, md, me, mg$ , sont égaux entre eux (paramètres, ou ordonnées), chaque face de l'octaèdre coupe les 3 axes à la même distance du point central. D'après Weiss les différentes faces du cristal sont caractérisées, par la distance du point central, à laquelle chacune de ces faces coupe les différents axes du cristal. Ainsi les faces de l'octaèdre régulier coupent, chacune des 3 axes à la même distance du point central; nous pouvons appeler cette distance  $a$ , et la face de l'octaèdre se trouve alors caractérisée par la notation  $a : a : a$ . D'après Naumann la face de l'octaèdre est représentée par  $O$ , parce que la face de l'octaèdre coupe les 3 axes à une même distance  $m$  du centre, c'est à dire à une distance  $ma = mb = mc$  que nous appelons 1.

Si on modifie les angles de l'octaèdre par des faces qui croissent jusqu'à la disparition de l'octaèdre, on obtient un **Cube**. Supposons des faces menées par les points  $a$  et  $c$ , et parallèles aux axes  $bd$  et  $fg$  ou si l'on veut qui les rencontrent à une distance infinie; la position de ces faces est caractérisée par Weiss comme suit  $a : \infty a : \infty a$ . on peut en dire autant des 2 autres faces, que l'on mènerait par les points  $b$  et  $d$  parallèles aux plans des axes  ~~$ac$~~  et  $fg$ ; et des 2 autres faces menées par les points  $f$  et  $g$ . - Les 6 faces constituent ensemble un Cube. Naumann désigne le **Cube** par  $\infty O \infty$ , signe qui signifie, que chacune de ses faces est parallèle au plan de deux axes, et les rencontre à une distance infinie.

Si sur chaque face du Cube, on place une pyramide quadrangulaire, dont la hauteur est égale à la moitié du côté de la base, on obtient le **Cube pyramide**. on reconnaît que la position des faces de ce solide, est telle que, chaque face, est parallèle à un des axes, et coupe les 2 autres axes à des distances qui sont entre elles comme 1 et à 2. Pour cette raison, les faces du Cube pyramide sont désignées par Weiss par la formule:  $a : 2a : \infty a$ .; Naumann les désigne par  $2 O \infty$

Comme Naumann choisit  $O$  pour la représentation de l'octaèdre (forme fondamentale du système régulier), il choisit  $P$  pour représenter



Les plus communs sont  $\infty O \frac{3}{2}$ ,  $\infty O 2$  et  $\infty O 3$ .

des autres systèmes (Pyramides). Il représente  
les formes hémihédriques et tétrahédriques par  
une fraction, dont le numérateur est le  
signe de la forme holoédrique correspondante,  
et le dénominateur le nombre 2 ou 4.  
Ainsi par exemple  $\frac{1}{2}$  avec le signe du  
demi-octaèdre, ou tétraèdre. — on réunit par  
des points les signes des différentes formes qui  
entrent dans une combinaison; on commence par  
citer les formes dominantes.

= Si sur chaque arête de l'octaèdre on fait une tronçature, parallèle à l'axe qui n'est pas rencontrée par cette arête, on obtient le Dodécaèdre rhomboïdal. Chacune de ses faces est caractérisée par le paramètre  $\infty : 1 : 1$ ; sa notation sera donc  $\infty 0$ .

Les plus communs dans la nature sont  $20, 20$ , et  $30$

= Si on prolonge les demi-axes de l'octaèdre à des longueurs proportionnelles  $m$ , rationnelles et plus grandes que 1, et que l'on modifie les arêtes de cet octaèdre par des biseaux qui coupent à des distances  $m$  l'axe qui n'est pas rencontré par cette arête, on obtient le Triakis octaèdre. Chacune de ses faces est caractérisée par le paramètre  $m : 1 : 1$ ; sa notation sera donc  $m 0$ .

Les plus communs sont 302 et 303; le premier est celui de l'amalgame et du grenat.

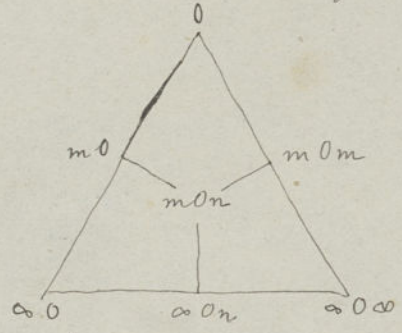
= Si on prend Sur chaque demi-axe de l'octaèdre une longueur  $m$ , et qu'on modifie chaque angle solide de l'octaèdre par un pointement  $m$  les 2 autres axes de l'octaèdre, on obtient le Troisitetraèdre (Tropizèdre). Chacune de ses faces est caractérisée par le paramètre  $m : m : 1$ ; sa notation sera donc  $m 0 m$ .

Les plus communs sont  $30\frac{3}{2}$ ,  $402$ ,  $50\frac{5}{3}$

= Si on prend Sur chaque demi-axe de l'octaèdre deux longueurs différentes  $m$  et  $n$  plus grandes que 1, et qu'on modifie chaque angle solide par un pointement à 8 faces, de sorte que les 2 faces-biseaux de chaque arête coupent les autres axes aux distances  $m$  et  $n$ , on obtient l'Hexakis octaèdre. Chacune de ses faces est caractérisée par le paramètre  $m : n : 1$ ; la notation sera donc  $m 0 n$ .

— on peut aisément démontrer théoriquement qu'il n'y a que 7 rapports possibles entre les paramètres; ce sont ceux que nous venons de voir réalisés.

Résumé des formes Holoédriques: on reconnaît facilement dans le schéma suivant les passages et les relations qu'il y a entre toutes les formes Holoédriques régulières.



Dans les angles du schéma sont les 3 formes extrêmes; sur les côtés sont les 3 solides à 24 faces, qui ont leurs limites de chaque côté; au centre est le solide à 48 faces.

Système régulier + formes Hémiédriques



Description des formes régulières hémihédriques.

1. Formes hémihédriques à faces obliques:

Tétraèdre: 4 faces triangulaires équilatérales.  
6 arêtes égales  
4 angles solides triples, égaux.  
Position des axes.

Exemples: Boracite, Canabase (cuivre gris).

Dodécèdre trigone: (Tétraèdre pyramidal):

12 faces triangulaires isocèles  
18 arêtes } 6 ar. égales, tétraédrique.  
                  } 12 arêtes pyramidales.

8 angles solides } 4 sextuples  
                          } 4 triples  
Position des axes

Ex.: Eulyne (bismuth siccité), Cuivre gris

Dodécèdre deltaïde (Crapézoèdre à 12 faces).

12 faces trapézoïdales.  
24 arêtes } 12 plus longues, sur les arêtes du tétraèdre.  
                  } 12 plus courtes, pyramidales.

14 angles solides } 6 quadruples  
                          } 4 triples aigus  
                          } 4 triples obtus

Position des axes  
Ex.: Tétrahédrite } Canabase, Cuivre gris antimonial  
                          } Cémentite, " arsenical

Hexahédraèdre:

24 faces triangulaires scalènes  
36 arêtes } 12 sur les arêtes du tétraèdre.  
                  } 12 plus longues } sur les faces du tétraèdre.  
                  } 12 plus courtes }

14 angles solides } 6 quadruples  
                          } 4 sextuples aigus  
                          } 4 obtus.

Position des axes.  
Ex.: Diamant, Boracite.

Dérivation et notation des formes hémihédriques obliques.

on les obtient en développant les faces des Octaèdres alternés et en réduisant les arêtes jusqu'à disparition, des formes hédrales correspondantes.

Le tétraèdre est l'hémihédrie de l'octaèdre  $\frac{0}{2}$   
on distingue le positif, et le négatif; ils sont complémentaires ou opposés.

Le dodécèdre trigone est l'hémihédrie du dodécèdre  $\frac{m0m}{2}$

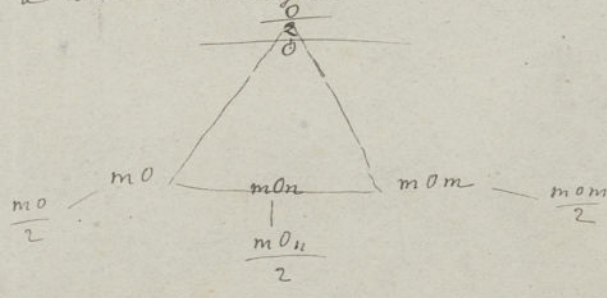
Le dodécèdre deltaïde est l'hémihédrie du dodécèdre  $\frac{m0}{2}$

L'hexahédraèdre est l'hémihédrie du cube à obf.  $\frac{m0n}{2}$   
par les octaèdres alternés.

forme commune  $\frac{202}{2}$  Fabberg (cuivre gris)

forme commune  $\frac{30}{2}$  Fabberg (cuivre gris)

Résumé: on les reconnaît facilement dans le schéma des formes hédrales; on ne considère que le haut du triangle:



2<sup>e</sup> Description des formes hémihédriques à faces parallèles

Pentagondodécaèdre :

- 12 faces pentagonales, symétriques égales
- 30 arêtes { 6 culminantes égales  
24 ordinaires égales
- 20 angles solides { 8 cubiques réguliers, triples.  
12 culminants, triples, non réguliers.
- Position des axes
- Exs.: Pyrite, Cobaltine.

Dyakisodécaèdre :

- 24 faces trapézoïdales
- 48 arêtes { 12 courtes, sur les 6 du pentagone solidaire  
12 longues, sur les faces - 3<sup>e</sup>  
24 moyennes, sur les 24 du Pent. dodécaèdre
- 16 angles solides { 6 quadruples, à faces égales.  
8 trigonaux  
12 quadruples, à faces inégales
- Position des axes.
- Exs.: Pyrite

Dérivation et notation des formes hémihédriques parallèles :

Le Pentagondodécaèdre et l'hémihédrie du tétraèdre  $\frac{\infty 0 m}{2}$

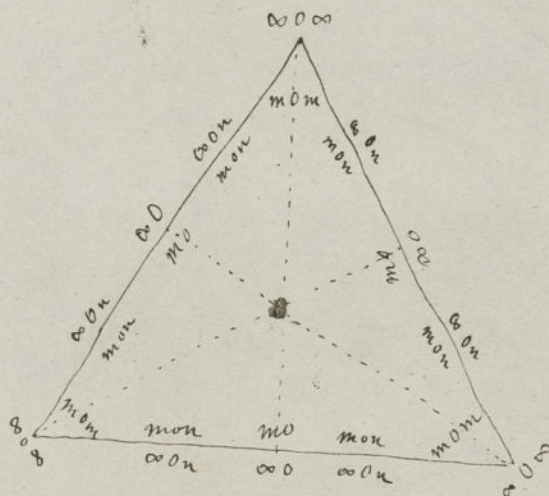
Le Dyakisodécaèdre et l'hémihédrie du cube à 28 faces,  
par les faces alternantes, prises 2 à 2, de chaque côté d'une arête médiane.

$\left[ \frac{m 0 n}{2} \right]$

Le seul cas possible est  $m = n^2$

Combinaisons des formes du système régulier : elles sont évitées par l'observation.

~~Le géomètre~~ Kempt propose le schéma suivant pour aider les déterminations des formes composées; il montre aux yeux la position des diverses faces modifiantes (représentées par leurs signes) relativement à la face d'un octaèdre



Systeme Quadratique

# Formules pour les relations entre les axes et les angles

$c$  longueur de l'axe principal

$A$  incl. des faces dans les dièdres pyramidaux. Protopyrr.

$B$  incl. des faces \_\_\_\_\_ de base. id.

$A'$  \_\_\_\_\_ Dextropyrr.

$B'$  \_\_\_\_\_ Sen. it.

$$c = \cot. \frac{A}{2}, \quad \text{sinus} \quad \cos. \frac{B}{2} = \cot. \frac{1}{2} A ;$$

$$c = \operatorname{tg} \frac{1}{2} B \cdot \sqrt{\frac{1}{2}} ;$$

$$\cos \frac{1}{2} A = c \cdot \cos \frac{1}{2} B ;$$

$$\cos A = - \frac{1}{2c^2 + 1}$$

$$\cos B = - \frac{2c^2 - 1}{2c^2 + 1}$$

Principe:

Les longueurs interceptées par une face quelconque, sur les 3 axes cristallographiques, sont respectivement proportionnelles aux inverses des cosinus des angles que la normale à cette face fait avec les axes conjugués.

|                                       | c     | $\alpha. \gamma.$<br>angles<br>Calculated | $\alpha.$<br>angles<br>latitudes | latitude to<br>Pole to the face |
|---------------------------------------|-------|---|----------------------------------|---------------------------------|
| Wooran $Si^2 Al^2 Ca^3$               | 0.54  | 129. 21                                   | 74. 17                           | 37. 73                          |
| zircon $ZrO^2 + SiO^2$                | 0.64  | 123. 19                                   | 84. 20                           | 42. 10                          |
| Rutile $TiO^2$                        | 0.64  | 123. 8                                    | 84. 40                           | 42. 20                          |
| Cassiterite $SnO^2$                   | 0.67  | 121. 35                                   | 87. 17                           | 43. 38                          |
| Mullite $Al^2 C^{12} O^{12} + 18 aq.$ | 0.74  | 118. 17                                   | 93. 1                            | 46. 30                          |
| Octaèdre régulier                     | 1     | 109° 28'                                  | 109° 28'                         | 54°, 44'                        |
| Hauemannite $MnO + Mn^2O^3$           | 1. 15 | 105° 51'                                  | 116. 59                          | 58. 30                          |
| apophyllite (Zircon)                  | 1. 75 | 104. 0                                    | 121. 4                           | 60. 32                          |
| Anatase $TiO^2$                       | 1. 77 | 97° 55'                                   | 136. 30                          | 68. 18                          |

Chalkopyrite  $\frac{mP}{2}, \frac{nPn}{2} Cu^2 Fe^2 S_4$

# Systeme quadratique

Systeme du Prisme droit à base carrée (Pendant, Dupré.)  
1 axe de symétrie principale  
4 plans " ordinaire, perpendiculaires au précédent.

Caractères fondamentaux: axes, symétrie.  
Différentes formes quadratiques: il y en a 8 qui se divisent en 2 groupes:

- 1<sup>o</sup> formes fermées, de grandeurs définies
1. Pyramide quadratique (3 espèces), octaèdre à base carrée.
  2. Pyramide ~~à 8 côtés~~ octogonale, d'octaèdre.
  3. Sphéroïde quadratique (correspond au tétraèdre).
  4. Staléroïde quadratique ou tétraèdre.
  5. Trapezocèdre quadratique
- 2<sup>o</sup> formes ouvertes, de grandeurs indéfinies
6. Prismes quadratiques (2 espèces), prisme à base carrée.
  7. Prismes ~~à 8 côtés~~ octogonaux, prisme octogonal symétrique.
  8. Pinacoides

La dérivation nous montre que les formes ouvertes ne sont que des formes limites des formes fermées.

Les formes fermées se divisent en:

- |               |   |  |
|---------------|---|--|
| Holoédriques  | { | Pyramide quadratique (1 <sup>re</sup> et 2 <sup>es</sup> ) |
|               |   | Pyramide octogonale  |
| Mésométriques | { | Pyramide quadratique (3 <sup>e</sup> espèce)               |
|               |   | Sphéroïde "  |
|               |   | Staléroïde "   |
|               |   | Trapezocèdre "   |

Description des formes quadratiques

f. fermés : Pyramide quadratique :

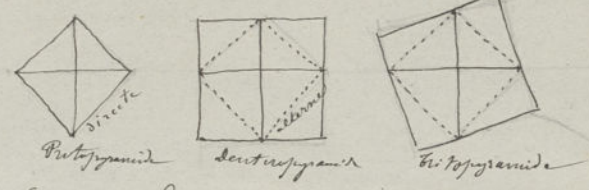
- 8 faces, triangles isocèles égaux.
- 12 arêtes { 8 culminantes.
- { 4 basiques.
- 6 angles { 2 culminants
- { 4 basiques

Symétrie quaternaire

axe principal ——— quaternaire  
 axes secondaires — axes p. primaires { Binaires  
 .. secondaires .. axes p. secondaires }  
 angles polaires  
 arêtes polaires  
 1 plan de symétrie principal  
 .. .. .. .. ..

grand nombre de pyramides carrées, basées sur les relations diverses de longueurs des axes.

3 pyramides différentes basées sur les relations différentes des arêtes médianes et des axes quaternaires :



Exemples : Protopyramide, Deutopyramide : Zircon, Schelbite

Dioctaèdre :

- 16 faces, triangles scalènes. — sa base est un octogone, à angles alternés égaux (Ditétragone)
- 24 arêtes { 8 longues, aiguës } polaires.
- { 8 courtes, obtuses } polaires.
- { 8 basiques
- 10 angles { 2 polaires ditétragonaux.
- { 4 quadruples, obtus } basiques
- { 4 aigus } basiques

Position des axes (nebenaxen, zwickelaxen).  
 Exemples : Zircon, Vesuvienne, Cassitérite.

Sphénoïdre : c'est le tétraèdre de ce système.

- 4 faces, triangles isocèles égaux.
- 6 arêtes { 2 culminantes
- { 4 latérales
- 4 angles solides égaux
- Position des axes.

Exemple : Chalkopyrite (cuivre pyriteux).

Skalinoïdre tétraogonal :

- 8 faces, triangles scalènes.
- Les arêtes de base, montant et descendant en zigzag.
- Hémioïdre du Dioctaèdre.

Exemple (unique) : Chalkopyrite.  
 Protopyramide : mionite, schelbite (ca Wo), stobite (Zn Wo)  
 Trapezocèdre quadratique : Phosgenit, sels artificiels.  
 avec moitié à descendre en zigzag.

f. ouvertes : Prisme à base carrée : (sauf formée cristalline)

- 6 faces { 2 carrés
- { 4 latérales rectangulaires
- 12 arêtes { 8 basiques
- { 4 latérales
- 8 angles solides droits.

D'après la position des nebenaxen, il y a 2 espèces de Prismes, correspondants aux Pyramides.

Prisme à base dioctaédrique :

- faces 10 { 8 faces latérales rectangulaires
- { 2 faces terminales
- arêtes { 8 basiques
- { 8 latérales — { primaires
- { secondaires

Pinacoides : Paire de faces parallèles à la base

La combinaison avec d'autres faces, est une condition essentielle d'existence de formes ouvertes.

L'loi de Häuy

de la forme fondamentale : on conserve le signe  $a$  pour les axes secondaires et on appelle  $c$  l'axe principal. La position des faces sera encore déterminée comme dans le système régulier ;  $a : a : c$  désignera une face qui coupera les 2 axes égaux à la même distance du point central, et le 3<sup>e</sup> axe à une distance différente.  $c$  représente un nombre déterminé que l'on doit rechercher, et obtenir par un calcul spécial, pour chaque substance cristalline quadratique.

Pour chacune de ces substances (ou espèces minérales) il y a plusieurs valeurs de  $c$ , d'après la loi de la Proportionalité des axes. En appelant  $P$  celle de ces pyramides qu'on choisit comme forme fondamentale, on désignera les autres pyramides par la formule  $mP$ ,  $m$  nombre entier ou fractionnaire exprimant le rapport de l'axe vertical de la pyramide dérivée à la pyramide fondamentale. Connaissant la valeur de la forme fondamentale, on arrive facilement aux formes dérivées ; aussi ne cherche-t-on qu'à déterminer  $c$  de la Pyramide fondamentale. On trouve facilement  $c$  par un simple calcul trigonométrique, connaissant  $a = 1$  et les angles dièdres basiques, qu'on mesure directement.

La grandeur de l'axe principal  $c$  est toujours rapportée à la longueur d'un axe secondaire pris comme unité ; ainsi un cristal où  $c = 1,888$  montrerait qu'une face  $a : a : c$  couperait l'axe principal à une distance 1,888 fois plus grande du point central, que les 2 axes secondaires. — la face  $a : a : \infty c$  couperait les 2 axes secondaires à la même distance du point central, et serait parallèle à l'axe principal.

I On trouve ainsi que les rapports de longueur des axes de  $P$  sont 1 : 0,67 pour la cassitérite, 1 : 1,77 pour l'anatase ; etc. voir le tableau.

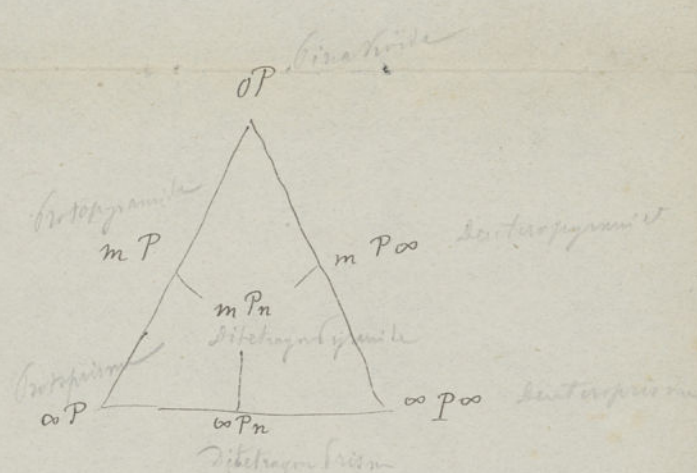
I



4  
 Dérivation et notation de formes quadratyp

- si on prend sur l'axe principal de P une longueur  $m$  de chaque côté du centre, et qu'on prolonge ces points les plans qui coupent  $a:a$ , on obtient une nouvelle Protopyramide. les plus communs sont  $\frac{1}{2}P$ ,  $2P$ ,  $3P$ .
- si  $m$  devient  $\infty$ , la pyramide nouvelle devient de plus en plus aigue, et les faces ne se rencontrent plus sont parallèles, et donne la forme  $\infty P$ , Protoprisme.
- si  $m$  devient 0, la pyramide après être devenue de plus en plus obtuse, s'applique sur la base de P, et on obtient les Pirahéides  $0P$ .
- Chaque Protopyramide  $mP$  donne naissance à diverses Pyramides ditétragonales et à un deutéropyramide. cinq faces sur chaque axe secondaire de longueur  $n$  rationnelles et plus grandes que 1, et qu'on passe par les arêtes polaires de  $mP$  deux faces qui rencontrent le 3<sup>ème</sup> axe à ces distances  $n$  on obtient la pyramide ditétragonale  $mPn$ .  
 Si  $n$  est  $\infty$  la pyramide ditétragonale passe au deutéropyramide:  $mP\infty$   
 de même que nous l'avons fait pour les protopyramides, on pourrait faire dériver du protoprisme  $\infty P$ , les prismes ditétragonaux  $\infty Pn$ , et enfin les deutéropismes  $\infty P\infty$ .

Il peut avoir toutes les valeurs, mais on ne rencontre habituellement que  $\frac{3}{2}$ , 2, 3, et  $\infty$ .



Les formes Hémiédriques se dérivent des Holédriques comme dans le système régulier.

Il est connu de les faire toutes dériver du Diocétaèdre

|                     |   |                       |                     |        |
|---------------------|---|-----------------------|---------------------|--------|
| mPn                 | Pyramide quadratypa (3 <sup>ème</sup> espèce) | Hémicédre pyramidale  | $\pm \frac{mPn}{2}$ | 1 et 3 |
|                     |   |                       | $\pm \frac{mP}{2}$  | 1 + 2  |
|                     | Sphéroïde<br>Skalenoédre                      | Hémicédre sphéroïdale | $\pm \frac{mPn}{2}$ | 1 et 2 |
| $\pm \frac{mPn}{2}$ |   |                       | 1 et 4              |        |



La combinaison de formes hémicédriques sphéroïdale et pyramidale donne des formes Tétartocédres.

Systeme Hexagonal

Formules indiquant les rapports entre les angles et les axes  
 du système hexagonal

axe horizontal = 1

axe vertical = c

Pyramide de 1<sup>er</sup> ordre A l'angle au sommet

" " B " à la base

Pyramide de 2<sup>e</sup> ordre A l'angle au sommet

" " B " à la base

$$c = \operatorname{tg} \xi, \text{ si } \sin \xi = \cotg. \frac{1}{2} A \cdot \sqrt{3};$$

$$c = \operatorname{tg} \frac{1}{2} B \cdot \sqrt{\frac{3}{4}};$$

$$\cos \frac{1}{2} A \cdot \sqrt{3} = c \cdot \cos \frac{1}{2} B;$$

$$c = \operatorname{tg} \frac{1}{2} B, \text{ en effet } \sin \frac{1}{2} B = 2 \cos \frac{1}{2} A;$$

$$\cos A = - \frac{2c^2 + 3}{4c^2 + 3};$$

$$\operatorname{tg} \frac{1}{2} B = \frac{c}{\sqrt{\frac{3}{4}}};$$

$$\cos A = - \frac{c^2 + 2}{2c^2 + 2};$$

$$\cos B = - \frac{c^2 - 1}{c^2 + 1}$$

Pour les Rhombédres, soit c la longueur du demi-axe vertical  
 rapporté aux axes horizontaux comme unités.

A l'angle latéral au sommet

B l'angle latéral

ou trace :

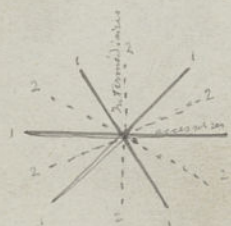
$$A + B = 180^\circ ;$$

$$c = \sqrt{\frac{3(1 + \cos A)}{2(1 - 2 \cos A)}} ;$$

$$\cos A = \frac{2c^2 - 3}{4c^2 + 3} .$$

# Systeme Hexagonal

Symetrie Senaire



axe principal  
 axes secondaires (= primaires)  
 axes intermediaires (secondaires)  
 1 Plan de symetrie (horizontal) principal  
 6 { 3 " " primaires } binaires  
 3 " " secondaires

Caracteres fondamentaux : axes, symetrie.

Differentes formes hexagonales : il y en a 11, qui se divisent en 2 groupes :

1° Formes fermes, de grandeurs definies.

1. Pyramide triangulaire
2. Pyramides Hexagonales, 3 especes.
3. Pyramides dihexagonales, ou à 12 cotés.
4. Rhomboïdes, 3 especes.
5. Scalenoïdes hexagonaux
6. Trapezoïdes Trigonaux

2° Formes ouvertes, indefinies.

1. Prismes triangulaires
2. Prismes Hexagonaux, 3 especes.
3. Prismes ditrigonaux
4. Prismes dihexagonaux ou à 12 cotés.
5. Pinacoides.

La derivation nous montre que les formes ouvertes ne sont que les formes limites de certaines formes fermes.

Les formes fermes se divisent en :

Holoedriques { Pyramides Hexagonales, 2 especes.  
 Pyramide dihexagonale

Hémiédriques ou Tetartoédriques { Pyramide triangulaire  
 Pyramide hexagonale (3 especes)  
 Rhomboïdes (3 especes)  
 Scalenoïde hexagonal  
 Trapezoïde trigonal

Nous ne considérons que les Holoédriques, et une série d'Hémiédriques, les autres étant très rares.

|                             |                       | $\frac{nP_2}{2}$                                   |
|-----------------------------|-----------------------|--|
| Tetartoédrie trapezoédrique | Pyramide triangulaire | $\frac{nP_2}{2}$                                   |
| Holoédrie                   | Pyramide Hexagonale { | protopyramide - $mP$                               |
| Holoédrie (1)               |                       | Orthopyramide - $mP_2$                             |
| Hémiédrie pyramidale        |                       | Orthopyramide - $+1 \left[ \frac{mP_2}{2} \right]$ |
| Holoédrie                   | Pyramide dihexagonale | $mP_2$   |
| Hémiédrie rhomboédrique     | Rhomboïde {           | Protos - $+ - mR$                                  |
|                             |                       | Santos - $+ - \frac{mP_2}{2}$                      |
|                             |                       | Ortho - $+ - \frac{mRn}{2}$                        |
| Hémiédrie rhomboédrique     | Scalenoïde hexagonal  | $+ - \frac{mRn}{2}$                                |
| Tetartoédrie trapezoédrique | Trapezoïde Trigonal   | $+ + \frac{mP_2}{4}$                               |
| Hémiédrie trapezoédrique    | Trapezoïde hexagonal  | $+ - \frac{mP_2}{2}$                               |

Les formes hémiédriques sont tantôt superposables, ne différant que par leur orientation à 90° : on les dit alors + et - (ex. : Rhomboïde).

Dans d'autres cas, elles ne sont pas superposables, comme la main droite et la main gauche, elles sont dites alors plagiedres ou énantiomorphes et dites { droites } ou { gauches } (Scalenoïde).

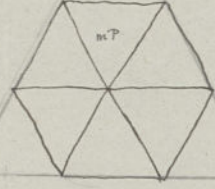
Description de formes holoédriques

Pyramide hexagonale (Dihexaèdre):

- 12 faces - triangles isocèles.
- 18 arêtes { 12 culminantes polaires.  
6 basiques
- 8 angles { 2 culminants, sextuples.  
6 basiques, quadruples.

grand nombre de Pyramides hexagonales, basées sur les relations des axes secondaires, aux arêtes secondaires.

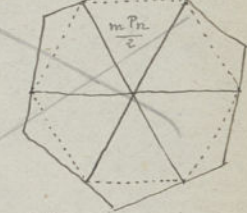
Orthopyramides



Dentopyramides



Tristopyramides



Exs.: Quartz, minuscrites apatite.

Pyramide Dihexagonale:

- 24 faces { triangles scalènes, la base de figure forme un dihexagone.
- 36 arêtes { 12 longues, aiguës (primaires)  
12 moyennes, moins aiguës (secondaires)  
12 basiques.
- 14 angles { 2 dihexagonaux  
6 basiques, aigus  
6 obtus

Exs.: Émeraude, Apatite (en combinaisons).

Prisme Hexagonal:

6 faces: parallèles à l'axe principal, et formant un Hexagone régulier.

3 espèces de Prismes correspondant aux 3 pyramides.

Prisme Dihexagonal:

12 faces parallèles à l'axe principal, et formant un dihexagone.

Pinakoid

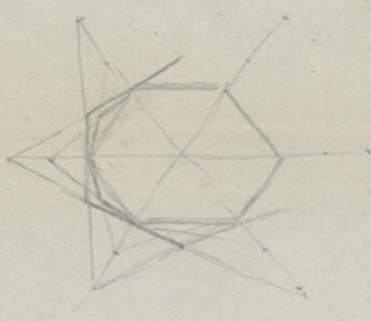
Paire de faces, parallèle à la base.

de la forme fondamentale : on conçoit la ligne  $a$  pour les axes secondaires, et on appelle  $c$  l'axe principal ; sa grandeur est mesurée en prenant  $a$  comme unité. Ainsi un cristal où  $c = 0,85$  montrerait qu'une face  $a : a : c$  couperait l'axe principal à une distance  $0,85$  fois plus grande du point central, que les 2 axes secondaires.

La position des faces sera encore déterminée comme dans le système précédent, par les distances du centre auxquelles ces faces coupent les 3 axes secondaires, et l'axe principal. On abrège, on se donnant que les distances de 2 axes secondaires, on en peut alors aisément trouver la distance du 3<sup>e</sup>. -  $c$  représente un nombre déterminé que l'on doit chercher et obtenir par un calcul spécial, pour chaque substance cristalline hexagonale.

$$a : a : \infty a : c = P$$

$$x : a : a : mc = mP$$



Dérivation et notation de formes Hexagonales Holédriques

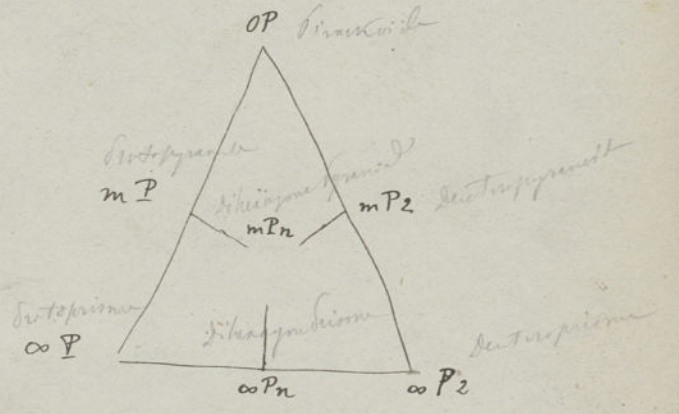
Pyramide : on l'obtient en prolongant  $c$  de longueurs proportionnelles  $m$ , on arrive à  $mP$ .

Prisme, en prolongant, on arrive à  $\infty P$

Pinacôïde, en faisant diminuer  $m$ , on arrive à  $OP$ .

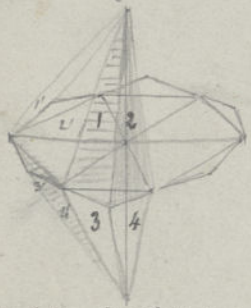
Dihexagonal Pyramide : chaque protopyramide  $mP$  donne naissance à divers Pyramides Dihexagonales et à un deutéropyramide. Si on prend un chaque axe secondaire de longueur  $n$  rationnelle et plus grande que 1, et qu'on fasse passer par les arêtes polaires de  $mP$  deux faces qui rencontrent le 3<sup>e</sup> axe à une distance  $n$  on obtient la Dihexagonal Pyramide  $mPn$ . Quand  $n = 2$  on arrive à la Deutéropyramide.

Dihexagonal Prisme : on en obtient les mêmes dérivations que pour les Pyramides.



Description des formes Hémiédriques :

S. Dihédonale



|     |                        |                            |  |
|-----|------------------------|----------------------------|--|
| 1+2 | Hémédrie Rhomboédrique | Perdre 4 plans de symétrie | $\left\{ \begin{array}{l} \text{Rhomboèdre scalénoédre hexagonal} \\ \text{Tétrapyramide} \\ \text{Trapèzoèdre hexagonal} \end{array} \right.$ |
| 1+3 | " Pyramidale           | " 6 "                      |  |
| 1+4 | " Trapèzoédrique       | " 7 "                      |  |

Rhomboèdre :

- 6 faces rhombiques.
  - 12 arêtes  $\left\{ \begin{array}{l} 6 \text{ polaires, culminantes.} \\ 6 \text{ latérales, en zigzag.} \end{array} \right.$
  - 8 angles  $\left\{ \begin{array}{l} 2 \text{ triples, culminants, réguliers.} \\ 6 \text{ triples, faibles, irréguliers.} \end{array} \right.$
- Les axes joignent le milieu des arêtes de base (protorhomboèdre). Les diédres et triédres sont des tétraèdres.

Scalénoédres Hexagonaux :

- 12 triangles scalènes.
  - 18 arêtes  $\left\{ \begin{array}{l} 6 \text{ longues} \\ 6 \text{ courtes} \\ 6 \text{ basses, comme celles du Rhomboèdre.} \end{array} \right.$
  - 8 angles  $\left\{ \begin{array}{l} 2 \text{ sextuples, polaires.} \\ 6 \text{ quadruples, basses.} \end{array} \right.$
- Les axes joignent le milieu des arêtes de base opposés. (Rhomboèdre inscrit).

Exemples : Spath Calcaire.

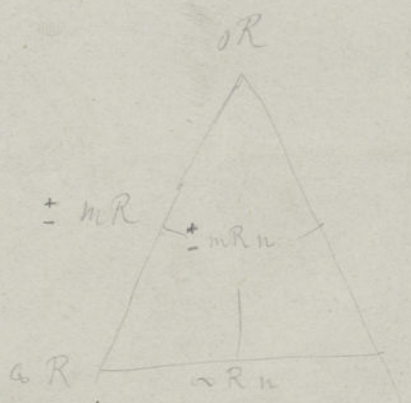
Notation et Division des formes rhomboédriques :

Rhomboèdre : forme hémédrique de la protopyramide,  $\frac{mP}{2}$ . on trouve plus communément la forme  $R = \frac{P}{2}$ . on distingue aussi les Rhomboédres  $+mR$  et  $-mR$ .

Scalénoèdre : forme hémédrique du dihexaèdre pyramidal  $\frac{mPn}{2}$  ou  $mRn$ .

$n$  est plus communément de la faire dériver du Rhomboèdre inscrit; on prolonge  $c$  la grandeur  $n$ , et on fait passer des plans sécants par les arêtes de base. Prisme dihexagonal divisé =  $\infty Rn$   
on obtient par analogie  $OR$  et  $\infty R$ .

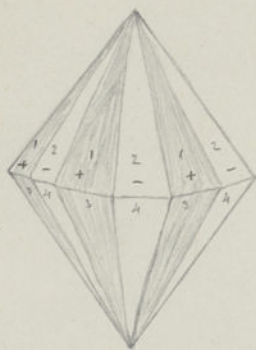
+ mR face en haut tournée vers l'observateur  
- mR arête — " —



Les prismes hexagonaux qui dérivent du Rhomboèdre se différencient en rien, quant à la forme et aux dimensions, de ceux du système normal; mais ils s'en distinguent par leurs propriétés physiques et principalement par la structure. Ainsi, tandis que dans l'aurifère et l'apatite, les clivages quand ils existent, se font parallèlement aux bases, ou aux faces latérales, on se verra à diviser les prismes du calcaire que par des plans obliques, et seulement sur 3 des arêtes basses du prisme direct, de chaque côté, ou sur 3 des angles du prisme alternatif.



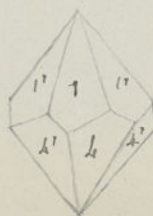
2. Hémicriste Pyramidale :



Hémicriste pyramidale de l'apatite (Naumann) formée par les faces alternées 2 et 2 de la pyramide hexagonale, elle donne la tritopyramide à 6 faces.  
on obtient de même le prisme de St. apatite à 6 faces.

12 faces  
18 arêtes  $\left\{ \begin{array}{l} 12 \\ 6 \end{array} \right.$   
8 angles  $\left\{ \begin{array}{l} 2 \\ 6 \end{array} \right.$   
 $+ \left[ \frac{m P_n}{2} \right]$  droit  $- \left[ \frac{m P_n}{2} \right]$  gauche

Les modifications de la tritopyramide sur un protopyramide hexagonal, donnent des faces incluses qui ont permis à Bravais de la reconnaître.



3. Hémicriste Trapezédrique :

Formée par les faces alternées 1 et 4 ou 2 et 3 du dièdre (d. hexagonal)

elle donne la trapezédrique hexagonal :

12 faces trapezédriques.  
 $\left\{ \begin{array}{l} 12 \text{ arêtes} \text{ polaires} \\ 6 \text{ " marginales} \text{ longues} \\ 6 \text{ " " courtes} \end{array} \right.$   
 $\left\{ \begin{array}{l} 2 \text{ angles hexagonaux} \text{ polaires} \\ 6 \text{ " " marginaux} \end{array} \right.$   
 $+ \frac{m P_n}{2}$  droit  
 $- \frac{m P_n}{2}$  gauche

Tetartocriste

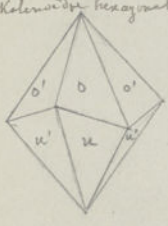
elle est le produit de la superposition de 2 hémicristes, de sorte qu'il en résulte que 1/4 des faces de l'hélicriste.

1. la superposition de l'hémicriste rhomboédrique & de l'hémicriste trapezédrique } Tetartocriste trapezédrique.
2. " de l'hémicriste rhomboédrique & de l'hémicriste pyramidale } donne Tetartocriste rhomboédrique.
3. " de l'hémicriste pyramidale & de l'hémicriste trigonale } Tetartocriste trigonale.

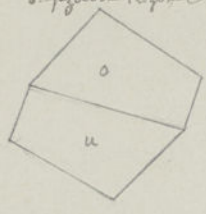
Le tétraèdre donne les formes tetartocristiques qui se divisent en 2 couples : les tetartocristes droits et les tetartocristes gauches : les 2 droits, comme les 2 gauches, sont superposables entre eux ; un droit et un gauche ont des formes énantiomorphes entre eux.

Octaédrie trapézoédrique

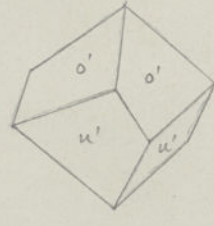
Hexaèdre hexagonal



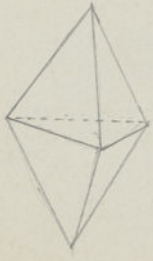
Trapézoèdre triangulaire



+ droit



- gauche



Trapézoèdre triangulaire

Hémicèdre du scalénoèdre (o.u) ou (o'.u')

6 faces, trapézoïde de même hauteur  
12 arêtes { 6 parallèles, égales  
6 basiques, en zigzag, en 2 groupes égaux.

Elle coupe  $\frac{1}{2}$  hexaèdre hexagonal, ou  $\frac{1}{4}$  hex. ditrogonale, on peut faire sérier 2 trapézoïdes triangulaires (droit & gauche) de même scalénoèdre (à une inactivation), et on peut en faire sérier 4 ditrogonales.

$$+ \left\{ \begin{array}{l} m R n \\ 2 \end{array} \right. \text{Trapézoèdre du quartz}$$

Pyramide triangulaire

Hémicèdre de la deutéropyramide, misant la bi-pyramide dans la Pyramide triangulaire.

$$+ \frac{m P 2}{2} \text{ Taux, rhomboèdre du quartz}$$

$$\begin{array}{l} \text{Hémicèdre deutéropyramide} \text{ dans } \text{prisme triangulaire} \quad \frac{\infty P 2}{2} \\ \text{" } \text{prisme ditrogonale} \text{ - } \text{prisme ditrogonale} \quad \frac{\infty P n}{2} \end{array}$$

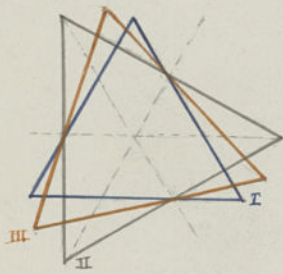
les formes de la Bisectroédrie trapézoédrique se rencontrent en combinaison avec Prisme, Taux quartz, et Trogonale.

quartz: prisme bipyramide, rhomboèdre, présentant troussures, liens, sur les angles latéraux, sur plusieurs ou sur tous. Basiques toutes inclinées sur un côté ont à droite ou à gauche, sans un sens oblique relativement à l'axe. les faces plagièdes affectent une disposition rotatoire oblique à l'axe, et sont en relation intime avec la polarisation circulaire du quartz.

les faces plagièdes quand elles affectent 3 des angles des bases sup. et inf. produisent par leur entrecroisement des solides à faces quadrilatères (trapézoèdre triangulaire  $+\frac{m R n}{2}$ ) quand elles sont inclinées sur l'axe.

les faces plagièdes quand elles sont également inclinées sur les 3 arêtes 1.3.5 ou 2.4.6 présentent le prisme de rhombes, et donnent donc naissance par leur entrecroisement à la Tyr. triangulaire (ditroèdre)  $+\frac{m P 2}{2}$ .

les formes dissymétriques pericentres (trapézoèdre triangulaire, et pyramide triangulaire) ne sont nullement associées au nombre et à la position supérieurs. Elles peuvent avoir un nombre et une position arbitraires.



I. Rhomboédre de la 1<sup>re</sup> espèce :

Dérivé de la Tricorymbre, et donne un charboïdre : dentique  
 $\approx R$ , mais à demi-faces.

II Rhomboédre de la 2<sup>e</sup> espèce :

Dérivé de la Dicosyngone m P2 et donne un  
 charboïdre  $\approx 30^\circ$  ou premier.

$$\frac{mP2}{2}$$

III Rhomboédre de la 3<sup>e</sup> espèce :

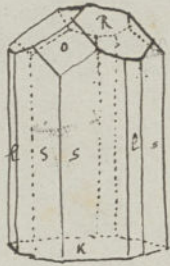
Dérivé de l'hexaédre par développement des faces alternées,  
 on produisant des Tricharboïdres, placés entre les  
 pôles, par la fusion de axes,

$$\frac{mRn}{2}$$

Le fig. donne le schéma de la position des faces des 3  
 charboïdres par rapport aux axes, obtenue en  
 descendant sur un plan perpendiculaire à l'axe vertical les traces des  
 3 faces opposées des différents charboïdres.

Héminorphie :

Tourmaline : Elle offre des anomalies constantes, leur forme est prismatique, certaines anomalies se rapportent aux parties latérales, d'autres aux extrémités.



$$\begin{aligned}
 R &= R \\
 O &= -R \\
 S &= \infty P^2 \\
 L &= \frac{\infty R}{2} \\
 K &= 0R
 \end{aligned}$$

les anomalies latérales se reproduisent 3 par 3, ce sont des tétraèdres prismatiques. On en a fait parfois un sous-système trigonal. la figure ci-jointe montre une forme fréquente de la tourmaline (prisme à 9 pans); la notation les explique.

Les autres anomalies montrées par la même figure, se rapportent aux extrémités qui portent des modifications différentes. Ce ne sont plus des Hémiédries, mais ce que Brachmann a appelé des Héminorphies. Les cristaux héminorphes acquièrent quand on les chauffe une électricité polaire, c.à.d. que les 2 extrémités ont des électricités contraires.

systeme rhombique

systeme rhombique .

---

Soufre = P }   
 O.P. }   
 ang. pol. = 120° 36' + 84° 58'   
 ang. base = 143° 17'

h = 1,5 à 2,5 p.s. = 1,4 à 2,1   
 Fusible à 112,5 l'ampoule à 270°

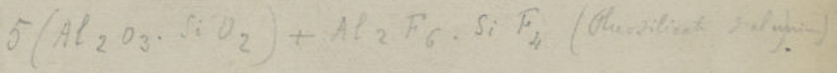
Barytine = prismes rhombiques =  $\infty P_{\infty}$ ,  $mP_{\infty}$  P   
 }   
 } ang. vert. =  $\infty P_{\infty} = 76^{\circ} 56'$    
 } divisible suivant  $\infty P_{\infty}$    
 } " " " peu suivant  $P_{\infty}$

h = 3,0 à 3,5 - p.s. = 4,3 à 4,7   
 BaO . 503 .

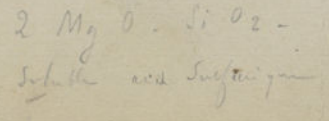
Celstine = forme voisine de Barytine,  $P_{\infty}$  dominants = 104° 7'   
 très divisible  $\infty P_{\infty}$  - et un peu suivant  $P_{\infty}$    
 h = 3,0 à 3,5 - p.s. = 3,9 - 4,0   
 SrO . 503 .

Coapatze = rhombiques  $\infty P$  (124° 19'),  $\infty P_2$  (86° 52'),  $P = 141^{\circ} 7'$ ; 141° 52'   
 90° 55' + oP, 2P  $\infty$

Fau.  $\infty P$  et  $\infty P_2$  verticalement; oP et 2P   
 divisible oP   
 h = 8,0 p.s. = 2,4 - 2,6



Stridol = prismes rhombiques  $\infty P = 130^{\circ} 2'$ ,  $P_{\infty} = 76^{\circ} 56'$ ,  $P_{\infty} = 119^{\circ} 12'$    
 2P $\infty = 80^{\circ} 53'$ , oP,  $\infty P_{\infty}$ ,  $\infty P_2$    
 divisible suivant  $\infty P_{\infty}$    
 h = 6,5 - 7,0 p.s. = 2,3 à 2,5



Euzyerites = Zehnerite Iowa 11-557

Andalouite  
Sillimanite  
Staurolite

90 = 10 =

111 =

$H^2 (Fe Mg)^3 Al^{12} Si^{16} O^{34}$

$Al^2 Si O^5$

Willsonite

$Ca Si O^3$

Enstatite

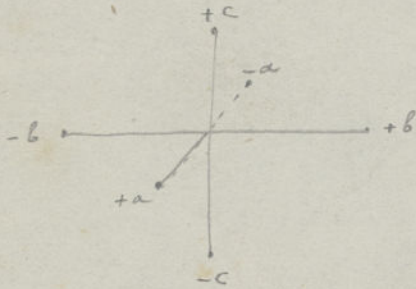
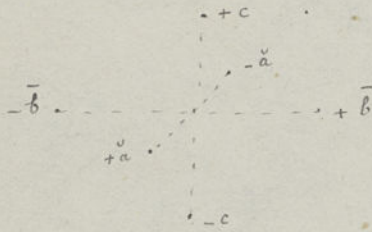
$Mg Si O^3$

Hypersthene

$(Mg Fe) Si O^3$

# Systeme Rhombique

- 0 axes de symetrie - principes  
 3 plans ordinaires, perpendiculaires



Caractères fondamentaux, axes, symétrie -  
 manière de plier un cristal sur deux axes.  
 macrodiagonale, brachydiagonale.  
 Différentes formes rhombiques:

A. formes fermées.

1. Pyramides rhombes, diverses.
2. Sphéroides rhombes.

B. formes ouvertes.

1. Prismes rhombes, divers.
2. Trois Pinacoïdes.

Certains prismes sont des Tômes.



Description des formes rhombes.

Pyramide rhombe :

- 8 faces égales, triangles scalènes
- 12 arêtes  $\left\{ \begin{array}{l} 4 \text{ culminantes, longues.} \\ 4 \text{ latérales.} \\ 4 \text{ } \end{array} \right. ; \text{ courtes.}$
- 6 angles  $\left\{ \begin{array}{l} 2 \text{ culminants} \\ 2 \text{ latéraux} \end{array} \right. \left\{ \begin{array}{l} \text{grande diagonale} \\ \text{petite diagonale} \end{array} \right.$

Ex. soufre

Sphénoïde rhombe :

- 4 faces, triangles scalènes.
- 6 arêtes.
- 4 angles solides.

c'est l'hémipède de la pyramide rhombe.

Ex. (rare) :  $\text{Bismuthoxygène-zincostéat}$  sulfates artificiels de magnésie, de zinc-acide.

Prisme rhombe :

4 faces parallèles à l'un des axes, et dont la coupe est un rhombe.  
 on les obtient par troncatures sur les arêtes de base de la pyramide ... prisme.  
 arêtes les plus <sup>longues</sup> - id - macro-dôme.  
 id - <sup>courtes</sup> - id - brachydôme.

3 Pinaïdoïdes : ils sont formés par les troncatures des 3 différentes paires d'angles solides, opposés.

BaO.SiO<sup>2</sup>      SnO.SiO<sup>2</sup>      Al.Si.F.

Exemples : Barytine, Alésine, Topaze.

Péridot.  
2 MgO.SiO<sup>2</sup>

Hémipède de la topaze : lorsqu'elle se présente avec le 2 sommets, comme dans les topazes du Brésil, les modifications des angles aigus du prisme <sup>macro-dôme</sup> ne s'offrent jamais que d'un côté, tout le reste suit les lois ordinaires. Cette différence entre les extrémités de l'axe cristallin, est en rapport avec les différences d'électrisité de ces extrémités, quand on chauffe le cristal.

La valeur de ces 2 angles dièdres ne peut se déduire l'une de l'autre, elles sont indépendantes et doivent se ~~trouver~~ <sup>trouver</sup> par la mesure directe.

De la forme fondamentale: Pour chaque série de formes rhombes, on choisit comme forme fondamentale, une des pyramides données - on l'appelle P, ~~sauf~~ on se décide sur le choix de l'axe vertical, puis on la ~~mesure~~ détermine par la valeur de 2<sup>es</sup> angles dièdres, ou mieux par le rapport de ses dimensions linéaires, que l'on déduit de la valeur de ces angles. Le rapport de ces dimensions linéaires, est le rapport du demi-petit-axe horizontal = a, au demi-grand-axe horizontal = b, au demi-axe vertical = c; on prend ordinairement comme unité b = 1.

Ex: La forme primitive ainsi définie, du type rhombique, donne pour paramètres irrationnels a : b : c = 0,813 : 1 : 1,9037

De la forme fondamentale P, on fait dériver par multiplication de l'axe vertical par un nombre rationnel m, toutes les pyramides qui ont même base que P. Toutes ces Protopyramides s'appellent mP. Les formes limites sont le Protoprisme ∞P, et les Pinacoides 0P. nous prenons donc comme forme fondamentale, la série suivante:

$$0P \dots mP \dots P \dots mP \dots \infty P$$

Dérivations & notation:

variation de l'axe macrodiagonal (β):

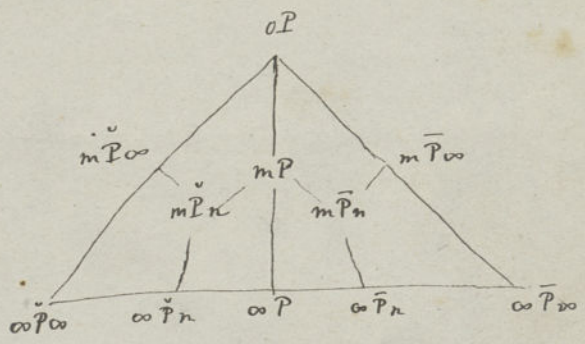
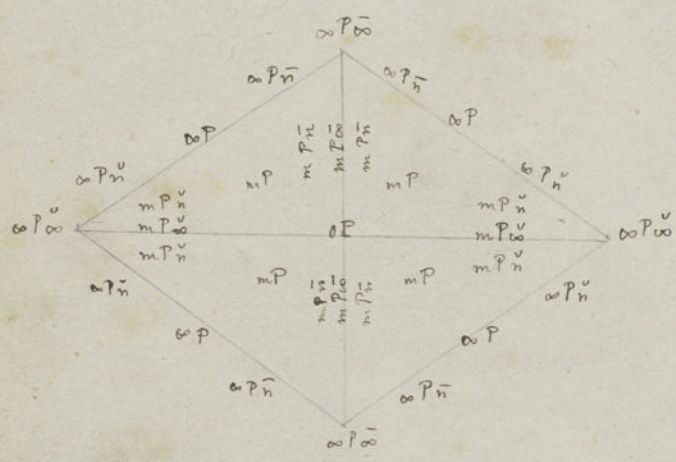
De chaque forme mP on fait les formes diverses en prolongeant l'axe macrodiagonal de valeurs n (plus grande que 1), on obtient ainsi la série:

$$mP \dots m\check{P}n \dots m\check{P}\infty \text{ (macrodomes) .}$$

De chaque forme mP on fait de même, des formes différentes en prolongeant l'axe brachydiagonal de valeurs n (plus grande que 1), on obtient ainsi la nouvelle série

$$mP \dots m\check{\check{P}}n \dots m\check{\check{P}}\infty \text{ (brachydomes) .}$$

De même que la Protopyramide mP, le protoprisme ∞P peut donner naissance à une série de modifications macro- et brachydiagonales; sont les formes limites sont les macrosiphacoides ∞P∞ et les brachysiphacoides ∞P∞.



Les macrosiphacoides <sup>∞Pn</sup> modifient les angles aigus du Prisme ∞P  
 Les brachysiphacoides <sup>∞Pn</sup> " " obtus du Prisme ∞P

Hémicédres & Héminosphère

$$\frac{\text{sphénoèdre}}{2} + \frac{mP}{2}$$

Faces : 4 triangles inéquilatéraux  
arêtes  $\left\{ \begin{array}{l} 2 \text{ horizontales polaires} \\ 2 \text{ courtes marginales, en zig-zag} \\ 2 \text{ longues " " " "} \end{array} \right.$

angles : 4

Hémicédre des autres faces. Un système sur les deux pôles.

Héminosphère : 6 faces.

Système monoclinique

|                     |                               | $\alpha$ c | $\alpha$ a | $\beta$ | Diameters |
|---------------------|-------------------------------|------------|------------|---------|-----------|
| Realgar             | $As_2S_3$                     | 0,67       | 0,69       | 66° 5   | 74° 26    |
| azurite             | $H^2Cu^3C^2O^8$               | 1,04       | 1,18       | 87° 39  | 99° 32    |
| malachite           | $H^2Cu^2CO^5$                 | 0,51       | 1,29       | 88° 52  | 104° 28   |
| Gypsum              | $H^4CaSO^6$                   | 0,9        | 2,41       | 66° 14  | 138° 28   |
| sulfate de magnésie |                               | 1,11       | 0,90       | 72° 15  | 86° 31    |
| vitriol             |                               | 1,36       | 0,85       | 75° 40  | 82° 21    |
| orthose             | $K^2Al^2Si^6O^{16}$           | 0,84       | 1,52       | 63° 53  | 118° 48   |
| Pyroxène            | $(Ca, Mg, Fe)Si^3O^6$         | 0,54       | 0,91       | 73° 59  | 87° 5     |
| amphibole           | $(Mg, Ca, Fe)^8Si^9O^{26}$    | 0,55       | 1,88       | 75° 2   | 124°      |
| Epidote             | $H^2Ca^4(Al, Fe)^6Si^6O^{26}$ | 0,48       | 0,31       | 89° 27  | 69° 56'   |

# Système monoclinique

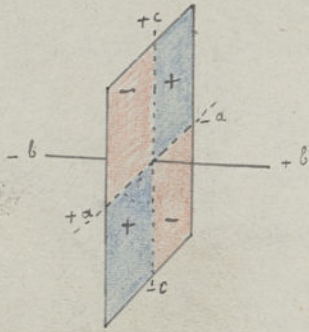
Syst. Klinorhombique (Kernyott), S. angulaire (Haidinger)  
 Unoblique

Caractères fondamentaux - axes - Symétrie

- axe vertical c.
- Klinodiagonal a.
- orthodiagonal b.

Deux plans de Symétrie.

L'angle de a c est constant pour chaque série de formes cristallines.



Plan Klinodiagonal de Symétrie

## Différentes formes monoclines.

### A. Formes fermées

### B. Formes ouvertes

1. Pyramide { Hémipyramide - positive = angle aigu.  
 - " - négative = angle obtus.

2. Prismes verticaux.

3. — horizontaux, orthodomes { prismes positifs.  
 " négatifs.

4. — obliques, Klinodomes.

5. { Pinacoides { basique  
 6. { orthodiagonal  
 7. { Klinodiagonal

2  
Description des formes monocliniques :

Pyramides monocliniques : (fermés)

8 faces, en 2 groupes de triangles scalènes respectivement égaux.

12 { 4 arêtes basiques égales.  
4 — orthodiagonales égales.  
4 — klinodiagonales égales 2 à 2.

6 angles solides { 2 verticaux  
2 orthodiagonaux, égaux  
2 klinodiagonaux, égaux

Ces Hémipyramides sont indépendantes, on les rencontre souvent isolées dans la nature, et formant ainsi des formes ouvertes, prismatiques.

Prisme vertical :

4 faces <sup>égales</sup> parallèles à l'axe vertical, et dont le coupe est un rhombe.

Klinodome : 4 faces égales, parallèles à l'axe klinodiagonal et dont le section est un rhombe.

Orthodome : 4 faces parallèles à l'axe orthodiagonal, et dont le coupe n'est qu'un rhomboïde. Il faut distinguer 2 faces positives, et 2 négatives.

Strahlendes : il y en a 3 différents.

Si l'angle opposé à l'angle aigu est obtus } que font entre eux les plans basiques et orthogonaux.

de la forme fondamentale : Pour chaque série de formes monoclinales, on choisit pour forme fondamentale, une des pyramides données et complète. on l'appelle  $\pm P$ , en désignant par les notations différentes l'hémipyramide + et la -. on détermine cette forme par le rapport des 3 demi-axes (b étant considéré comme unité), valeur que l'on déduit de la mesure de 2 angles dièdres, qu'il faut chercher directement. Il faut encore chercher directement la valeur de  $\beta$  angle qui fait l'axe clinodiagonal avec le vertical.

Quand on connaît pour une substance les rapports de grandeur de  $a:b:c$  ainsi que l'angle  $\beta$ , on n'a pas de difficulté à dessiner sa forme. ainsi on détermine certain monoclinaux par  $a:b:c = 1,3 : 1 : 1,04$  et  $\beta = 75^\circ$ .

De la forme fondamentale  $\pm P$ , on fait dériver par multiplication de l'axe vertical par un nombre rationnel  $m$  toutes les pyramides qui ont même base que  $P$ . Toutes ces pyramides s'appellent  $\pm mP$ . Les formes limites sont les Protopyramides  $\infty P$  et les Pinacoides  $0P$ . Nous pouvons donc considérer comme forme fondamentale, la série suivante :

$$0P \dots \pm mP \dots \pm P \dots \pm mP \dots \infty P$$

Il faut toutefois se rappeler que chaque pyramide se divise en 2 hémipyramides, chaque orthoédre en 2 tétraèdres ; tandis que les prismes et les clinodomes sont toujours complets et n'existent qu'avec leurs 4 faces.

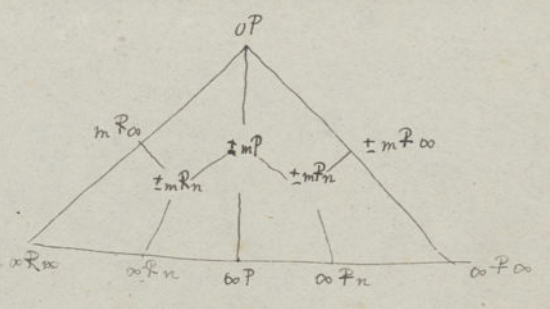
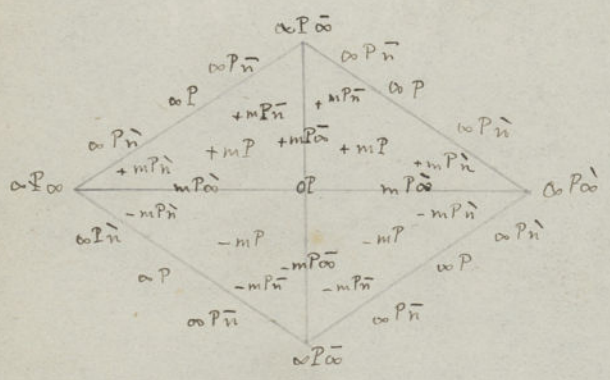
De chaque forme  $\pm mP$  on fait les formes dérivées en prolongant l'axe orthodiagonal (le clinodig. étant invariable) de valeurs  $n$  plus grandes que 1. on obtient ainsi la série :

$$\pm mP \dots \pm mPn \dots \pm mP\infty \text{ (orthoédre)}$$

De chaque forme  $\pm mP$  on obtient une seconde série de formes en prolongant l'axe clinodiagonal seul, des mêmes longueurs  $n$ . on obtient ainsi la nouvelle série :

$$\pm mP \dots \pm mPn \dots mP\infty \text{ (clinodome)}$$

Comme les Protopyramides, les Protoprismes donnent aussi naissance à des séries de formes nouvelles par les variations de longueurs de leurs axes : leurs formes limites sont les Pinacoides.  $\infty P \dots \infty Pn \dots \infty P\infty$





Système trichinique

M. G. Barraix

axe c                      axe a

Angles de plans principaux

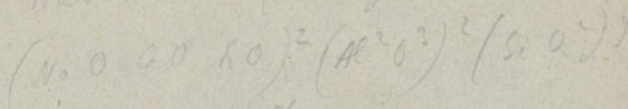
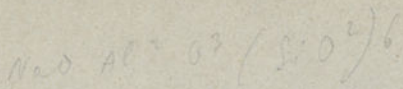
|            |   |       |       |       |       |       |                           |
|------------|---|-------|-------|-------|-------|-------|---------------------------|
| Albite     | } | _____ | _____ | _____ | _____ | _____ |                           |
| Oligoclase |   | _____ | 0,64  | ---   | 1,10  | ---   | 116°15' - 88°42' - 80°49' |
| Labrador   |   | _____ |       |       |       |       |                           |
| Anorthite  |   | _____ |       |       |       |       |                           |

|  |       |      |     |      |     |                           |
|--|-------|------|-----|------|-----|---------------------------|
| <sup>ch. de H. y. m.</sup><br>E- Anorthite | _____ | 0,64 | --- | 0,35 | --- | 68°58' - 68°8' - 119°7'   |
| Sulfate de cuivre                          | _____ | 3.   | --- | ?    | --- | 83°20' - 107°14' - 77°43' |

alb - 68%

olig - 60%

Labrador



$\frac{3}{4} \text{Ca}, \frac{1}{4} \text{Hr}$

|            | SiO <sub>2</sub> | alumin | alkalix | titix |
|------------|------------------|--------|---------|-------|
| Albite =   | 11.81            | 16.62  |         | 68.57 |
| annite =   |                  | 36.92  | 20.07   | 43.01 |
| oligoclase | 10.03            | 22.22  | 3.02    | 64.73 |
| andesine   | 7.71             | 25.62  | 6.96    | 59.70 |
| Labrador   | 4.55             | 30.25  | 12.33   | 52.86 |

Passage de Naumann à Miller

Étant donné les Indices, connaître le coefficient :

soit  $a : b : c$  la Somme de une face de Pyramide  
 $ma : nb : pc$  expression plus générale de la même  
 $3a : 2b : 1c$  si remplaçant par Coefficients numériques.  
 $3 : 2 : 1 = (321)$  puisque  $a, b, c$  sont unités.  
 $\frac{1}{3} : \frac{1}{2} : \frac{1}{1}$  Indices Inverses de la valeur précédente pour Miller  
 $\frac{2}{6} : \frac{3}{6} : \frac{6}{6}$  Réduire au même dénominateur  
 $2 : 3 : 6$  on multiplie par 6, on a les Indices de Miller

Étant donné les Coefficients, connaître les indices :

$2 : 3 : 6 = (236)$   
 $\frac{1}{2} : \frac{1}{3} : \frac{1}{6}$   
 $\frac{3}{6} : \frac{2}{6} : \frac{1}{6}$   
 $3 : 2 : 1$  Coefficients de Naumann

Établissement de la formule générale, par  
 connaissance des Indices, connaître coefficient

soit  $h, k, l$  le symbole général de Miller.  
 Soient des données comme 2, coefficients  $ma : nb : pc$   
 $ma : nb : pc = hkl$   
 $\frac{1}{m} : \frac{1}{n} : \frac{1}{p}$   
 $\frac{np}{mnp} : \frac{mp}{mnp} : \frac{mn}{mnp}$   
 $np : mp : mn = hkl \quad (1)$

Formule générale pour trouver les Coefficients, connaissant  
 les Indices.

$np : mp : mn = hkl$   
 $\frac{1}{np} : \frac{1}{mp} : \frac{1}{mn} = \frac{1}{h} : \frac{1}{k} : \frac{1}{l}$   
 $\frac{m}{n} : \frac{n}{p} : \frac{h}{n} = \frac{kl}{hkl} : \frac{hl}{hkl} : \frac{hk}{hkl}$   
 $m : n : p = kl : hl : hk \quad (2)$

Exemple numérique du précédent (Application des  
 Formules):

$m = 3, n = 2, p = 1$  Valeur des Coefficients  
 $2 : 3 : 6$  on applique (1)  
 $(236)$  Indices  
 $h = 2, k = 3, l = 6$   
 $h = 2, k = 3, l = 6$  valeur des Indices  
 $18 : 12 : 6$  on applique (2)  
 $= 3 : 2 : 1$  Coefficients  
 $m = 3, n = 2, p = 1$

Autre exemple, soit le paramètre d'un prisme

$1 : 1 : \infty$  Coefficients  
 $\frac{1}{1} : \frac{1}{1} : 0$   
 $110$  Indices

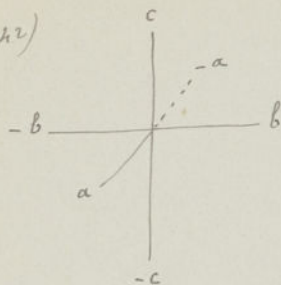
soit le paramètre d'une face de Pyramide

$1 : 1 : 1$  Coefficients d'une face  
 $\frac{1}{1} : \frac{1}{1} : \frac{1}{1}$   
 $111$  Indices d'une face

On appelle Faces primaires celles dont les indices  
 ne renferment que 1 et 0.

# Notation de Miller

(Revoir p. 42)



(Faces notées)

{ Ensemble des faces }

Miller supprime le rapport  $a:b:c$  devenu inutile, quand le rapport des axes est déterminé, et qu'on est convenu de l'ordre  $a, b, c$ .

Ainsi, au lieu d'écrire  $3a:2b:c$  on écrit  $3:2:1$  ou simplement  $321$

Au lieu des valeurs directes, positives, des coefficients, on prend leur valeur inverse, on obtient ainsi des fractions qu'on réduit au même dénominateur (6):

$$\frac{1}{3} : \frac{1}{2} : \frac{1}{1}$$

$$\frac{2}{6} : \frac{3}{6} : \frac{6}{6}$$

En multipliant par 6 on trouve les indices de la face

$$2 \ 3 \ 6$$

Autres exemples  $1:1:\infty$

$$1:1:1$$

On procède inversement, pour trouver les paramètres d'une face donnée quand ses indices et le rapport des axes sont connus.

$$2 \ 3 \ 6$$

Essayant sur la forme générale (hkl) on Miller le symbole général,

soit  $ma : nb : pc$  la notation de la primitive de Weiss.

$$m : n : p$$

$$\frac{1}{m} : \frac{1}{n} : \frac{1}{p} \dots = h : k : l$$

$$\frac{np}{m} : \frac{mp}{n} : \frac{mn}{p} \dots = h : k : l$$

$$npa : mpb : mn \dots = h : k : l$$

$$\text{donc } m : n : p \dots = hL : hL : hL$$

Les 2 dernières formules donnent la transition directe des coefficients de Weiss en indices de Miller et réciproquement.

Le plan de symétrie est un plan qui divise le cristal en 2 parties qui sont l'une à l'autre, ce que l'objet est à son image réfléchi par un miroir plan.

L'axe de symétrie est une ligne telle, que si l'on imprime au polyèdre, autour de cette ligne, une rotation d'amplitude déterminée, tous les sommets de ce polyèdre se trouvent simplement substitués les uns aux autres, continuant à occuper les mêmes lieux de l'espace.

au Centre d'axe - Rotation  $180^\circ$   
 — ternaire — "  $120^\circ$   
 — sénaire — "  $60^\circ$   
 — quaternaire — "  $90^\circ$

| System                                  | Plan | axes Binaires | Ternaire | Quaternaire | Sénaire |
|---|------|---------------|----------|-------------|---------|
| System Régulier<br>Holoédrique . . .    | 3+6  | 6             | 4        | 3           | 1       |
| System Quadratique<br>Holoédrique . . . | 1+4  | 4             |          | 1           |         |
| System Hexagonal<br>Holoédrique . . .   | 1+6  | 6             |          |             | 1       |
| System rhomboédrique . . .              | 1+1  | 1+1           |          |             |         |
| System monoclinique . . .               | 1    | 1             |          |             |         |
| System triclinique . . .                |      |               |          |             |         |

# Système Triclinique

anorthique { Rhomboïdal, Klinorhombique Naumann,  
asymétrique Gosth.

Caractères fondamentaux - axes - Symétrie.

axe vertical  $c$   
macrodiagonal  $b$   
brachydiagonal  $a$   
Pas de plan de Symétrie.

la forme fondamentale est le Klinoïdre, double  
pyramide à base de parallélogramme.

## Différentes formes Tricliniques:

forme, au total, au nombre de 13.

1. Pyramides { divisés en tétrastopyramides, par l'inégalité  
des axes. - chacun de ces 4 formes n'est  
représentée que par 2 faces parallèles.  
- 4
2. Prismes { prismes verticaux } chacun de ces formes n'est  
représentée que par 2 faces parallèles.  
1. Macrodomme  
2. Brachydomme
3. Pinacoides { 1 } parallèles, au 3 plans principaux de coupe  
2 }  
3 }

## Description des formes tricliniques.

### Pyramides tricliniques:

8 faces. Triangle, de 4 espèces, égales dans les  
octaèdres opposés, et sont les arêtes  
de base sont dans un même plan.  
Il y a donc 4 tétrastopyramides; comme  
elles sont indépendantes, on considère ces  
tétrastopyramides comme fermés par les  
plans des 3 coupes principales.

Elles sont indépendantes en se montrant que  
2 par 2 dans la nature.

Prisme vertical } coupe rhomboïdale, on peut représenter que  
Macrodomme } par des Hémi-prismes, ou des Hémi-dômes.  
Brachydomme }

Pinacoides.

De la forme fondamentale: On ne reconnaît au milieu de l'édale se toutes ces faces parallèles indépendantes; on les considère toujours réunies en une pyramide complète. Pour chaque série de formes tricliniques, on choisit pour forme fondamentale une pyramide triclinique complète. Pour qu'elle soit déterminée, il faut connaître le rapport des 3 demi-axes (6 étant l'unité), ainsi que la valeur des 3 angles qui font entre eux les 3 angles principaux ( $\alpha, \beta, \gamma$ ); c'est à dire 5 valeurs différentes, qu'on ne peut déduire les uns des autres, et qu'on vient de la mesure directe de 5 angles différents, ce qui est difficile pour cette raison de reconnaître le système d'axes; d'autant plus que toutes les faces peuvent se déterminer dans les positions les plus différentes du cristal.

Position de la pyramide fondamentale: on peut y distinguer quand elle est placée verticalement, le haut, le bas, la droite, la gauche.

P' P P, P

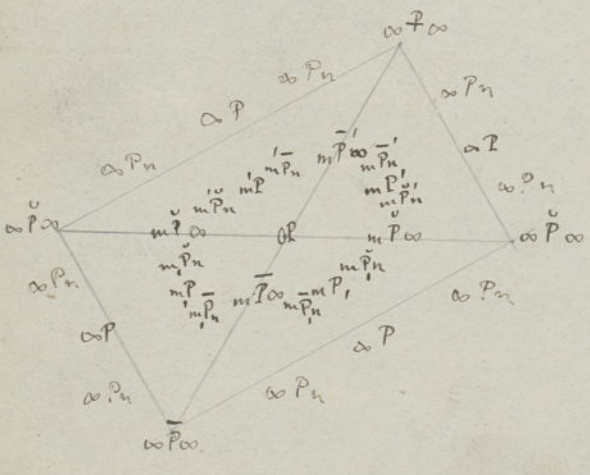
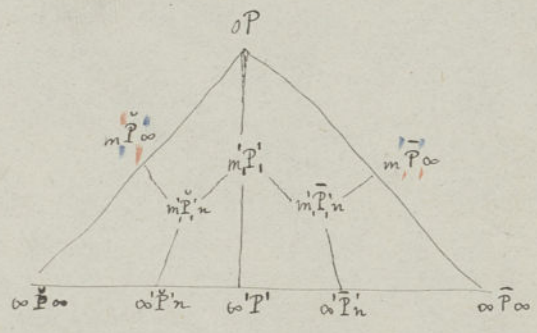
La notation de la forme fondamentale est donc  $'P'$ , dérivation: de la forme fondamentale  $'mP'$ , on fait dériver par multiplication de l'axe vertical par un nombre rationnel, toutes les pyramides qui ont même base que  $'mP'$ ,

$\infty P' \dots mP', mP, mP_1, mP \dots \infty P', \infty P$

De chaque forme  $'mP'$ , on fait des formes diverses en prolongeant l'axe macrodiagonal (le brachydiagonal étant invariable); on obtient ainsi des macropyramides  $m\bar{P}'_n$  et la série qui en dépend  $m\bar{P}' \infty$

De chaque forme  $m\bar{P}'_n$ , on fait des formes diverses en prolongeant l'axe brachydiagonal seul, on obtient alors les brachypyramides  $mP'_n$  et la série qui en dépend  $mP' \infty$ .

Comme les brachypyramides, les proto prismes  $\infty P'$  donnent aussi naissance à une série de formes nouvelles par les variations de longueur des axes,  $\infty P' \dots \infty \bar{P}'_n \dots \infty \bar{P}' \infty$ .



Il faut toujours se rappeler que chaque pyramide est formée de 4 tétraèdres, et chaque prisme ou dôme de 2 hémiprismes ou hémidômes.



Représentation graphique des formes cristallines.

(Schumann's mineralogie)

La représentation graphique des formes cristallines se fait par voie de perspective. On n'emploie pas la perspective ordinaire, mais la perspective <sup>parallèle ou</sup> isométrique, où on suppose le cristal placé devant un plan, et où on abaisse de chaque angle du cristal des normales sur ce plan. Si on réunit ensuite sur ce plan, ces points par des lignes; ces lignes correspondent aux arêtes du cristal, qui sont ainsi représentés comme si on le regardait à une distance infinie.

Projection linéaire sur un plan: on place une des faces du cristal sur un plan, on élève ensuite sur ce plan de projection toutes les autres faces du cristal parallèlement, jusqu'à ce qu'elles passent toutes par un même point situé en dehors de ce plan. Chaque paire de faces, se verra ainsi sur une seule face; et ultérieurement le plan de projection n'étant que l'on trace. Les faces parallèles au papier ne sont donc pas représentées.

Ex. un cube est représenté par 2 lignes à angle droit.

Projection sphérique: les faces sont représentées par des points. On place le cristal au centre d'une sphère, de sorte que le centre de la sphère soit dans le cristal. On abaisse alors des normales du centre de la sphère sur les faces du cristal, et on les prolonge jusqu'à la rencontre de la sphère: ces points indiquent la position des faces.

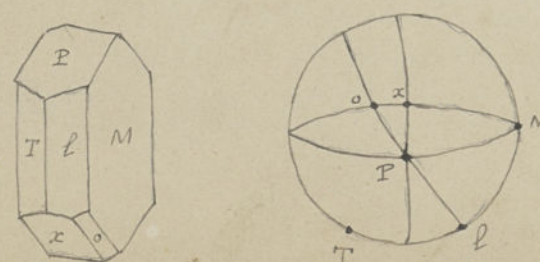
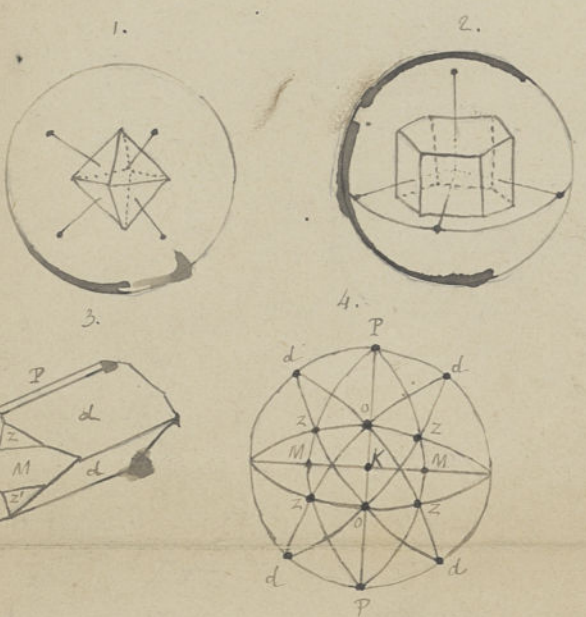
Dans la figure on n'a donc plus la représentation du cristal, mais seulement une série de points. L'avantage de ce mode de projection, c'est que toutes les faces en zone sont représentées par des points situés sur un grand cercle. Les normales en effet abaissées du centre de la sphère sur les faces d'une zone, se trouvent toutes dans un même plan passant par le centre. Ce plan coupe la sphère suivant un grand cercle. Pour réunir les points sur un dessin, on ~~peut~~ donc employer le compas.

Lois des zones: chaque face cristalline n'appartient pas à une zone unique, mais peut appartenir à plusieurs, c.à.d. se trouver à l'intersection de plusieurs zones. Sur le croquis de deux zones, il se peut y avoir qu'une seule face (= une seule paire de faces); Pour la position d'une face est déterminée quand, quand on sait qu'elle se trouve à l'intersection de 2 zones connues.

Une zone est connue, quand on connaît 2 faces (non parallèles) de cette zone. Si donc on connaît 2 faces d'une zone, et 2 faces d'une autre zone, on connaît par cela même la position de la face qui est à leur intersection. Si par ex. on connaît la position des prismatiques, et des faces prismatiques, on connaît par là la position des faces de la pyramide.

Sur un croquis de la projection sphérique, on se rend donc facilement compte des relations de zones de faces, quelconques.

Exemple de projection trichlinique: soit le cristal d'Albite figuré, le zone verticale avec ses points sur un cercle si on regarde le cristal d'en dessus (suivant l'axe vertical). Les autres faces auront leurs traces, comme suit:



Leung der rochet

*[Faint, illegible handwritten text, likely bleed-through from the reverse side of the page.]*

Quartz : forme cristalline : s. Hexagonal - rhomboédrique d'après la loi de la tetrastochée trapézoïde.

les cristaux de Quartz des roches sont généralement très simples, et ne présentent pas les variations habituelles. la forme habituelle est le Prisme  $\infty P$  avec les 2 Rhomboïdes R et -R; mais souvent le Prisme manque et on trouve le Dhexaèdre.

les masses sont fragmentées.  
les Quartz des roches sont pas clairs comme les cristaux de roche, mais mats et troubles.

Comp. chimique : acide silicique  $SiO_2$ .

Berzelius considère le premier la silice (ou Quartz) comme un acide (acide silicique). C'est un acide extrêmement faible, mais d'une grande fixité, et qui à raison de cette circonstance, déplace tous les acides à une température élevée. En soumettant aux oxydes métalliques, il donne naissance aux silicates, qui forment la plus grande partie des minéraux.

la silice existe dans le silicate, sous 2 états différents; à l'état de silice soluble, et à l'état de silice insoluble. les uns sont décomposés par les acides forts, et quand la silice s'en sépare par voie humide, elle se présente sous forme gélatineuse; desséchée in situ avec soin, elle est légèrement soluble dans l'eau et les acides.

l'opale est incolore, isotrope; on considère comme un produit de sa décomposition l'Hydrophane, très commun en petites parties microscopiques, en grains, en flocons précis de traits.

la silice des animaux (Eponges, Radiolaires) est une combinaison d'opale gélatineuse avec la matière organique: elle ne polarise pas.

Epaisseur: fine de tout les âges, et de tous les modes de formation.

l'opale contient 3 à 12% d'eau

Caractères microscopiques: transparent, beau poli.

1. Opale gélatinoïde: amorphe, ressemble à de la gelée. Sous l'action sur lumière polarisée, les reflets des opales nœuds sont due au phénomène des lamelles <sup>opalescentes</sup>. Elle est souvent très fendillée, et a une sorte de fluidité.

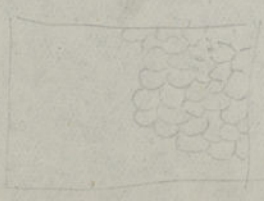
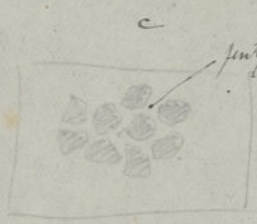
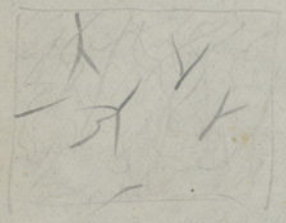
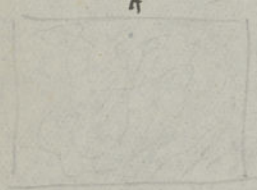
cette apparence fendillée se régularisant et s'étendant communément à produire des globules d'hyalite. (c)

2. Opale Hyaline

○ ○ ○ (⊙) Sans action sur la lumière polarisée

les parties arrondies forment le passage à la tridymite.

on trouve souvent l'opale Hyaline dans l'opale gélatinoïde.

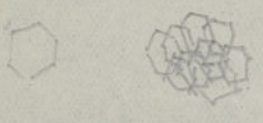


parties limitant les globules.

3. Opale spherulitique : sans action sur la lumière polarisée.  
 Les rayons des figures sont formés de globules alignés.



4. Onix mite : ne polarise pas, mais à cause de sa minceur, car elle est cristalline, cristallisée.  
 Les lamelles hexagonales sont agglomérées en forme de mosaïque.



Onix vrai feuille 2, 2 au lieu de 2.6.  
 Elle se présente parfois en gros cristaux dans les crasses des brachytes. Peu d'inclusions, seulement des pores à gaz et quelques microlites isolés.  
 Localité : surtout dans le brachyte, aussi dans les conglomats Jaurouge et des bords de l'Alim et dans toutes les roches sédimentaires, aléennes modernes; manque dans les roches anciennes.

5. Opale agissant sur la lumière polarisée

Cette action est due à la densité différente des divers couches des globules; elle n'est pas la même que celle qui se montre chez les cristaux; un globule, soit simplement traversé par une raie noire, qui reste immobile quand on fait tourner la préparation, elle a une teinte pâle. Elle se trouve parfois dans les roches anciennes.



Si les globules s'alignent dans 4 directions on passe au quartz hyalitique.

6. Chalcedoine : quartz en cristaux groupés.

Elle agit sur la lumière polarisée.  
 La chalcedoine est à la limite entre le quartz hydraté (1 à 5) et le quartz anhydre (7 à 9). Dans le quartz hydraté on ne trouve guère en inclusions que le limonite; dans le quartz anhydre, cristallin, on trouve des oxydes de fer à divers états.



7. Quartz granuleux : quartz en grains cristallins mais à formes irrégulières et entassés les uns sur les autres.  
 Il s'étend dans 4 directions rectangulaires



## 8. Quartz cristallin :

αP domine, ωP et très réduit.  
 Il y a des psmys entre cette forme et le  
 quartz granubé, mais ici les cristaux sont  
 complets et isolés.  
 Les cristaux sont hexagonaux en coupe, et  
 souvent usés et arrondis. Le quartz est en grains  
 irréguliers dans les granites; il est en cristaux  
 dans les Calcitporphyres et les Brachytes.

## 9. Micropegmatite : felsitporphyre.

Variétés du quartz: Vert, par inclusion de Hemblende.  
 Saphir: grains et fibres de Krotzolithe.  
 Aventurine: oxyde de fer, secondaire, infiltré.  
 Hornstein: agrégat cristallin de grains de quartz  
 différemment orientés.  
 Jasper: on y trouve souvent des élyses.  
 Chalcedoine: Elle a une structure fibreuse; on la  
 rencontre souvent avec le Cacholong qui  
 a une structure compacte, ou sphérolitique.  
 Chrysoprase: agrégat de sphérolites arrondis, pressés  
 les uns contre les autres.  
 Hélioctope: Chalcedoine impure (oxyde de fer)  
 Silex: en grains.  
 Agate: abrasion due à de fines partic. ferrugineuses.

## Inclusions du Quartz cristallin :

Roches modernes: Inclusions liquides, rares;  
 inclusions vitreuses représentant tous les éléments  
 cristallins de la roche ambiante; Inclusions  
 gazeuses. En règle générale, les inclusions sont  
 peu abondantes dans le quartz de roches modernes.

Roches anciennes: Prédominance des  
 inclusions liquides disposées en traçants. Dans  
 les cas d'inclusions liquides se rencontrant; il  
 y a des microbolites en longs prismes allongés  
 incolores, peut-être de feldspath triclinalique. Il y  
 a beaucoup d'inclusions de NaCl, et quelle que  
 soit la nature de la roche, ainsi que d'eau, et  
 d'air. Le quartz n'est pas trichroïque sauf le  
 cas de l'améthyste ou du quartz enfumé,  
 remarquable par sa polarisation vive.

Généralment : Le quartz est très répandu dans les roches, il forme à lui seul le quartzite; il est élément essentiel et caractéristique des granites, Syphyne quartzifères, Trachytes quartzifères, gneiss, granulite. Dans ces roches il est avec les feldspaths acides, orthoclase (Sanidine), oligoclase; ce n'est que très rarement que le quartz se rencontre avec le basique Labrador, on ne le connaît pas avec le plus basique encore Anorthite. On ne rencontre jamais la Néphéline et la leucite dans les roches où il y a du quartz. L'Hornblende accompagne très souvent le quartz, l'augite semble au contraire exclure le quartz. Les laves cristallines récentes ne contiennent pas de quartz.

À l'œil, dans les roches, on distingue le quartz des Feldspaths, par la forme plus arrondie de ses grains, par sa cassure écaillée, son éclat gras-vitreux, et sa couleur grise.

Quartz dans les roches  
granitiques & porphyroïques.

Dans le quartz des Granites, Syénites, il n'y a que des inclusions liquides (pas de vitreuses); prouve que le magma éruptif du granite n'a pas été à l'état de lave: l'eau jouait un rôle important pendant sa solidification.

Dans le quartz des Felsitporphyres, on rencontre moins d'inclusions liquides que dans le granite; il y a en plus des inclusions vitreuses. La roche a donc été fondue, et dans cette lave se trouvait de l'eau.

Dans le quartz des Trachytes, peu d'inclusions liquides, très nombreuses inclusions vitreuses.

On pourrait reconnaître par le seul examen du quartz, si on a à faire à un granite, au felsitporphyre, ou un trachyte.

Origine de ces roches d'après l'état de l'eau.

Granite: on n'a pas de preuve que sa pâte ait été à l'état vitreux, laque. Le contact du granite avec les roches encaissantes, montre qu'il n'a pu faire éruption à la température des laves actuelles, ou continuer les actions métamorphiques observés à son contact ne peuvent avoir été produits que par des eaux chaudes venant du magma éruptif.

Les imprégnations de minéraux blancs, dans les roches encaissantes, au voisinage du granite, ont dû être à l'eau chaude que le magma du granite a émis en se refroidissant.

Felsitporphyre: Il a été fondue comme une lave, puisqu'il est en relations intimes avec les Porphyres, qui ont été évidemment fondus. Au contact du Felsitporphyre, les roches encaissantes ne sont qu'imprégnées de silice; le contact de ces roches encaissantes prouve que le Felsitporphyre a été émis à une haute température.

On peut considérer les granites, le Felsitporphyre, le Trachyte, les laves actuelles, comme types les produits volcaniques des différentes époques. On peut et il y a une relation entre ces différentes laves, et l'état de leur pâte, considéré d'après les rapports de l'eau et de la masse en fusion: — l'eau joue un plus grand rôle chez les granites que chez le Felsitporphyre, plus grand chez le felsitporphyre que chez le Trachyte & Basalte et la pâte en fusion venant déjà; chez les laves actuelles, l'eau n'existe plus que pour mémoire.